

**Corrigé de l'exercice 1 :**

1.

$$\begin{aligned}\overrightarrow{MN} &= \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AN} \\ &= \frac{3}{4}\overrightarrow{BA} + \frac{3}{4}\overrightarrow{AC} \\ &= \frac{3}{4}(\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AC}) \\ &= \frac{3}{4}\overrightarrow{BC}\end{aligned}$$

2. Puisque  $ABCD$  est un parallélogramme alors  $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AD}$ Et d'après le résultat de la question 1. :  $\overrightarrow{MN} = \frac{3}{4}\overrightarrow{BC}$ Et par suite  $\overrightarrow{MN} = \frac{3}{4}\overrightarrow{AD}$ 

3. On a :

$$\begin{aligned}\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{AP} &= \frac{3}{4}\overrightarrow{AB} + \frac{3}{4}\overrightarrow{AD} \\ &= \frac{3}{4}(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD})\end{aligned}$$

Et puisque  $ABCD$  est un parallélogramme alors  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AC}$ Donc  $\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{AP} = \frac{3}{4}\overrightarrow{AC}$ D'où  $\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{AP} = \overrightarrow{AN}$  ( car  $\overrightarrow{AN} = \frac{3}{4}\overrightarrow{AC}$  )**Corrigé de l'exercice 2 :**

1.

$$\begin{aligned}\vec{U} &= \overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} - 3\overrightarrow{MC} \\ &= \overrightarrow{MA} + 2(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AB}) - 3(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AC}) \\ &= \overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{AB} - 3\overrightarrow{MA} - 3\overrightarrow{AC} \\ &= 2\overrightarrow{AB} - 3\overrightarrow{AC}\end{aligned}$$

2. On a :

$$\begin{aligned}\vec{V} &= 2\vec{BA} - 6\vec{BC} \\ &= 2\vec{BA} - 6\vec{BA} - 6\vec{AC} \\ &= -4\vec{BA} - 6\vec{AC} \\ &= 4\vec{AB} - 6\vec{AC} \\ &= 2(2\vec{AB} - 3\vec{AC}) \\ &= 2\vec{U}\end{aligned}$$

Donc  $\vec{U}$  et  $\vec{V}$  sont colinéaires.

### Corrigé de l'exercice 3 :

On a :

$$\begin{aligned}\vec{CD} + \vec{CE} &= \vec{CA} + \vec{AD} + 3\vec{BA} \\ &= -\vec{AC} + 3\vec{AB} + \vec{AC} - 3\vec{AB} \\ &= \vec{0}\end{aligned}$$

Donc le point  $C$  est le milieu du segment  $[DE]$

### Corrigé de l'exercice 4 :

1. On a :

$$\begin{aligned}\vec{CE} &= \vec{CB} + \vec{BE} \\ &= \vec{DA} + \frac{1}{3}\vec{AB} \\ &= -\vec{AD} + \frac{1}{3}\vec{AB}\end{aligned}$$

Et , on a :

$$\begin{aligned}\vec{CF} &= \vec{CA} + \vec{AF} \\ &= \vec{CD} + \vec{DA} + 4\vec{AD} \\ &= -\vec{AB} - \vec{AD} + 4\vec{AD} \\ &= 3\vec{AD} - \vec{AB}\end{aligned}$$

2.

Puisque  $\overrightarrow{CE} = -\overrightarrow{AD} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AB}$  Et  $\overrightarrow{CF} = 3\overrightarrow{AD} - \overrightarrow{AB}$

Alors  $\overrightarrow{CF} = -3\overrightarrow{CE}$

Donc  $\overrightarrow{CF}$  et  $\overrightarrow{CE}$  sont colinéaires

Et par suite les points  $E$  ;  $C$  et  $F$  sont alignés

つづく