

## تمارين التوازن الميكانيكي

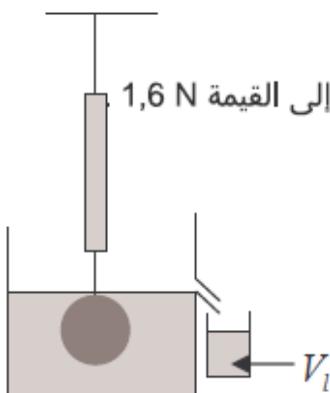
### التمرين 1

نعتبر كرة من مادة كثافتها  $d=7,25$  ، حجمها  $V=7$  ، تطفو على سطح إناء به زئبق . حجم الكرة الذي يطفو خارج الزئبق

$$\text{هو } V_1 \text{ . كثافة الزئبق } d_{Hg} = 13,7 \text{ . أحسب } \frac{V_1}{V} \text{ .}$$

### التمرين 2

1. نعلق كرة A وزنها  $P=2N$  إلى دينامومتر. هذا الأخير يشير إلى القيمة  $2N$ . استنتج وزن الكرة.



2. نغمي الكرة كليا في سائل ، فيزاح منه الحجم  $V_1 = 50cm^3$  ، ويشير الدينامومتر إلى القيمة  $N = 1,6$

2.1. أحسب شدة دافعة أرخميدس المطبقة من طرف السائل على الكرة.

2.2. استنتج الكتلة الحجمية للسائل.

2.3. أحسب كتلة السائل المزاح.

2.4. أحسب شدة وزن السائل المزاح ، قارنها مع دافعة أرخميدس. استنتج.

3. نضع الكرة A في إناء مملوء بالزئبق ، فتنطفو فوقه.

3.1. أجرد القوى المطبقة على الكرة A وأعط مميزاتها.

3.2. أحسب حجم الجزء المغمور من الكرة A.

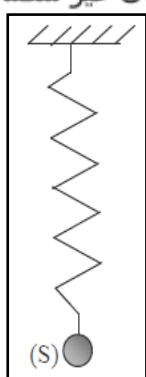
3.3. أحسب شدة القوة  $\bar{F}$  التي يجب تطبيقها على الكرة لكي تصبح مغمورة كليا في السائل وتبقى في حالة توازن.

معطيات :  $g=9,8N/kg$

الكتلة الحجمية للزئبق :  $\rho_{Hg} = 13,6 g/cm^3$

### التمرين 3

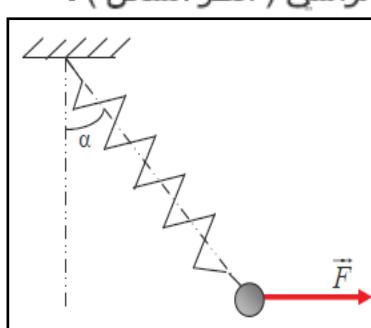
1. يمثل الشكل جانبه كوبيرا (S) في حالة توازن كتلتها  $m=100g$  معلقة بنهاية نابض ذي لفات غير متصلة ، كتلته مهملة و ثابتة صلابتها  $k=25N.m^{-1}$  ، نأخذ  $g=10Nkg^{-1}$ .



1.1. أجرد القوى المطبقة على S.

1.2. أوجد مميزات القوى المطبقة من طرف النابض على S واستنتج الإطالة  $\Delta l$  للنابض.

2. نطبق على الكوبيرا (S) قوة أفقية  $\bar{F}$  فنأخذ المجموعة { النابض ، (S) } عند التوازن اتجاهها يكون الزاوية  $\alpha=60^\circ$  مع المستقيم الرأسي ( انظر الشكل ) .

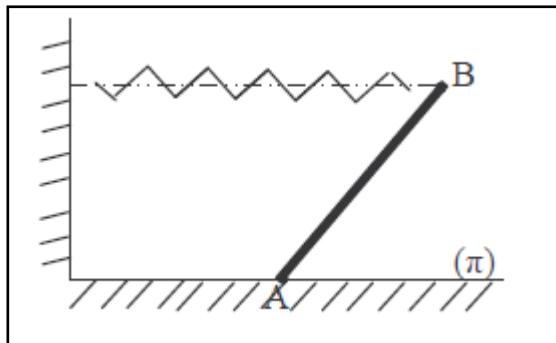


2.1. أوجد شدة القوة  $\bar{F}$  و شدة توتر النابض .

2.2. أحسب الإطالة  $\Delta l$  في هذا الوضع .

## التمرين 4

العارضة AB ، كتلتها  $m=1\text{kg}$  ، طرفها A مثبت على السطح الأفقي ( $\pi$ ) ، الطرف B مثبت إلى نابض ذي لفاف متصلة صلابته  $k=100\text{N/m}$  . ثبت الطرف الثاني للنابض إلى جدار رأسي كما يبين الشكل.  
عند التوازن تكون إطالة النابض  $\Delta l = 5\text{cm}$  . نأخذ  $g = 10\text{N/kg}$ .

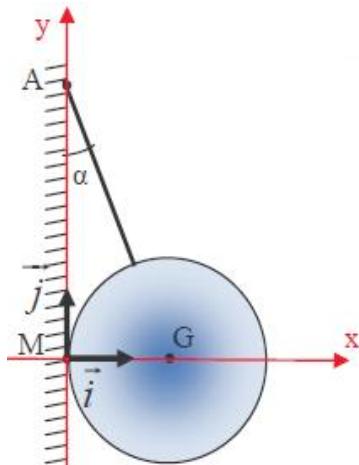


1. أجرد القوى المطبقة على العارضة AB .
2. ما شرطى هذا التوازن ؟
3. أحسب شدتي وزن العارضة وتوتر النابض .
4. حدد مبيانا نقطة التلاقي I لخطوط تأثير القوى المطبقة على العارضة . استنتج طبيعة التماس بين العارضة والسطح الأفقي.
5. أوجد هندسيا شدة القوة  $\bar{R}$  المطبقة من طرف السطح ( $\pi$ ) على العارضة.
6. حدد قيمة زاوية الاحتراك وقيمة معامل الاحتراك.
7. حدد مبيانا شدة كل من المركبتين المماسية  $\bar{R}_T$  و المنظرية  $\bar{R}_N$  للقوة  $\bar{R}$  .

## التمرين 5

نعتبر كرة معدنية متجانسة مركز ثقلها G ، كتلتها  $m$  ، معلقة بواسطة خيط غير قابل للامتداد بحيث تسكن على جدار رأسي عند النقطة M .

ثبت الطرف الأعلى للخيط بالنقطة A حيث يكون الخيط مع الجدار الرأسي الزاوية  $\alpha$  .



1. أجرد القوى المطبقة على الكرة.

2. اتجاه الخيط يمر من النقطة G ، هل التماس يتم باحتراك أم بدونه ؟ علل الجواب.

3. أوجد بطريقتين ، المبيانية ، ثم التحليلية في المعلم  $(\bar{j}, \bar{i}, M)$  ، شدة توتر الخيط وشدة تأثير الجدار على الكرة عند النقطة M .

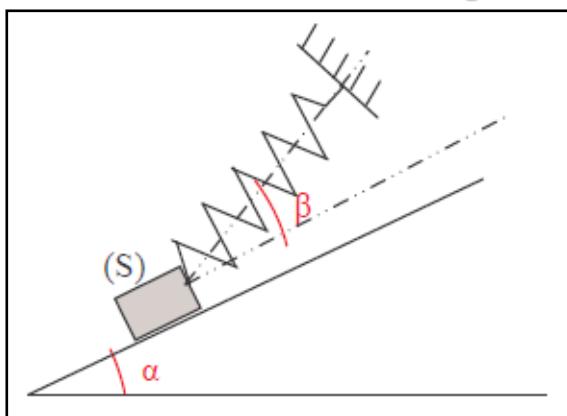
$$\alpha = 30^\circ$$

$$g = 10\text{N/kg}$$

$$\text{معطيات : } m = 1200\text{g}$$

## التمرين 6

للحفاظ على توازن جسم صلب (S) وزنه  $P=3N$  فوق مستوى مائل بالزاوية  $\alpha=30^\circ$  بالنسبة للمستوى الأفقي ، نشده بواسطة نابض يكون محوره زاوية  $\beta$  مع اتجاه المستوى المائل . نعتبر أن التماس بين (S) والمستوى المائل يتم بدون احتكاك.



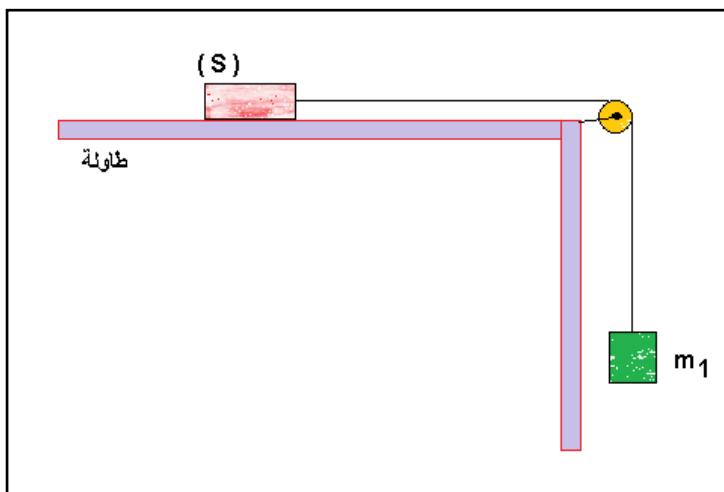
1. أجرد القوى المطبقة على الجسم (S) .
2. باستعمال الطريقة المبانية ، أوجد شدة توتر النابض وشدة القوة التي يؤثر بها المستوى على (S) في حالة  $\beta=15^\circ$  .
3. باستعمال الطريقة التحليلية ، أوجد شدة توتر النابض وشدة القوة التي يؤثر بها المستوى على (S) بدلالة الزاوية  $\beta$  .
4. أحسب شدة كل من القوتين السابقتين في حالة  $\beta=0^\circ$  ،  $\beta=15^\circ$  ثم  $\beta=30^\circ$  واستنتج اطالة النابض في كل حالة .

نعطي ثابتة صلابة النابض :  $k=50\text{N.m}^{-1}$  .

## التمرين 7

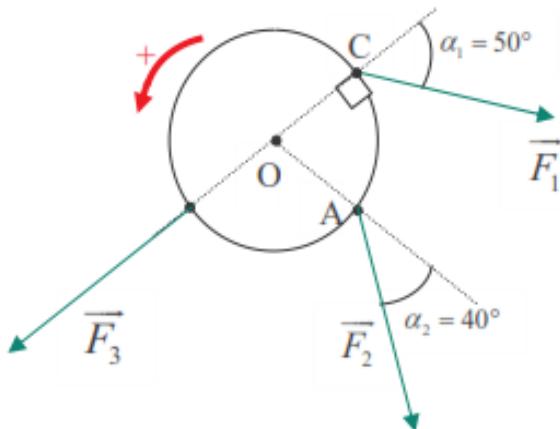
نربط جسماء صلبا (S) كتلته  $m=1,2\text{kg}$  موضعها فوق طاولة أفقية ، بأحد طرفي خيط يمر عبر مجرى بكرة . نعلق في الطرف الآخر للخيط كتلة معلمة  $m_1=100\text{g}$  . تبقى المجموعة في توازن ( انظر الشكل ) . نعتبر أن البكرة تغير اتجاه القوة ولا تغير شدتها . حدد مميزات  $\bar{R}$  القوة المطبقة من طرف الطاولة على الجسم (S) .

نأخذ :  $g=10\text{N/kg}$



التمرين 8

نطبق ثلاث قوى شدة كل منها  $30\text{N}$  على قرص شعاعه  $R=50\text{cm}$  كما بين الشكل. اتجاهات كل منها في مستوى القرص. أحسب عزم كل قوة بالنسبة للمحور  $\Delta$  العمودي على القرص والمدار من مركزه  $O$ .

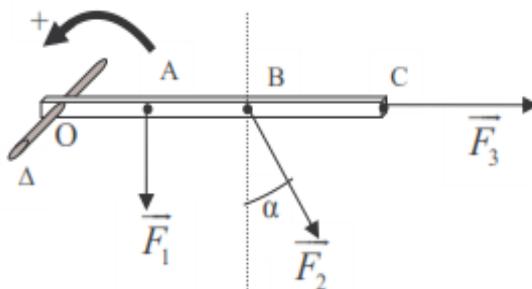


التمرين 9

على عارضة متGANSAة أفقية، قابلة للدوران حول محور ثابت  $\Delta$ ، نطبق ثلاث قوى شداتها كالتالي:  $F_2=25\text{N}$ ,  $F_1=17\text{N}$  و  $F_3=23\text{N}$ .

نعطي:  $\alpha=30^\circ$  ،  $OC=60\text{cm}$ ,  $OB=37\text{cm}$ ,  $OA=16\text{cm}$

1. أحسب عزم كل من القوى الثلاثة بالنسبة للمحور  $\Delta$ .
2. استنتج مجموع العزوم بالنسبة للمحور  $\Delta$ .

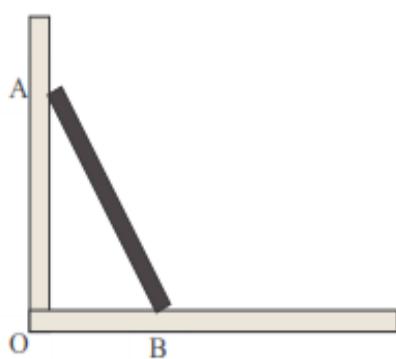


التمرين 10

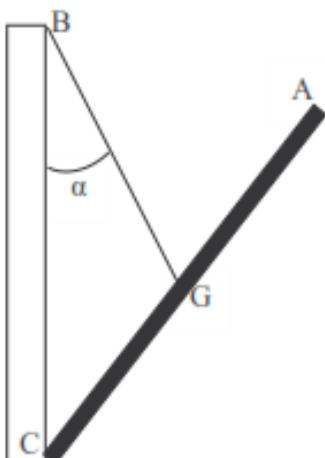
نعتبر عارضة متGANSAة كتلتها  $m$  متKنة على جدار رأسى بحيث التماس بينهما يتم بدون احتكاك ، بينما السطح الأفقي خشن . نرمز ب  $\vec{R}_A$  للقوة المقرنة بتأثير السطح الرأسى على العارضة بالنقطة A وب  $\vec{R}_B$  للقوة المقرنة بتأثير السطح الأفقي عليها بالنقطة B.

1. أجرد القوى المطبقة على العارضة.
2. أذكر الشروط الالزامية لتوازن العارضة.
3. حدد مميزات  $\vec{R}_A$  و  $\vec{R}_B$ .

معطيات:  $g=10\text{N/kg}$  ،  $m=80\text{kg}$  ،  $OB=3\text{m}$  ،  $OA=4\text{m}$ :



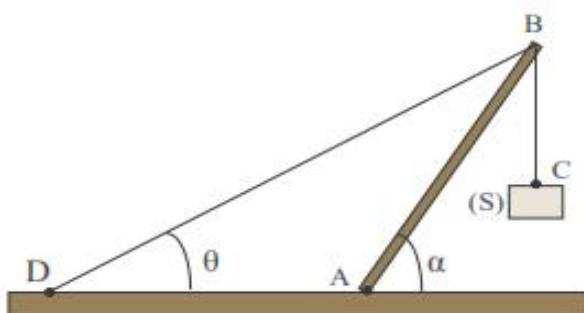
## التمرين 11



- العارضة AC متجانسة معلقة من مركز ثقلها G إلى جدار بواسطة الحبل BG كما يبين الشكل. علما أن  $BG = CG$ ، أوجد
1. مميزات توتر الخيط.
  2. مميزات قوة تأثير الجدار BC على العارضة بالنقطة C.
- معطيات: وزن العارضة:  $P = 30\text{N}$  ،  $\alpha = 30^\circ$ .

## التمرين 12

- العارضة AB متجانسة كتلتها  $M = 1\text{kg}$  في حالة توازن ، تتكى على مستوى أفقى في النقطة A و بشدها خيط ذو كتلة مهملة يحمل في نهايته جسما (S) كتلته  $m = 0,5\text{kg}$ . يوجد كل من الخيط والقضيب والجسم (S) في نفس المستوى الرأسى.
- معطيات:  $\alpha = 60^\circ$  ،  $\theta = 30^\circ$  ،  $g = 10\text{N/kg}$ .
1. أجرد القوى المطبقة على العارضة AB.
  2. حدد طبيعة التماس بين المستوى الأفقى و العارضة AB عند النقطة A.
  3. بتطبيق مبرهنة العزوم بالنسبة للمحور الأفقى  $\Delta$  المار من A والعمودي على الشكل ، أوجد شدة القوة المطبقة من طرف الجزء BD للخيط على القضيب عند النقطة B.
  4. حدد مميزات القوة المقرونة بتأثير المستوى الأفقى على العارضة بالنقطة A.

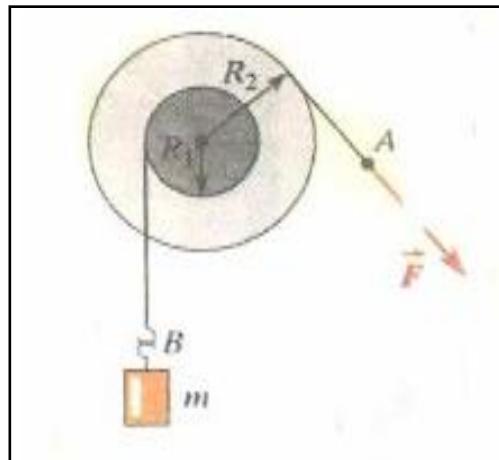


## التمرين 13

- نعتبر بكرة متجانسة و ذات مجردين ، كتلتها مهملة و قابلة للدوران حول محور ( $\Delta$ ) أفقى و ثابت يمر من مركزها O. ثبت خيطا غير قابل للامتداد في المجرى ذي الشعاع  $R_1$  و نشد بنهائيته جسما صلبا (S) كتلته m . للحفاظ على توازن البكرة نطبق عليها عبر خيط في المجرى ذي الشعاع  $R_2$  قوة  $\vec{F}$  تكون الزاوية  $\alpha$  مع الخط الأفقى المار من النقطة A ( انظر الشكل ).

- 1) أجرد القوى المطبقة على البكرة .
- 2) أكتب تعريف عزم كل قوة بالنسبة للمحور ( $\Delta$ ) .
- 3) أوجد شدة القوة  $\vec{F}$  .
- 4) حدد مميزات  $\vec{R}$  القوة المطبقة من طرف المحور .

نعطي :  $g = 10\text{N / kg}$  ،  $m = 200\text{g}$  ،  $R_2 = 2R_1$



**التمرين 14**

يمثل الشكل جانبه عارضة متجانسة طولها  $L = 50\text{cm}$  و كتلتها  $m$  معلقة من مركز قصورها  $G$  بسلك ثابتة لـ  $C$  مثبت عند النقطة  $O$ .

ندير العارضة أفقيا عن موضع توازنها المستقر  $M_0N_0$  بزاوية  $\theta = 0,2\text{rad}$  ، وذلك بتطبيق مزدوجة قوتين  $(M, \vec{F}_1)$  و  $(N, \vec{F}_2)$  بواسطة نابضين  $(R_1)$  و  $(R_2)$  لهما نفس الصلابة  $K_1 = K_2 = K = 40 \text{ N/m}$  و نفس الطول الأصلي  $\ell_0 = 15\text{cm}$  .

يبقى محور كل نابض متعمدا مع العارضة ، كما يوجد كل منهما في نفس المستوى الأفقي الذي يشمل  $(MN)$  .

1) أجرد القوى المطبقة على العارضة في توازنها الجديد .

2) علما أن طول كل نابض عند توازن العارضة هو  $\ell = 20\text{cm}$  ، أحسب شدتي القوتين  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  ( توترى النابضين ) .

3) بتطبيق مبرهنة العزوم ، أوجد تعبير  $C$  ثابتة لـ  $\vec{s}$  بدلالة  $L, K, \theta, \ell, \ell_0$  . أحسب  $C$  .

