

Contrôle surveillé N° : 1

- **NB** : Il sera tenu compte de la présentation de la copie et la clarté des Réponses.

EXERCICE 1 :

Répondre par **vrai** ou **faux** à chacune des affirmations suivantes en justifiant Votre choix.

- 1) Tout nombre premier est impair .
- 2) $-40\sqrt{0,01} \in \mathbb{Z}$.
- 3) $\mathbb{Q} \subset \mathbb{D}$.
- 4) Tout entier divisible par 2 est divisible par 4 .
- 5) 629 est un nombre premier .

EXERCICE 2:

- 1) Soit a, b, c trois nombres réels non nuls . Simplifier A tels que :

$$A = \frac{(a^{-2}.c^{-3})^3.(a^3.b^{-2})^2}{(2b^2.c^4)^{-2}}$$

- 2) On pose : $A = \left(\frac{\sqrt{2}+1}{2}\right)^3 - \left(\frac{\sqrt{2}-1}{2}\right)^3$:

Sans utiliser la calculatrice, montrer que : $A \in \mathbb{D}$

EXERCICE 3:

Les trois questions suivantes sont indépendantes .

- 1) Déterminer le **PGCD** et le **PPCM** de a et b tels que : $a=720$ et $b=396$.
- 2) Déterminer les diviseurs de 51 . En déduire les entiers naturels x et y tels que :
$$x^2 - y^2 = 51$$
- 3) Soit $n \in \mathbb{N}$. On pose : $A = 4n^2 + 12n + 9$
Montrer que $A - 1$ est divisible par 8 .

Question facultative (+1.5pt) :

Soit a, b , et c trois nombres réels . Montrer que si $a + b + c = 0$ alors :

$$a^3 + b^3 + c^3 = 3abc$$

La réussite n'est pas le fruit du hasard . Bon courage.....