

تصحيح تمارين حول توازن جسم تحت تأثير ثلاث قوى

تصحيح تمرين 1:

1- جرد القوى المطبقة على الكرة :

\vec{P} : وزن الكرة .

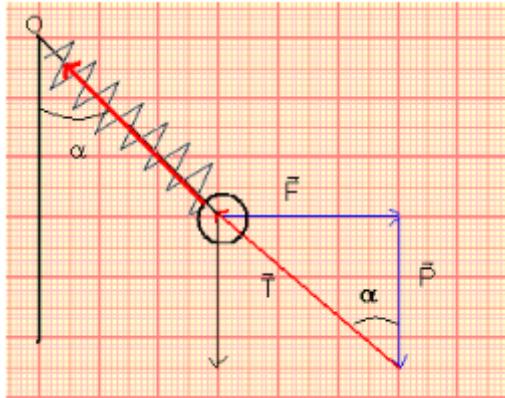
\vec{T} : توتر النابض .

\vec{F} : القوة الأفقية .

الكرة في توازن تحت تأثير ثلاث قوى شرطي التوازن يتحققان :

- خطوط تأثير القوى الثلاث مستوائية وممتلأة .

$$\vec{P} + \vec{T} + \vec{F} = \vec{0}$$



الخط المضلعي عبارة عن مثلث قائم الزاوية حسب مبرهنة فيتاغورس نكتب :

$$T^2 = F^2 + P^2 \iff T = \sqrt{F^2 + (mg)^2}$$

تطبيق عددي :

$$= 7,81 \text{ NT} = \sqrt{6^2 + (0,5 \times 10)^2}$$

2- الطول الأصلي للنابض :

نعلم أن شدة القوة المطبقة من طرف النابض تكتب :

$$T = k(\ell - \ell_0) = k\ell - k\ell_0$$

$$k\ell_0 = k\ell - T \iff \ell_0 = \frac{k\ell - T}{k}$$

$$\ell_0 = \ell - \frac{T}{k}$$

تطبيق عددي :

$$\ell_0 = 0,15 - \frac{7,81}{100} = 0,078 \text{ m}$$

$$\ell_0 = 7,8 \text{ cm}$$

أي :

3- حساب الزاوية α :

$$\tan \alpha = \frac{F}{P} = \frac{6}{0,5 \times 10} = 1,2$$

لدينا العلاقة المثلثية :

$$\alpha = 50,2^\circ \quad \text{بالنالي :}$$

تصحيح تمرين 2 :

1- حساب الشدة T :

$$\Delta \ell = \ell - \ell_0 \quad \text{مع } T = k \Delta \ell$$

$$\Delta \ell = 20 - 14 = 6 \text{ cm} = 6 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

نعلم أن : وبالتالي :

$$T = 50 \times 6 \cdot 10^{-2} = 3,0 \text{ N}$$

2- نبين أن إتجاه \vec{R} يمر من G :

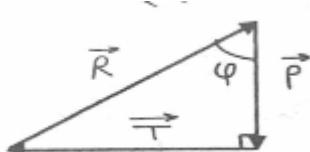
- الجسم (S) في توازن تحت تأثير ثلاث قوى :
- \vec{P} وزن الجسم .
 - \vec{R} القوة المقرنة بتأثير السطح .
 - \vec{T} توتر النابض .

بما أن اتجاه كل من القوتين \vec{P} و \vec{T} يمران من G وحسب شرط التوازن ، فإن متجهات القوى الثلاثة متلاقية في G ، الشيء الذي يؤكد أن اتجاه \vec{R} يمر من G .

3- الخط المضلعي :

باستعمال السلم : $1 \text{ cm} \rightarrow 1 \text{ N}$
 نمثل المتجهة \vec{P} بسهم رأسى طوله 2 cm
 $P = mg = 0,2 \times 10 = 2 \text{ N}$

نمثل المتجهة \vec{T} بسهم أفقى طوله 3 cm
 يتبيّن أن \vec{P} و \vec{T} متعامدان ونغلق الخط المضلعي بسهم يمثل \vec{R} لأن الجسم في توازن .



الخط المضاعي مثلث قائم الزاوية نستعمل مبرهنة فيتاغورس لتحديد R

$$\begin{aligned} R^2 &= P^2 + T^2 \\ R &= \sqrt{P^2 + T^2} \\ R &= \sqrt{2^2 + 3^2} = 3,6 \text{ N} \end{aligned}$$

3- طبيعة التماس :

نلاحظ أن اتجاه \vec{R} غير عمودي على سطح التماس وبالتالي التماس يتم باحتكاك .
تحديد φ زاوية الإحتكاك التي يكونها اتجاه \vec{R} مع اتجاه \vec{P} حسب الخط المضلعى :

$$\tan = \frac{T}{P} = \frac{3}{2} = 1,5$$

وبالتالى :

$$\varphi = 56,3^\circ$$

تصحيح تمرين 3:

- 1- القوى المطبقة على الكويرة في كل من الحالتين :
 \vec{P} : وزن الكويرة .
 \vec{T} : القوة المطبقة من طرف الخيط .
 \vec{R} : القوة المطبقة من طرف الجدار .
- 2- بمالأن الكويرة في توازن في الحالتين ، فإن حسب شرط التوازن خطوط تأثير القوى الثلاث متلاقية .
- 3- في الشكل 2 نلاحظ أن اتجاه \vec{R} ليس عموديا على الجدار وبالتالي فالتماس بين الجدار والكرة يتم باحتكاك .

تصحيح تمرين 4:

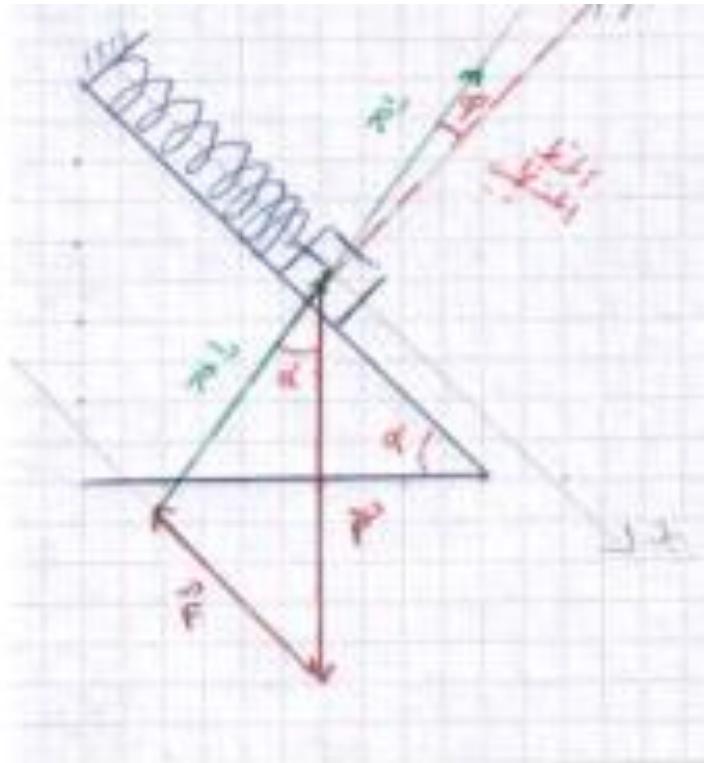
- 1- جرد القوى المطبقة على S :
 \vec{P} : وزن الجسم S .
 \vec{F} : توتر النابض .
 \vec{R} : القوة المقرونة بتأثير سطح التماس .
- 2- نستعمل الطريقة المببانية :
نحدد مميزات القوى المعروفة :

الشدة	المنحي	خط التأثير	نقطة التأثير	القوة/المميزات
$P=mg=5N$	نحو الأسفل	الخط الرأسى المار من G	G	الوزن : \vec{P}
$F=3N$	من x نحو x'	المحور $'xx'$	A	توتر النابض : \vec{F}

نختار السلم : $1\text{cm} \rightarrow 1\text{N}$

نمثل الخط المضلعى للقوى الثلاث وهو مغلق: $\vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = \vec{0}$

من خلال التمثيل المبباني نحصل على $R \approx 3,6N$



3- بما أن اتجاه المتجهة \vec{R} غير عمودي على المستوى المائل ، فإن التماس بين الجسم S والسطح المائل والجسم يتم باحتكاك .

4- تحديد φ زاوية الأحتكاك:
نقط العلاقة المتجهية على المحور'x :

$$P_x + F_x + R_x = 0 \Leftrightarrow P \sin \alpha - F - R \sin \varphi = 0 \Leftrightarrow -F = P \sin \alpha - R \sin \varphi \quad (1)$$

نقط العلاقة المتجهية على المحور'y :

$$P_y + F_y + R_y = 0 \Leftrightarrow -P \cos \alpha + R \cos \varphi = 0 \Leftrightarrow R \cos \varphi = P \cos \alpha \quad (2)$$

$$\Leftrightarrow \frac{(1)}{(2)} \tan \varphi = \frac{R \sin \varphi}{R \cos \varphi} = \frac{P \sin \alpha - F}{P \cos \alpha}$$

تطبيق عددي :

$$\tan \varphi = \frac{5 \sin(45^\circ) - 3}{5 \cos(45^\circ)} = 0,15$$

$$\varphi = 8,53^\circ$$

نستنتج :

تصحيح تمرin 5:

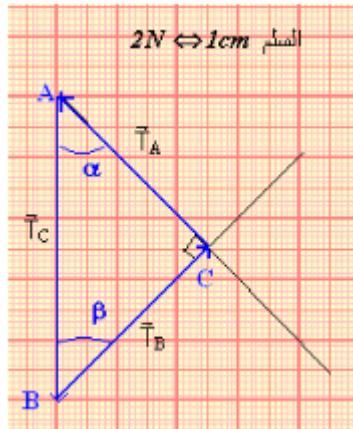
1- حساب شدات توترات الخيوط باستعمال الطريقة المبيانية : دراسة توازن الجسم (S)

الجسم في توازن تحت تأثير قوتين : \vec{T}_C' و \vec{P}

حسب شرطي التوازن : $P = T_C' = mg = 10N$

دراسة توازن النقطة O :

النقطة O في توازن تحت تأثير ثلاث قوى : \vec{T}_A و \vec{T}_B و \vec{T}_C أي أن الخط المضلعي للقوى الثلاث مغلق . حسب شرط التوازن : $\vec{0} = \vec{T}_A + \vec{T}_B + \vec{T}_C$



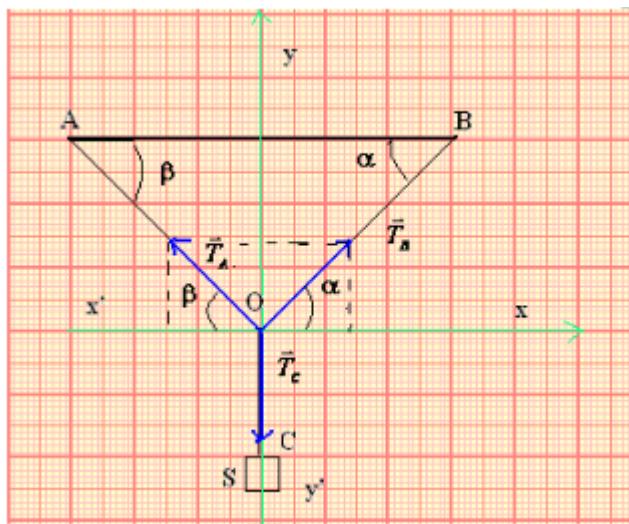
حسب الشكل فإن المثلث ABC متساوي الساقين وقائم الزاوية في C.

$$T_C^2 = 2T_B^2 \text{ أي } T_C^2 = T_B^2 + T_C^2 \text{ و حسب مبرهنة فيتاغورس: } T_A = T_B$$

$$T_B = \frac{T_C}{\sqrt{2}} = \frac{10\sqrt{2}}{2} = 7N \quad \text{ومنه: } T_C = T_B\sqrt{2}$$

$$\text{وبالتالي: } T_A = T_B = 7N$$

- حساب الشدات باستعمال الطريقة التحليلية :



اسقاط العلاقة المتجهية على المحور x :

$$T_{Cx} + T_{Bx} + T_{Ax} = 0 \Leftarrow -T_A \cos \beta + T_B \cos \alpha = 0 \quad (1)$$

اسقاط العلاقة المتجهية على المحور y :

$$T_{Ay} + T_{By} + T_{Cy} = 0 \Leftarrow T_A \sin \beta + T_B \sin \alpha - T_C = 0 \quad (2)$$

بما أن $\cos \alpha = \cos \beta = \sin \alpha = \sin \beta = \frac{\sqrt{2}}{2}$ فإن $\alpha = \beta = 45^\circ$

العلاقة (1) تكتب :

$$T_A = T_B \quad \text{أي} : -T_A + T_B = 0$$

والعلاقة (2) تكتب :

$$T_A \frac{\sqrt{2}}{2} + T_B \frac{\sqrt{2}}{2} - T_C = 0$$

$$T_A = \frac{T_C}{\sqrt{2}} = \frac{T_C \sqrt{2}}{2} = 7N \quad \text{أي} : T_A \sqrt{2} = T_C$$

تصحيح تمرين 6

1- القيمة التي يشير إليها الدينامومتر (D) :
الجسم (S) في توازن تحت تأثير ثلات قوى :
 \vec{P} وزنه .

\vec{F} : القوة التي يطبقها الدينامومتر .
 \vec{R} : القوة التي يطبقها السطح .
حسب الشرط الأول للتوازن :

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = \vec{0}$$

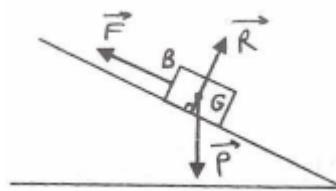
بما أن الإحتكاكات مهملة فإن \vec{R} عمودية على السطح .

بما أن الجسم لاينغرز في المستوى الأفقي فإن : $\vec{0} + \vec{R} = \vec{0}$
وبالتالي : $\vec{F} = \vec{0}$
ومنه فإن الدينامومتر يشير إلى قيمة منعدمة .

2.1- تمثيل القوى :

الجسم (S) في توازن تحت تأثير ثلات قوى :
 \vec{P} وزنه
 \vec{F} : تأثير الدينامومتر

\vec{R} : القوة التي يطبقها السطح المائل . \vec{R} عمودية على السطح المائل لأن الإحتكاكات مهملة)

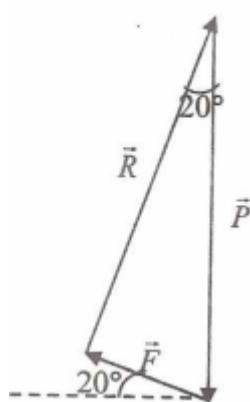


2.2- الخط المضلعى :

لإنشاء الط المضلعى نتبع الخطوات التالية :
 $P=mg=0,5 \times 10=5N$

نمثل المتجهة \vec{R} بسهم رأسى طوله 5cm .

نمثل اتجاه القوة \vec{F} المكونة لزاوية 20° مع الخط الأفقي المار من رأس السهم الممثل ل \vec{P} .



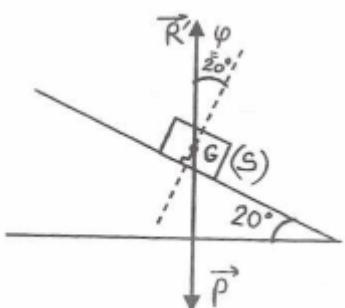
نمثل اتجاه \vec{R} العمودي على اتجاه \vec{F} والمار من أصل السهم الممثل ل \vec{P} .

2.3- حساب شدتي القوتين \vec{F} و \vec{R} :

نقيس طول سهم المتجهة \vec{F} فنجد $1,7\text{cm}$ باستعمال السلم نجد : $F=1,7\text{N}$
نقيس طول سهم المتجهة \vec{R} نجد $4,7\text{cm}$ اذن : $R=4,7\text{N}$

1.3- حساب الشدة $'R'$:

عند إزالة الدينامومتر (D) تتعذر شدة القوة \vec{F} ويصبح (S) في توازن تحت تأثير قوتين :
 \vec{P} : وزنه
 \vec{R} : القوة التي يطبقها السطح المائل .



لدينا حسب شرط التوازن :
 $R=P=5\text{N}$ ومنه : $\vec{P} + \vec{R} = \vec{0}$

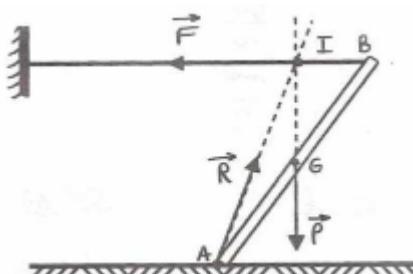
3.2- حساب الزاوية φ :

باستعمال المنقلة نجد : $\varphi = \alpha = 20^\circ$
نسمى φ زاوية الإحتكاك .

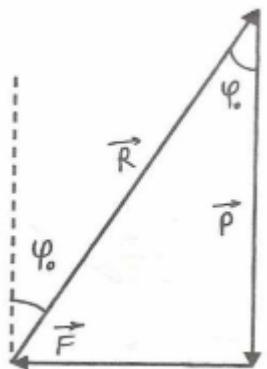
تصحيح تمرin 7:

1- جرد القوى :
تُخضع الساق إلى ثلاثة قوى :
وزنها (G, \vec{P}) .
القوة التي يطبقها الخيط (B, \vec{T})
القوة التي يطبقها السطح (A, \vec{R})
*اتجاه \vec{P} رأسي يمر من G .
*اتجاه \vec{F} أفقى يطابق الخيط ويقطع اتجاه \vec{P} في نقطة I .

بما أن الساق في توازن فإن خطوط تأثير القوى الثلاثة تتقطع في نقطة واحدة هي : I، وبالتالي يكون اتجاه \vec{R} يمر من النقطتين A و I . انظر الشكل .



2- طبيعة التماس :
من خلال الشكل يتبيّن أن اتجاه \vec{R} غير عمودي على السطح الأفقي وبالتالي فالإحتكاكات غير مهمّلة .



3- الخط المظلي :

لدينا : $P=mg = 1 \times 10 = 10N$ (متجهة رأسية نحو الأسفل) نمثل بسهم طوله \vec{P}
 $F=6N$ (متجهة أفقية نحو اليسار) نمثل \vec{F} بسهم طوله 3cm
 نغلق الخط المظلي بسهم ممثل ل \vec{R} منحاه نحو الأعلى .

4- حساب شدة القوة R :
 $F=2 \times 5,8 = 11,6N$ و بالتالي : نقيس طول سهم المتجهة \vec{R} نجد 5,8cm

ملحوظة :

يمكن استعمال مبرهنة فيتاغورس $R=\sqrt{P^2 + F^2} = \sqrt{10^2 + 6^2} = 11,66N$
 حساب φ :

باستعمال المنقلة أو بتطبيق العلاقة المثلثية :

$$\tan\varphi = \frac{F}{P} = \frac{6}{10} = 0,6$$

$$\varphi = 31^\circ$$

و بالتالي :