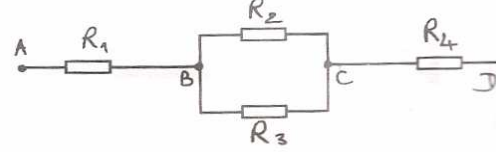


حلول سلسلة تمارين الموصلات الاومية

تمرين-1-

1- حساب المقاومة المكافئة للجميع :

نلاحظ من تبيانة الجميع، أن R_2



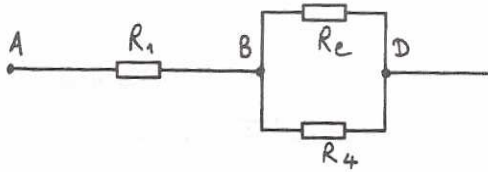
و R_3 مركبان على التوازي، لماذن يمكن تعويضهما بموصل أومي مقاومته

$$\frac{1}{R_e} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \quad \text{حيث : } R_e$$

$$\Rightarrow R_e = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_3 + R_2}$$

$$R_e = \frac{10 \times 40}{10 + 40} = 8 \Omega \quad \text{ت.ع.}$$

للتجميع الشكل التالي :



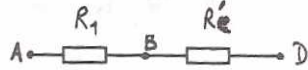
R_e و R_4 مركبان على التوالي، لماذن :

فالمقاومة المكافئة لهما هي :

$$\frac{1}{R'_e} = \frac{1}{R_e} + \frac{1}{R_4} \Rightarrow R'_e = \frac{R_e \cdot R_4}{R_4 + R_e}$$

$$R'_e = \frac{50 \times 50}{50 + 50} = 25 \Omega \quad \text{ت.ع.}$$

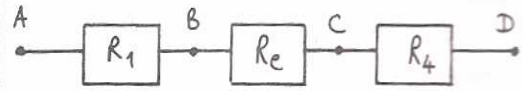
* R'_e و R_1 مركبان على التوالي :



المقاومة المكافئة لماذن للجميع هي : $R''_e = R_1 + R'_e$

$$R''_e = 15 + 25 = 40 \Omega \quad \text{ت.ع.}$$

مثل الجميع المحصل عليه كالتالي :



كل الموصلات الأومية أعلاه مركبة على التوالي، لماذن، فالمقاومة المكافئة

$$R'_e = R_1 + R_e + R_4 \quad \text{لصاهي :}$$

$$R'_e = 10 + 8 + 10 = 28 \Omega$$

2- حساب المقاومة المكافئة :

* الموصلات R_2 و R_3 مركبان على التوالي :

لماذن، فالمقاومة المكافئة لهما هي :

$$R_e = R_2 + R_3 \Rightarrow R_e = 50 \Omega$$

عند تعويض الموصلين الأوميين R_2 و R_3

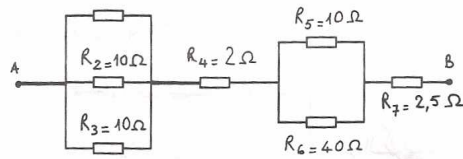
بالموصل الأومي المكافئ R_e ، يصبح

تمرين-2-

1- المقاومة المكافئة للجميع الممثل على الشكل -1- :

2- المقاومة المكافئة للجميع

الممثل على الشكل -2- :



الموصلات الأومية R_1 و R_2 و R_3
مركبة على التوازي، وعليه تكون
المقاومة المكافئة لها:

$$\frac{1}{R_e} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

$$\frac{1}{R_e} = \frac{R_2 R_3 + R_1 R_3 + R_1 R_2}{R_1 R_2 R_3}$$

$$R_e = \frac{R_1 \cdot R_2 \cdot R_3}{R_2 \cdot R_3 + R_1 \cdot R_3 + R_1 \cdot R_2}$$

$$R_e = \frac{5 \times 10 \times 10}{10 \times 10 + 5 \times 10 + 5 \times 10} = 2.5 \Omega$$

الموصلات R_5 و R_6 مركبان على التوازي،

وعليه:

$$\frac{1}{R'_e} = \frac{1}{R_5} + \frac{1}{R_6} \Rightarrow R'_e = \frac{R_5 \cdot R_6}{R_5 + R_6}$$

$$R'_e = \frac{10 \times 40}{10 + 40} = 8 \Omega$$

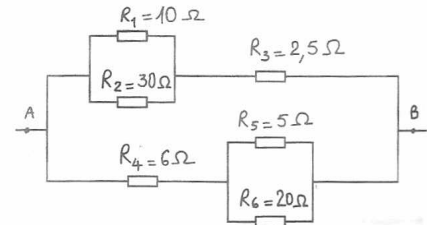
وبالتالي، يكون الجميع المكافئ للجميع الممثل
على الشكل -2- :



ومن هنا فالمقاومة المكافئة للجميع هي:

$$R = R_e + R_4 + R'_e + R_7$$

$$R = 2.5 + 2 + 8 + 2.5 = 15 \Omega$$



R_1 و R_2 مركبان على التوازي ومنه
فالمقاومة المكافئة لهما هي:

$$R_e = \frac{10 \times 30}{40} = 7.5 \Omega \quad R_e = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$

R_3 و R_2 مركبان على التوالي،
إذن فالمقاومة المكافئة لهما هي:

$$R'_e = 10 \Omega \quad R'_e = R_3 + R_e$$

نتبع نفس المراحل للفرع الآخر من التركيب:

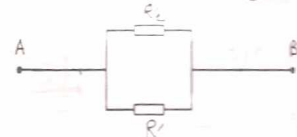
* R_5 و R_6 مركبان على التوازي:

$$R = \frac{R_5 \cdot R_6}{R_5 + R_6} \Rightarrow R = \frac{5 \times 20}{25} = 4 \Omega$$

* R_4 و R مركبان على التوالي:

$$R' = R + R_4 \Rightarrow R' = 10 \Omega$$

لمكن إذا تمثيل الجميع المبين على
الشكل -1- بالتيارة التالية:



نكتب المقاومة المكافئة لـ R' و R'_e :

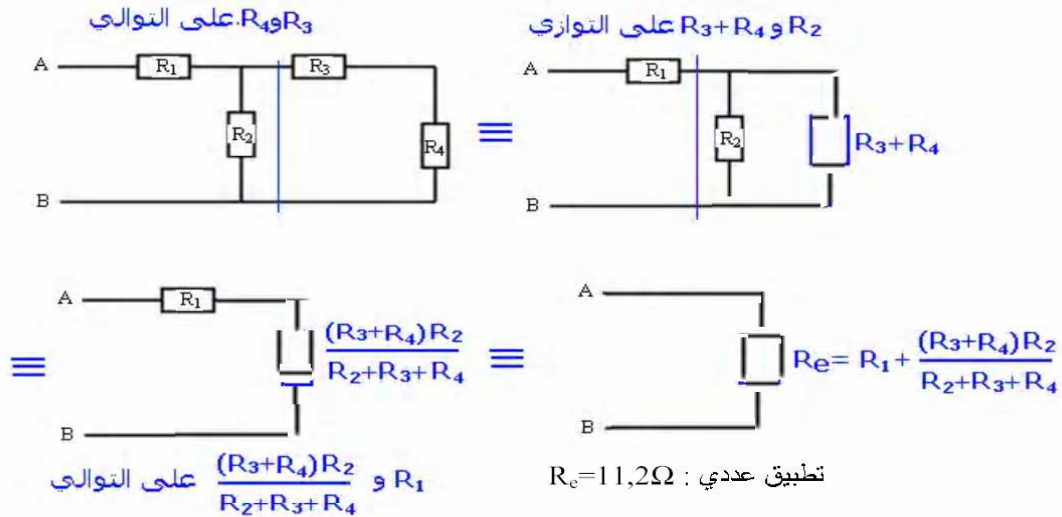
$$\frac{1}{R''_e} = \frac{1}{R'} + \frac{1}{R'_e}$$

$$R''_e = \frac{R' \cdot R'_e}{R' + R'_e}$$

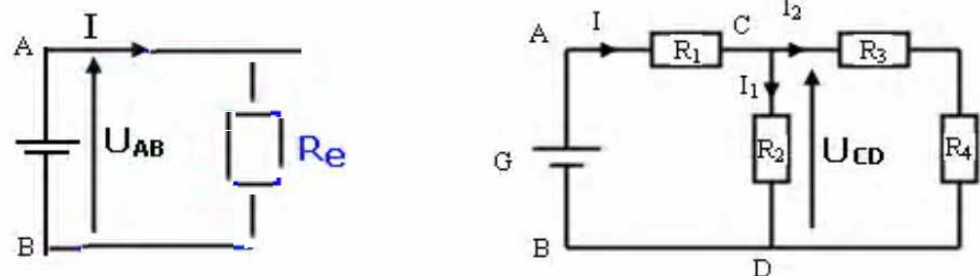
$$R''_e = \frac{10 \times 10}{10 + 10} = 5 \Omega$$

تمرين-3-

1 - المقاومة المكافئة لثنائي القطب AB :
يلاحظ من خلال التركيب أن R_1 و (R_4, R_3) مركبة على التوازي وأن R_4 و R_3 مركبة على التوالي .



2 - حساب شدة التيار الكهربائي I . حسب قانون أوم $U_{AB} = R_e I$ أي أن $I = \frac{U_{AB}}{R_e}$ لدينا $U_{AB} = 20V$
تطبيق عددي : $I = 1,78 A$
حساب شدة التيار الكهربائي I_1 و I_2 حسب قانون أوم في المقطع CD : $U_{CD} = R_2 I_1 \Rightarrow I_1 = \frac{U_{CD}}{R_2}$



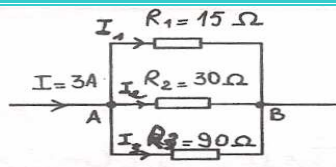
وحسب قانون إضافية التوترات في الدارة ACDB عندنا :

$$U_{CD} = U_{AB} - U_{AC} \quad U_{AC} = R_1 I \quad U_{DB} = 0 \quad U_{AB} = U_{AC} + U_{CD} + U_{DB}$$

$$I_1 = 1,39 A \quad \text{تطبيق عددي} \quad I_1 = \frac{U_{AB} - R_1 I}{R_2}$$

$$I_2 = 0,4 A \quad \text{تطبيق عددي} \quad I = I_1 + I_2 \Rightarrow I_2 = I - I_1$$

تمرين-4-



نفس الطريقة السابقة :

$$U_{AB} = R_1 \cdot I_1 = R_2 \cdot I_2 \Rightarrow 15I_1 = 30I_2$$

$$I_1 = 2I_2 \quad (1) \quad \text{ومنه :}$$

$$U_{AB} = R_2 \cdot I_2 = R_3 \cdot I_3 \quad \text{من جهة أخرى :}$$

$$30I_2 = 90I_3 \Rightarrow I_2 = 3I_3 \quad (2)$$

حسب قانون العقد ، نكتب عند العقدة A :

$$I = I_1 + I_2 + I_3 \quad (3)$$

نعوض I_1 و I_2 بتعويضهما من المعادلتين

$$I = 2I_2 + I_2 + I_3 \quad (1) \text{ و } (2) \text{ ، فنجد :}$$

$$I = 3I_2 + I_3$$

$$I = 3(3I_3) + I_3 \quad \text{وبالتالي :}$$

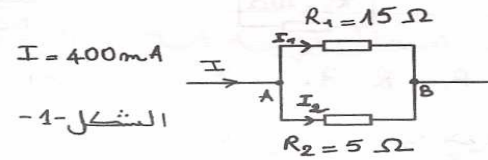
$$I = 10I_3 \Rightarrow I_3 = \frac{I}{10} = 0,3A$$

$$I_2 = 3I_3 = 0,9A \quad \text{أي :}$$

$$I_1 = 2I_2 \quad \text{ومنه :}$$

$$I_1 = 1,8A$$

حساب شدة التيارات
الكهربائية للتركيب الممثل على
الشكل -1- :



الشكل -1-

حسب قانون أوم ، نكتب :

$$U_{AB} = R_1 \cdot I_1 = R_2 \cdot I_2$$

$$R_1 \cdot I_1 = R_2 \cdot I_2 \quad \text{إذن :}$$

$$15I_1 = 5I_2 \Rightarrow 3I_1 = I_2 \quad (1)$$

حسب قانون العقد ، نكتب عند العقدة A :

$$I = I_1 + I_2$$

نعوض I_2 بـ $3I_1$ حسب العلاقة (1) ،

$$I = I_1 + 3I_1 = 4I_1$$

$$I_1 = \frac{I}{4} \Rightarrow I_1 = 100 \text{ mA}$$

$$I_2 = 3I_1 = 300 \text{ mA} \quad \text{ومنه :}$$

* حساب شدة التيارات
الكهربائية الممثل على الشكل -2- :

تمرين-5-

1 - نطبق قانون أوم بين مبرطي الموصل الأومي R_1 :

$$U_{AB} = R_1 I_1 \quad \text{أي : } I_1 = \frac{U_{AB}}{R_1}$$

$$I_1 = 0,255A \quad \text{تطبيق عددي :}$$

2 - شدة التيار الكهربائي المار في R_2 هي نفسها شدة التيار الكهربائي المار في الفرع الذي يحتوي على R_2 و R_3 أي أن

$$I_2 = \frac{U_{AB}}{R_2 + R_3} \quad \text{أي أن } U_{AB} = (R_2 + R_3)I_2$$

$$I_2 = 0,10A \quad \text{تطبيق عددي :}$$

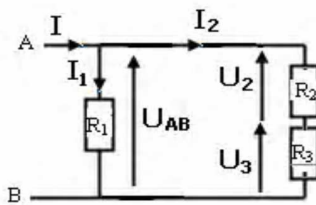
نستنتج التوتر بين مبرطي الموصل R_3 : نطبق قانون إضافية التوترات بين A و B

$$U_{AB} = U_2 + U_3 \Rightarrow U_3 = U_{AB} - R_2 I_2$$

$$U_3 = 8,7V \quad \text{تطبيق عددي :}$$

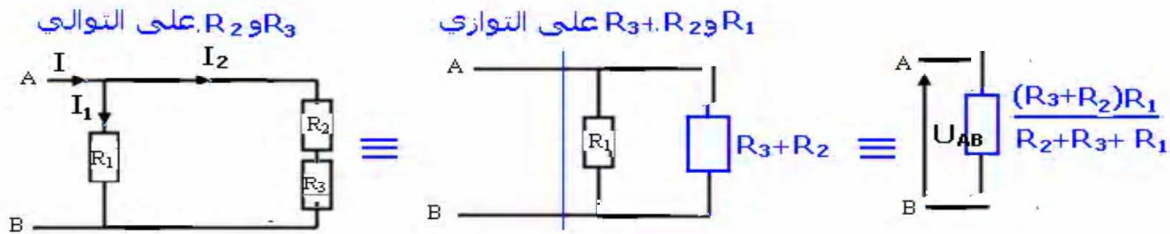
3 - شدة التيار الكهربائي I المار في الفرع الأساسي :

$$I = I_1 + I_2 \quad \text{تطبيق عددي : } I = 0,355A$$



نستنتج قيمة المقاومة R_e للموصل الأومي المكافئ لهذا التركيب : $U_{AB} = R_e I \Rightarrow R_e = \frac{U_{AB}}{I} = 33,8 \Omega$

4 - تطبيق علاقة تجميع الموصلات الأومية :



تمرين-6-

3.1 - إشارة الفولطمتر :

يشير الفولطمتر إلى التوتر U_{AB} بين
مربطي D_1 .

حسب قانون أوم، نكتب : $U_{AB} = R_1 I_{AB}$

ومنه : $U_{AB} = 8 \times 0,5$

$U_{AB} = 4V$.

3.2 - حساب U_{BC} :

حسب قانون إضافة التوترات ،

نكتب : $U_{AC} = U_{AB} + U_{BC}$

إذن : $U_{BC} = U_{AC} - U_{AB}$

تبع : $U_{BC} = 8,5 - 4 = 4,5V$

3.3 حساب شديتي التيار المارين

في D_2 و D_3 :

لما أن D_2 و D_3 مركبان على التوازي

1- حساب المقاومة المكافئة :

D_2 و D_3 مركبان على التوازي ، إذن
مقاومة ثنائي القطب المكافئ هي :

$$\frac{1}{R_e} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

ومنه : $\frac{1}{R_e} = \frac{R_3 + R_2}{R_2 \cdot R_3}$

إذن : $R_e = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_3 + R_2}$

تبع : $R_e = \frac{10 \times 40}{10 + 40} = 8 \Omega$

2- مقاومة ثنائي القطب المكافئ

لـ : D_1 و D_2 و D_3 :

يمكن تمثيل الجزء AC للدائرة كالآتي :



ثنائي القطب D_1 وثنائي القطب المكافئ

لـ D_2 و D_3 مركبان على التوالي ، إذن ،

فالمقاومة المكافئة لهذا التركيب هي :

$R'_e = R_1 + R_e \Rightarrow R'_e = 8 + 8 = 16 \Omega$.

من جهة أخرى حسب قانون العقد ،

نكتب عند العقدة B : $I_1 = I_2 + I_3$:
نعوض I_2 بـ $4I_3$ (المعادلة 1) فنجد :

$$I_1 = 4I_3 + I_3 = 5I_3$$

$$I_3 = \frac{I_1}{5} \Rightarrow I_3 = \frac{0,5}{5} = 0,1A$$

$$I_2 = 4I_3 = 0,4A \quad \text{ومنه :}$$

فلما التوزيع بين مبرطيمها

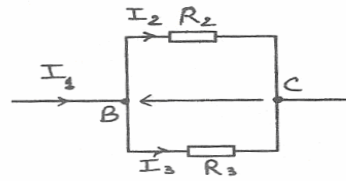
$$U_2 = U_3 = U_{BC}$$

ومنه ، نحسب قانون أوم ،

$$U_{BC} = R_2 I_2 = R_3 I_3$$

$$10I_2 = 40I_3 \quad \text{إذن :}$$

$$(1) \quad I_2 = 4I_3$$



تمرين-7-

1 - قيمة مقاومة الموصل الأومي AB

$$\text{نطبق قانون أوم } U_{AB} = R.I \Rightarrow R = \frac{U_{AB}}{I} \quad \text{تطبيق عددي : } R = 10\Omega$$

2 - حساب شدة التيار المار في الفولطمتر :

$$\text{نطبق قانون أوم بين مبرطي الفولطمتر : } U_{AB} = R_V I' \Rightarrow I' = \frac{U_{AB}}{R_V} \quad \text{تطبيق عددي : } I' = 5.10^{-7} A$$

3 - شدة التيار الكهربائي المار في الفرع الرئيسي : $I = 0,5A$ إذن يلاحظ أن $I \gg I'$

الاستنتاج هو أن شدة التيار الكهربائي المار في الفرع AB تساوي شدة التيار الرئيسي $I_{AB} = I = 0,5A$

تمرين-8-

2- مقاومة ثنائي القطب المكافئ

لـ : D_1 و D_2 و D_3 :

يمكن تمثيل الجزء AC للدائرة كالآتي :



ثنائي القطب D_1 وثنائي القطب المكافئ

لـ D_2 و D_3 مركبان على التوالي ، إذن ،

فالمقاومة المكافئة لهذا التركيب هي :

$$R'_e = R_1 + R_e \Rightarrow R'_e = 8 + 8 = 16\Omega$$

1- حساب المقاومة المكافئة :

D_2 و D_3 مركبان على التوازي ، إذن

فمقاومة ثنائي القطب المكافئ هي :

$$\frac{1}{R_e} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

$$\frac{1}{R_e} = \frac{R_3 + R_2}{R_2 \cdot R_3}$$

ومنه :

$$R_e = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_3 + R_2} \quad \text{إذن :}$$

$$R_e = \frac{10 \times 40}{10 + 40} = 8\Omega \quad \text{ن.ع.}$$

فأية التوزيع بين مبريطيها

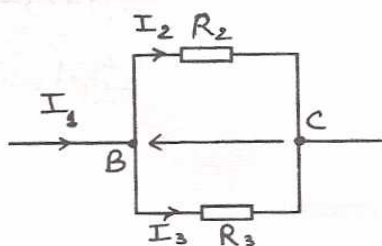
$$U_2 = U_3 = U_{BC} \quad \text{متساويان، أي:}$$

ومنه، فحسب قانون أوم :

$$U_{BC} = R_2 I_2 = R_3 I_3$$

$$10 I_2 = 40 I_3 \quad \text{إذن:}$$

$$(1) \quad I_2 = 4 I_3 \quad \text{وبالتالي:}$$



من جهة أخرى حسب قانون العقد،

$$I_1 = I_2 + I_3 \quad \text{نكتب عند العقدة B:}$$

نعوض I_2 بـ $4 I_3$ (المعادلة 1)، فنجد:

$$I_1 = 4 I_3 + I_3 = 5 I_3.$$

$$I_3 = \frac{I_1}{5} \Rightarrow I_3 = \frac{0,5}{5} = 0,1 A$$

$$I_2 = 4 I_3 = 0,4 A \quad \text{ومنه:}$$

3.1 - إشارة الفولطمتر:

يشير الفولطمتر إلى التوتر U_{AB} بين

مبريطي D_1 .

حسب قانون أوم، نكتب $U_{AB} = R_1 I_{AB}$

$$U_{AB} = 8 \times 0,5 \quad \text{ومنه:}$$

$$U_{AB} = 4 V.$$

3.2 - حساب U_{BC} :

حسب قانون إضافية التوترات،

$$U_{AC} = U_{AB} + U_{BC} \quad \text{نكتب:}$$

$$U_{BC} = U_{AC} - U_{AB} \quad \text{إذن:}$$

$$U_{BC} = 8,5 - 4 = 4,5 V \quad \text{تج:}$$

3.3 - حساب شدة التيار المار بين

في D_2 و D_3 :

بما أن D_2 و D_3 مركبان على التوازي

تمرين-9

1.2 - تحديد التدرجة التي

تستقر عندها إبرة الأمبيرمتر:

تحدد شدة التيار بالعلاقة: $I = C \frac{m}{\theta}$

1.1 - نوع تركيب D_1 و D_2 :

من خلال التبيانة، نلاحظ أن مبريطي

D_2 و D_1 مركبان على التوازي.

$$U_{AB} = 10 \times 2$$

لأن :

$$U_{AB} = 20V$$

2.2- حساب المقاومة R :

حسب قانون أوم : $U_{AB} = R \cdot I$

$$R = \frac{U_{AB}}{I}$$

لأن :

$$R = \frac{20}{2,5}$$

ت.ع :

$$R = 8 \Omega$$

2.3- حساب التوتر U_B :

حسب قانون إضافية التوترات :

$$U_{AC} = U_{AB} + U_{BC}$$

$$U_{BC} = U_{AC} - U_{AB}$$

ومنه :

$$U_{BC} = 24 - 10V$$

$$U_{BC} = 14V$$

$$n = \frac{I \cdot m \cdot e}{C}$$

ومنه :

$$n = \frac{2,5 \times 100}{5}$$

ت.ع :

$$n = 50$$

1.3- حساب الشدة I_2 :

$$I_1 = \frac{2}{5} \times 2,5 \Leftrightarrow I_1 = \frac{2}{5} I$$

لدينا :

$$I_1 = 1A$$

ومنه :

حسب قانون العقد :

$$I = I_1 + I_2 \Rightarrow I_2 = I - I_1$$

$$I_2 = 1,5A$$

ت.ع :

2.1- قيمة التوتر U_{AB} :

حسب التوتر عند استعمال كاشف

$$U_{AB} = S_v \cdot y$$

$$y = 2cm \text{ و } S_v = 10V$$

تمرين-10-

1- شدة التيار I_1 ودقة القياس : نعبر عن شدة التيار I_1 ب : $I_1 = C \cdot \frac{n}{n_0}$ ت.ع : $I_1 = 0,6A$

$$\Delta I_1 = \frac{C \times \text{الفترة}}{100}$$

$$\Delta I_1 = \frac{1 \times 1,5}{100} = 1,5 \cdot 10^{-2} A$$

$$\frac{\Delta I_1}{I_1} = 2,5\% \text{ ت.ع : } \frac{\Delta I_1}{I_1} = \frac{1,5 \cdot 10^{-2}}{0,6}$$

2- العقد الموجود في الدارة وحساب I.

هناك عقدتان : M و B

$$R_1 \cdot I_1 = R_2 \cdot I_2$$

لدينا :

$$I_1 = I_2 \text{ فإن } R_1 = R_2$$

وحسب قانون العقد، نستنتج : $I = I_1 + I_2$

$$I = 2I_1 = 1,2A$$

3- المقاومة R_e المكافئة لتجميع الموصلات الأومية D_1 و D_2 و D_3 :

$$R_e = R_3 + \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} \text{ ت.ع : } R_e = 10\Omega$$

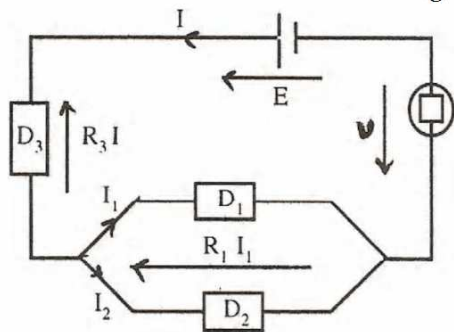
4- التوتر بين مربطي المصباح.

$$U = 3V \quad U = 1,5 \text{ cm} \cdot 2V \cdot \text{cm}^{-1} \quad \text{ت.ع : } U = d \cdot Sv$$

5- القوة الكهرومحرركة للمولد G :

بتطبيق قانون اضافية التوترات ، نكتب :

$$E = 15V \quad \text{ت.ع : } E = R_3 I + R_1 I_1 + U$$



6- المصباح الذي استعمل في هذا التركيب :

المصباح الذي يجوز استعماله في هذا التركيب الكهربائي، يجب ان تكون قيمة قدرته اكبر

من $U \times I$ أي اكبر من 3.6w

و يستجيب لهذا الشرط المصباح $L_1 (3V : 4.5W)$.

تمرين-11-

1.1- طبيعة ثنائي القطب D_2 :

الموصلان الأوميان D_1 و D_2 ثنائيا

قطب غير نشيطين ، ولما أن D_2 ثنائي

قطب يكافئ D_1 و D_2 ، فإنه ثنائي قطب

نشط ، وهذا ما يؤكد شكل الميزة

$U = f(I)$ حيث $I = 0$ و $U = 0$.

1.2- قيمة المقاومة R_e :

يبين شكل الميزة أن التوتر U بين

مربطي D_2 يتناسب إطراداً مع

شدة التيار I : $U = R_e \cdot I$.

حيث R_e المعامل الموجه للمستقيم : $R_e = \frac{U}{I}$

ت.ع : يكتفي اختيار زوج معين (I, U)

مثلا : $(U = 16V ; I = 1A)$.

فيكون : $R_e = \frac{16}{1} = 16 \Omega$

1.3- قيمة R_1 :

لما أن D_1 و D_2 مركبان على التوالي.

فإن المقاومة R_e المكافئة نكتب :

$$R_e = R_1 + R_2 \Rightarrow R_1 = R_e - R_2 \Rightarrow R_1 = 12 \Omega$$

تحتفظ بنفس القيمة ١٤.

یاذن؟

$$U_1 = (R_1 + R_3) \cdot I_2.$$

2.2- حساب قيمة المقاومة R_3 :

نکتہ اذ ن : $U_1 = R_1 \cdot I_1$

D_1 مركب على التوازي مع جميع D_2, D_3

وبالتالي ، فإن التوزيعين مرطبا

1 - حساب الجهد في النقطة B

$$V_B = V_A - U_{AB} \quad \text{إذن}$$

$$V_p = 8V$$

2 - حدد على التبيانة منحى شدة التيار في كل فرع .

4 - شدة التيار الكهربائي في كل فرع :

نطبق قانون أوم بين النقطتين A و M :

$$U_{AM} = 200 \cdot I_I \Rightarrow I_I = \frac{U_{AM}}{200} = 0,06 A$$

نطبق قانون إضافية التوترات بين A و M :

$$U_{AM} = U_{AB} + U_{BM}$$

$$\Rightarrow U_{BM} = 100.I_3 = U_{AM} - U_{AB}$$

$$I_3 = \frac{U_{AM} - U_{AB}}{100} = 0,08 A \text{ وبالتالي}$$

حسب قانون أوم لدينا : $U_{RM} = 200 I_A = 8V$

$$I_4 = \frac{8}{200} = 0,04 A \text{ أي أن}$$

$I_2 = I_3 + I_4 = 0,12 A$: B نطبق قانون العقد في النقطة

حساب شدة التيار المار في الفرع الرئيسي :

$$I = I_1 + I_2 = 0,18 A$$

4 - نستنتج مقاومة الموصل الأومي R :

$$U_{AB} = R \cdot I_2 \Rightarrow R = \frac{U_{AB}}{I_2} = 33,3 \Omega \text{ نطبق قانون أوم}$$

