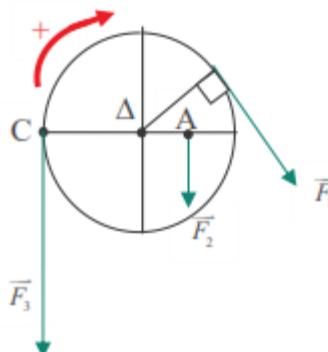


تمارين توازن جسم قابل للدوران حول محور ثابت

تمرين 1:

نطبق على قرص ، قابل للدوران حول محور ثابت (Δ) ثلات قوى \vec{F}_1 و \vec{F}_2 و \vec{F}_3 شداتها $F_1=2N$ و $F_2=1N$ و $F_3=3N$ شعاع القرص $R=20\text{cm}$ و $OA = \frac{R}{2}$.

- أحسب عزم كل قوة من القوى الثلاثة بالنسبة للمحور (Δ) .
- استنتج المجموع الجبri لعزم القوى التي يخضع لها القرص .



تمرين 2:

نعتبر عارضة متجانسة أفقية كتلتها مهملة و قابلة للدوران حول محور ثابت Δ .

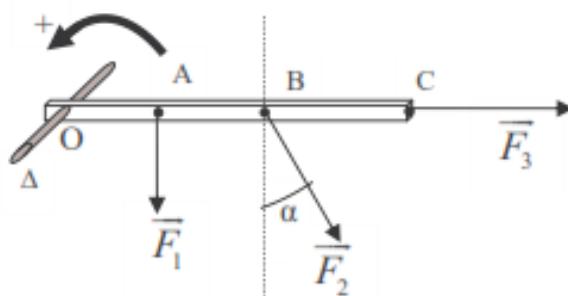
نطبق ثلات قوى شداتها كالتالي : $F_1=17N$ ، $F_2=25N$ ، $F_3=23N$.

نعطي :

$\alpha = 30^\circ$ ، $OC=60\text{cm}$ ، $OB=37\text{cm}$ ، $OA=16\text{cm}$.

- أحسب عزم كل من القوى الثلاثة بالنسبة للمحور (Δ) .

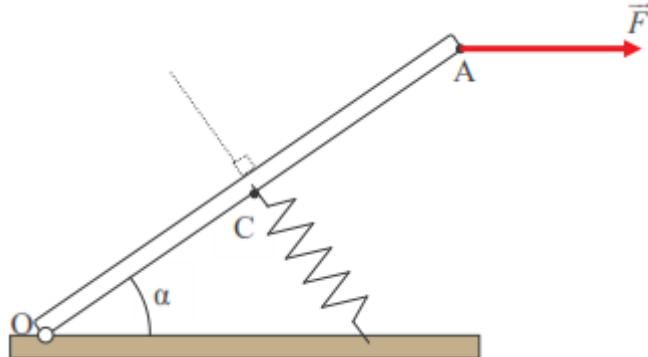
- استنتاج مجموع العزم بالنسبة للمحور Δ . هل العارضة في توازن ؟ علل جوابك.



تمرين 3 :

يمثل الشكل التالي دواسة مسرع $OA = L$ وزنها مهمل ويتمكنها الدوران حول محور (Δ) أفقي وثابت يمر من O .

نطبق بالنقطة A قوة \vec{F} أفقية شدتها $F = 20\text{N}$ تكون الدواسة في توازن عندما يأخذ محور النابض المثبت في وسطها C اتجاهها عموديا على OA الذي يكون حينئذ الزاوية $30^\circ = \alpha$ مع المستوى الأفقي.

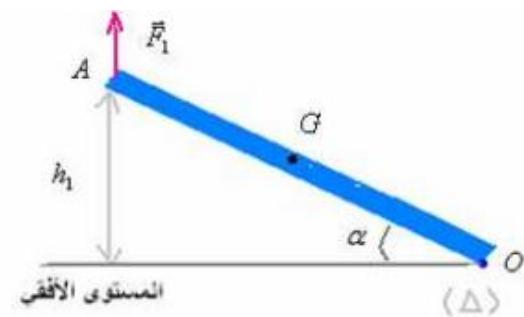
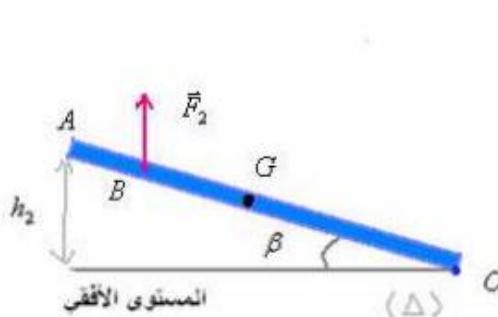


- أجرد القوى المطبقة على الدواسة وهي في توازن. هل التماس يتم باحتكاك بين العارضة والسطح الأفقي .
- بتطبيق مبرهنة العزوم أوجد تعبير شدة القوة المطبقة من طرف النابض على الدواسة بدلالة F و α . أحسب قيمتها.
- استنتج قيمة ثابتة صلابة النابض علما أن طول هذا الأخير يتقلص بالقدر 8cm في هذا الوضع.

تمرين 4 :

رفع عارضة متتجانسة OA كتلتها m وطولها L عن سطح الأرض ، يطبق عامل في محاولة أولى قوة \vec{F}_1 عند الطرف A للعارضه فيرتفع الطرف الى مسافة $h_1 = 60\text{cm}$ عن سطح الأرض وتكون العارضة عند التوازن $60^\circ = \alpha$ مع المستوى الأفقي لسطح الأرض . (شكل1)

وفي محاولة ثانية يطبق العامل قوة \vec{F}_2 عند النقطة B من العارضة توجد على المسافة OB $= \frac{3}{4}OA$ من نقطة الإرتكاز O فيرتفع الطرف O بعلو h_2 عن سطح الأرض (شكل2). وتكون بذلك العارضة زاوية $30^\circ = \beta$ مع المستوى الأفقي .



1- بالنسبة للمحاولة الأولى :

1-1- أجرد القوى المطبقة على العارضة OA عند التوازن ، صنف هذه القوى الى قوى التماس وقوى عن بعد .

2-1- أعط تعبير عزوم هذه القوى بالنسبة للمحور (Δ) أفقى يمر من نقطة الإرتكاز O .

1-3- أثبت العلاقة $F_1 = \frac{P}{2}$ حيث ؛ شدة وزن العارضة . ماذا تستنتج؟

2- بالنسبة للمحاولة الثانية :

1-2- بتطبيق مبرهنة العزوم أوجد العلاقة بين F_2 و P . ماذا تستنتج؟

2-2- أحسب قيمة الإرتفاع h_2 .

تمرين 5 :

يمثل الشكل (1) قرصا وزنه $P=10N$ شعاعه r ، قابل للدوران حول محور أفقى (Δ) ثابت يمر ن مركزه O . نثبت قطعة S من الرصاص كتلتها m في النقطة A من القرص على مسافة $\frac{r}{2}$ من المركز O .

للحفاظ على توازن القرص ، نعلق عند النقطة B جسما C كتلته $m_1=20g$.

1- أجرد القوى المطبقة على القرص .

2- بتطبيق مبرهنة العزوم ، أوجد تعبير الكتلة m بدلالة m_1 . أحسب m

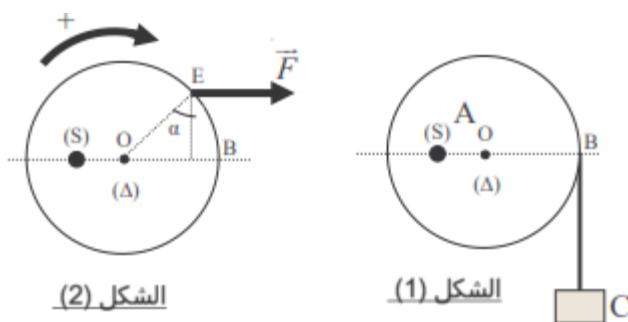
3- نزيل الجسم C ونعيد القرص الى موضع توازنه الأولى بتطبيق قوة \vec{F} أفقية عند النقطة E من القرص ، كما يبين الشكل (2) .

1-3 أوجد تعبير عزم القوة \vec{F} بالنسبة للمحور Δ .

2-3 بتطبيق مبرهنة العزوم ، أوجد عبارة شدة القوة \vec{F} بدلالة m و g و α . أحسب قيمة الشدة F في حالة $60^\circ = \alpha$.

نعطي : $g=10N/kg$

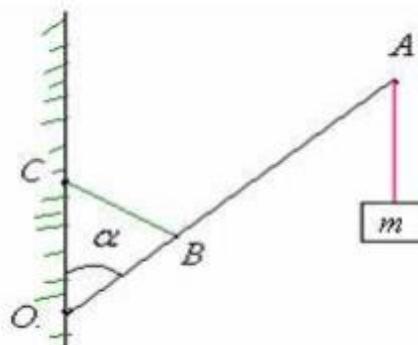
3-3 أوجد مميزات القوة المطبقة من طرف المحور Δ على القرص .



تمرين 6 :

نعتبر عارضة متجانسة (OA) طولها $M=2\text{kg}$ وكتلتها $L=120\text{cm}$ قابلة للدوران حول محور (Δ) أفقي يمر من طرفها O . نعلق بواسطة خيط كتلته ممولة في النقطة A جسما صلبا S كتلته $m=3\text{kg}$ ، وثبت في نقطة B توجد على مسافة $OB=\frac{L}{4}$ من الطرف O للعارضه جبلأ حديديا (BC) ثبت طرفه الثاني بجدار رأسي حيث يبقى عموديا على العارضة . توجد العارضة والجبل الحديدي والخيط عند التوازن في نفس المستوى الرأسي ، حيث $30^\circ = \alpha$.
نعطي : $g=10\text{N/kg}$

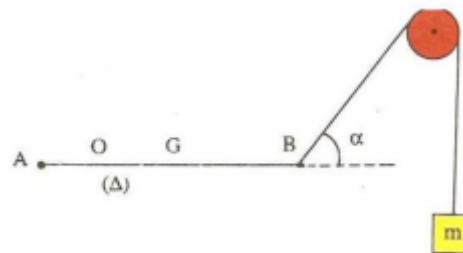
- أجرد القوى المطبقة على العارضة OA .
- بتطبيق مبرهنة العزوم ، أوجد دة القوة \vec{F} المطبقة على من طرف الجبل (BC) على العارضة (OA) .



تمرين 7 :

نعتبر قضيبا متيينا متجانسا AB طوله $AB=80\text{cm}$ وزنه $P=40\text{N}$ في توازن أفقي وقابل للدوران حول محور أفقي ثابت (Δ) يمر من النقطة O بحيث $OA=20\text{cm}$.

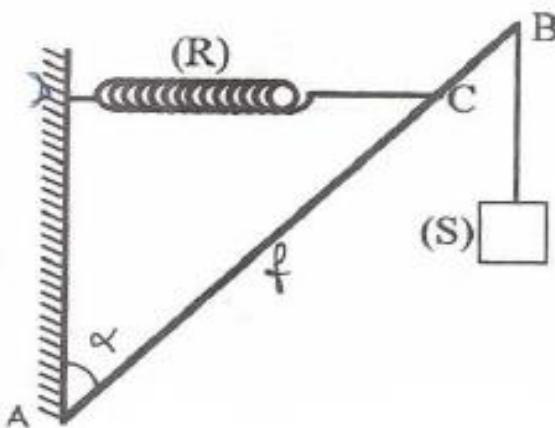
ثبت عند النقطة B من القضيب خيطا يمر عبر بكرة مجرى ويحمل في طرفه الآخر كتلة m . نريد تحديد قيمة الكتلة m علما أن اتجاه جزء الخيط المشدود إلى القضيب يكون زاوية $30^\circ = \alpha$ مع المستقيم الأفقي المار من O و (G) أنظر الشكل .



تمرين 8 :

يتكون التركيب الممثل في الشكل من :

- ✓ عارضة AB متجانسة طولها L وكتلتها مهملة قابلة للدوران حول محور (Δ) ثابت يمر من طرفها A.
- ✓ نابض (R) ذي لفات متصلة، كتلته مهملة وصلابته k، ثبت أحد طرفيه في النقطة C ، بحيث : $AC = \frac{3}{4}L$ ، وثبت الطرف الآخر بالنقطة D
- ✓ خيط f كتلته مهملة وغير مددو ثبت أحد طرفيه في النقطة B وعلق في الطرف الآخر جسم (S) كتلته $m=0,6\text{kg}$



عندما يحقق التوازن، تكون المجموعة في المستوى الرأسي، وتكون العارضة زاوية $\alpha = 45^\circ$ مع الجدار، ويكون النابض أفقيا إطاليه : $\Delta\ell = 0,1\text{m}$.

1- أجرد القوى المطبقة على العارضة ، نعطي $g=10\text{N}\cdot\text{kg}^{-1}$

2- أوجد تعبير شدة توتر النابض F بدلالة m و g و α ، وأحسب قيمتها.

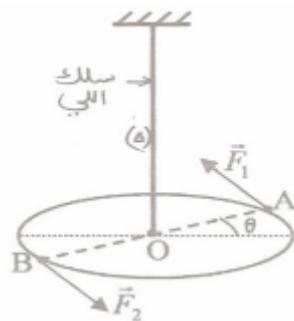
3- أحسب قيمة k.

4- حدد مميزات متجهة القوة \vec{R} التي يطبقها المحور (Δ) على العارضة، واستنتج طبيعة التماس بين المحور (Δ) والعارض.

تمرين 9 :

نثبت قرصa (S) ، كتلته m وشعاعه r=10cm من مركز قصورة O بطرف سلك ثابتة ليه C مثبت في حامل ثابت .

ندير القرص بزاوية $\theta = 0,5\text{rad}$ عن موضع توازنه البديهي بتطبيق مزدوجتين قوتين (\vec{F}_1, \vec{F}_2) كما يبين الشكل التالي :



- 1- أجدر القوى المطبقة على القرص عند التوازن الجديد.
- 2- أوجد تعبير عزم المزدوجة (\vec{F}_1, \vec{F}_2) بدلالة F_1 و θ شعاع القرص .
- 3- بتطبيق الشرط الثاني للتوازن ، عين تعبير M_C عزم مزدوجة اللي التي يطبقها السلك على العارضة .
- 4- استنتج تعبير ثابتة اللي بدلالة F_1 و θ زاوية لي السلك .
- 5- يمثل المبيان جانبه تغيرات M_C عزم مزدوجة اللي بدلالة زاوية اللي θ .
- 5.1- أوجد مبيانا قيمة C ثابتة اللي .
- 5.2- استنتاج F_1 الشدة المشتركة لمزدوجة القوتين (\vec{F}_1, \vec{F}_2)

