

Exercice N°1

- 1) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : (E): $5x^2 - 3\sqrt{5}x + 2 = 0$.
- 2) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $5x^2 - 3\sqrt{5}x + 2 < 0$.
- 3) soit α un nombre réel de l'intervalle $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$ tel que : $\cos\alpha \sin\alpha = \frac{2}{5}$
 - a) Prouver que : $(\cos\alpha + \sin\alpha)^2 = 1 + 2\cos\alpha \sin\alpha$ en déduire la valeur de : $\cos\alpha + \sin\alpha$.
 - b) Montrer que $\cos\alpha$ et $\sin\alpha$ sont solutions de l'équation (E).
 - c) Sachant que $\sin\alpha < \cos\alpha$ Déterminer la valeur de $\cos\alpha$ et $\sin\alpha$.

Exercice N°2

Soit x un réel de l'intervalle $[0, \pi]$, on pose : $A(x) = \frac{1}{\sin^2 x + 2\cos^2 x}$

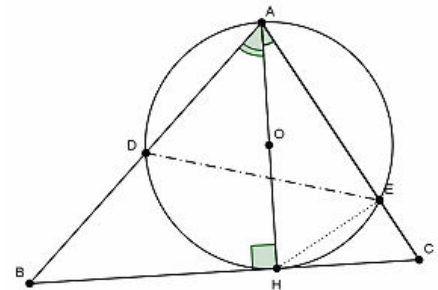
- 1) Calculer $A(0)$ et $A(\frac{\pi}{4})$ et $A(\frac{\pi}{6})$
- 2)
 - a) Vérifier que : $A(\pi - x) = A(x)$.
 - b) En déduire : $A(\frac{5\pi}{6})$ et $A(\frac{3\pi}{4})$ et $A(\pi)$
- 3) Prouver que : $A(\frac{\pi}{2} - x) = \frac{1}{1 + \sin^2 x}$.
- 4) On suppose $x \neq \frac{\pi}{2}$ Montrer que : $A(x) = \frac{1 + \tan^2 x}{2 + \tan^2 x}$.

Exercice N°3

Dans la figure ci-contre ABC est un triangle et H est la projection orthogonale de A sur [BC] tel que :

$$\widehat{BAH} = \frac{\pi}{4}, \widehat{HAC} = \frac{\pi}{6} \text{ et } AH = 6 \text{ cm.}$$

Le cercle (C) de diamètre [AH] et de centre O coupe (AB) en D et (AC) en E.



- 1) a) Calculer AB et AC.
- b) Déterminer, en justifiant, la nature du triangle AEH.
- b) Montrer que $AE = 3\sqrt{3}$ cm.
- 2) a) Déterminer la mesure de chacun des angles \widehat{ACB} et \widehat{ABC} du triangle ABC.
- b) Montrer que $\widehat{BAC} = \frac{5\pi}{12}$.
- 3) a) Calculer BH et CH en déduire BC.
- b) En déduire que : $\sin \frac{5\pi}{12} = \frac{\sqrt{2}}{4}(\sqrt{3} + 1)$.
- 4) a) Déterminer la mesure de l'angle \widehat{AHE} et montrer que $\widehat{ADE} = \frac{\pi}{3}$.
- b) Montrer que $\widehat{AED} = \frac{\pi}{4}$.
- b) En déduire : AD et DE.