

توازن جسم صلب خاضع لقوىتين

Equilibre d'un corps solide soumis à deux forces

الدرس



المحور الثالث:
توازن جسم صلب
الوحدة 5
3 س

توازن جسم صلب خاضع لقوىتين

Equilibre d'un corps solide soumis à deux forces

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ
السلام عليكم ورحمة الله وبركاته
الجزء المشترك
الفيزياء جزء الميكانيك

1- تذكير بشرطى توازن جسم صلب خاضع لقوىتين :

عندما يكون جسم صلب في توازن تحت تأثير قوتين \vec{F}_1 و \vec{F}_2 فإن :

⊕ المجموع المتجهي للقوىتين منعدم $\sum \vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 = \vec{0}$ ، وهذا الشرط لازم لسكون مركز قصوره .

⊕ لقوىتين نفس خط التأثير ، وهذا الشرط ضروري لغياب دوران الجسم في حالة تحقيق الشرط الأول .

ملحوظة :

هذا الشرطان لازمان للحصول على توازن جسم صلب خاضع لقوىتين ، لكنهما غير كافيين إذ يمكن أن يتحقق الشرطان ويكون مركز قصور الجسم الصلب في حركة مستقيمية منتظمة طبقاً لمبدأ القصور .

لدراسة توازن جسم صلب (S) يجب :

⊕ تحديد المجموعة المدروسة .

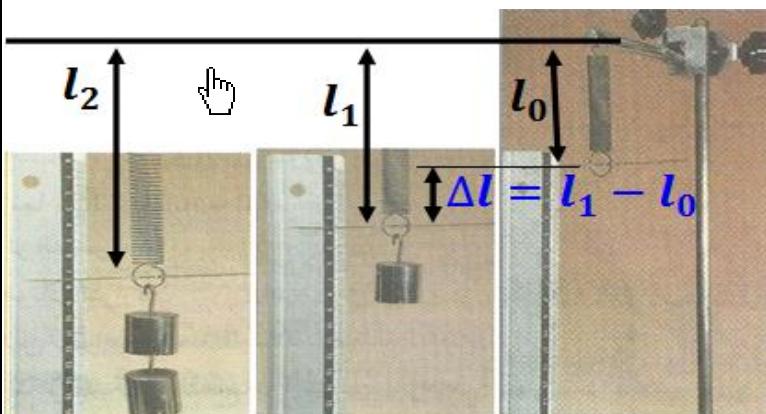
⊕ جرد القوى المطبقة على المجموعة المدروسة .

⊕ تطبيق شرطى التوازن .

2- القوة المطبقة من طرف النابض :

1- نشاط :

ربط أحد طرفي نابض ذي لفات غير متصلة وكتلة مهملة بحامل ، بحيث تشير المنشورة إلى التدريرة صفر لمسطرة رأسية مدرجة وهو يوافق الطول البديهي l_0 للنابض . نعلق بالطرف الآخر للنابض كتلة معلمة (S) ذات كتلة m ونقيس في كل مرة الطول النهائي l للنابض فنحصل على النتائج التالية :



| 40 | 35 | 30 | 25 | 20 | 15 | 10 | 5 | 0 | $m(g)$ |
|------|------|------|------|------|------|------|------|------|----------------|
| 13,9 | 13,4 | 12,9 | 12,5 | 12,0 | 11,5 | 10,9 | 10,5 | 10,0 | $l(cm)$ |
| 0,40 | 0,35 | 0,30 | 0,25 | 0,20 | 0,15 | 0,10 | 0,05 | 0 | $T(N)$ |
| 3,9 | 3,4 | 2,9 | 2,5 | 2,0 | 1,5 | 0,9 | 0,5 | 0 | $\Delta l(cm)$ |

أ- بدراسة توازن الكتلة المعلمة (S) المعلقة في طرف النابض ، استنتج العلاقة بين P شدة وزن الجسم الصلب و T شدة توتر النابض .

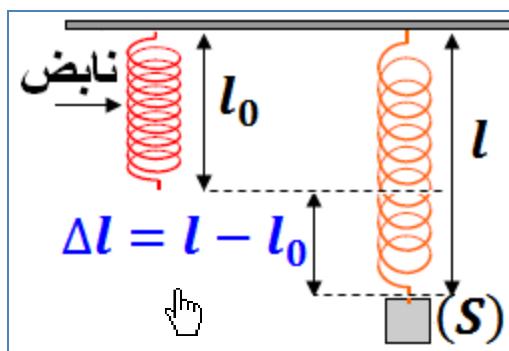
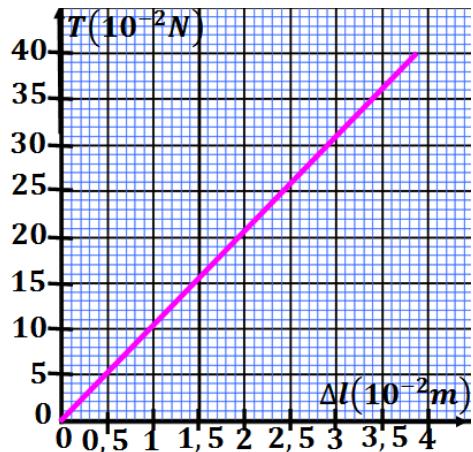
المجموعة المدروسة : { الكتلة المعلمة (S) } .

جرد القوى : \vec{P} وزنها و \vec{T} توتر النابض .

الكتلة المعلمة (S) في توازن ، إذن $\vec{T} = \vec{P} = mg$ أي $\vec{T} = -\vec{P}$ وبالتالي $\sum \vec{F} = \vec{P} + \vec{T} = \vec{0}$

ب- حدد الطول البديهي l_0 للنابض وأتم ملأ الجدول . بحيث عند تطبيق قوى مختلفة على النابض يتغير طوله نسبي الفرق بين الطول النهائي l و الطول البديهي l_0 إطالة النابض هي $|l - l_0|$.

نعطي $g = 10N \cdot kg^{-1}$. من خلال الجدول نجد أن $l_0 = 10,0 cm$



ج- مثل تغيرات T بدلالة Δl .
انظر جانبـه .

د- أوجـد العلاقة بين شـدة توـتر النـابـض T و إـطـالـة النـابـض Δl .
منـحـنى تـغـيرـات T بـدـالـة Δl عـبـارـة عـن دـالـة خـطـيـة تـكـتـب عـلـى شـكـل
 $T = K \cdot \Delta l$ حيث K يـمـثـلـ المـعـاملـ الـمـوـجـهـ لـلـمـسـتـقـيمـ مع

$$K = \frac{T}{\Delta l} = \frac{0,05}{0,005} = 10 \text{ N.m}^{-1}$$

هـ عـلـمـ نـحـصـلـ عـنـدـ اـسـتـبـادـ تـدـرـيـجـ المسـطـرـةـ بـالـنـيـوتـنـ بـدـلـ السـنـتـيـمـترـ ?
نـحـصـلـ عـلـىـ دـيـنـامـوـمـترـ بـتـدـرـيـجـ المسـطـرـةـ المـقـرـونـةـ بـالـنـابـضـ بـالـنـيـوتـنـ .

2-2- توازن جسم صلب معلق بنايـضـ :

نـدرـسـ تـواـزنـ جـسـمـ صـلـبـ (S)ـ كـتـلـتـهـ مـعـلـقـ بـنـايـضـ ذـيـ لـفـاتـ غـيرـ مـتـصـلـةـ وـ كـتـلـتـهـ مـهـمـلـةـ .

الـمـجـمـوعـةـ المـدـرـوـسـةـ : { الـكـتـلـةـ الـمـعـلـمـةـ (S) } .

جرـدـ القـوىـ : \vec{P} ـ وزـنـهاـ وـ \vec{T} ـ توـترـ النـابـضـ .

الـجـسـمـ (S)ـ فـيـ تـواـزنـ إـذـنـ $\sum \vec{F} = \vec{P} + \vec{T} = \vec{0}$ ـ أيـ $T = P = mg$ ـ .
وـبـالـتـالـيـ .

3-2- العـلـاقـةـ بـيـنـ توـترـ النـابـضـ وـإـطـالـةـ :

عـنـدـماـ نـمـثـلـ الدـالـةـ ($T = \Delta l$)ـ نـحـصـلـ عـلـىـ خـطـ مـسـتـقـيمـ يـمـرـ مـنـ أـصـلـ الـمـحـورـيـنـ .ـ فـنـسـتـنـجـ أـنـ توـثـرـ

الـنـابـضـ T ـ يـتـنـاسـبـ اـطـرـادـاـ مـعـ إـطـالـةـ $|l_0 - l|$ ـ وـ يـعـبـرـ عـنـ هـذـاـ التـنـاسـبـ بـالـعـلـاقـةـ التـالـيـ:

$$T = K \cdot \Delta l \quad \text{حيـثـ} \quad K \quad \text{صـلـابةـ النـابـضـ} \quad \text{وـ هوـ مـقـدـارـ يـمـيزـ النـابـضـ وـ يـعـبـرـ عـنـهـ بـالـوـحدـةـ} \quad \text{N.m}^{-1} \quad \text{.}$$

نـحـدـدـ قـيـمةـ K ـ مـبـيـانـيـ وـ تـسـلـاوـيـ قـيـمةـ الـمـعـاملـ الـمـوـجـهـ لـلـمـسـتـقـيمـ .

تبـقـيـ الـعـلـاقـةـ $T = K \cdot \Delta l$ ـ صـالـحةـ عـنـدـماـ يـكـونـ النـابـضـ مـطـلاـ $\Delta l = l - l_0 > 0$ ـ أوـ مـكـبـساـ

$\Delta l = l_0 - l > 0$ ـ .ـ يـسـعـيـ النـابـضـ إـلـيـ الرـجـوـعـ إـلـيـ شـكـلـهـ الأـصـلـيـ بـتـطـبـيقـ قـوـةـ تـصـنـفـ بـأـنـهـ قـوـةـ اـرـتـادـ .

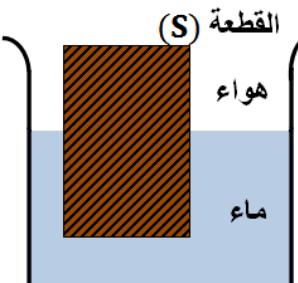
اعـتمـادـاـ عـلـىـ الـمـنـحـنىـ $T = f(\Delta l)$ ـ نـحـصـلـ عـلـىـ دـيـنـامـوـمـترـ وـ ذـلـكـ بـتـدـرـيـجـ المسـطـرـةـ المـقـرـونـةـ بـالـنـابـضـ بـالـنـيـوتـنـ .

3- دـافـعـةـ أـرـخـمـيدـسـ :

3-1- الـكـتـلـةـ الـحـجمـيـةـ :

الـكـتـلـةـ الـحـجمـيـةـ لـجـسـمـ مـائـعـ (ـسـائـلـ أوـ غـازـ)ـ هـيـ خـارـجـ قـسـمةـ كـتـلـةـ كـمـيـةـ مـنـ المـائـعـ عـلـىـ الـحـجمـ الـمـوـافـقـ لـهـاـ :

$$kg \cdot m^{-3} \leftarrow \rho = \frac{m}{V} \rightarrow \frac{kg}{m^3}$$



3- نـشـاطـ :

■ نـصـعـ قـطـعـةـ (S)ـ مـنـ خـشـبـ عـلـىـ شـكـلـ مـتـوـازـيـ الـمـسـطـيلـاتـ فـيـ حـوضـ بـهـ مـاءـ ،ـ فـنـلـاحـظـ أـنـهـاـ تـنـفـوـ عـلـىـ سـطـحـ الـمـاءـ وـهـيـ فـيـ تـواـزنـ .

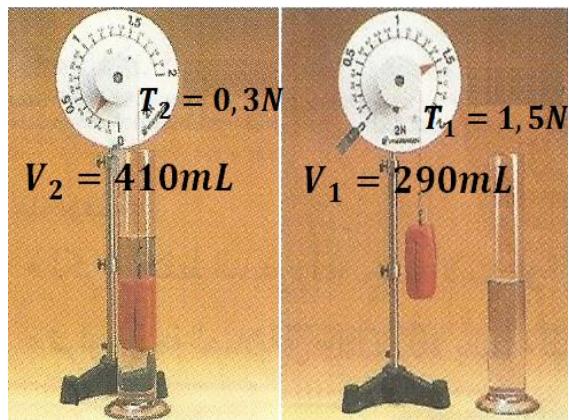
أـ.ـ اـجـرـدـ الـقـوىـ الـمـطـبـقـةـ عـلـىـ الـقـطـعـةـ (S)ـ (ـنـهـمـلـ تـأـثـيرـ الـهـوـاءـ)ـ .

الـمـجـمـوعـةـ المـدـرـوـسـةـ : { الـقـطـعـةـ (S) } .

جرـدـ القـوىـ : \vec{P} ـ وزـنـهاـ وـ \vec{F}_a ـ دـافـعـةـ أـرـخـمـيدـسـ .

بـ.ـ حـدـدـ اـتـجـاهـ وـمـنـحـىـ دـافـعـةـ أـرـخـمـيدـسـ (ـالـقـوىـ الـمـطـبـقـةـ مـنـ طـرـفـ الـمـاءـ)ـ .

الـقـطـعـةـ (S)ـ فـيـ تـواـزنـ إـذـنـ $\sum \vec{F} = \vec{P} + \vec{F}_a = \vec{0}$ ـ أيـ $\vec{F}_a = -\vec{P}$ ـ وـبـالـتـالـيـ اـتـجـاهـ \vec{F}_a ـ رـأـسيـ وـمـنـحـىـ \vec{F}_a ـ نـحـوـ الـأـعـلـىـ .



■ نعلم قطعة عجينة مطاوع (S) بواسطة خيط في دينامومتر .

أ- قس وزن قطعة عجينة مطاوع (S) بواسطة دينامومتر .
المجموعة المدرستة : { قطعة عجينة مطاوع (S) } .

جرد القوى : \vec{P} وزنها و \vec{T}_1 توتر الخيط .

القطعة (S) في توازن إذن $\sum \vec{F} = \vec{P} + \vec{T}_1 = \vec{0}$ أي $\vec{T}_1 = -\vec{P} = 1,5N$ وبالتالي $P = T_1 = 1,5N$.

ب- نعمر القطعة (S) المعلقة بالدينامومتر كلبا في الماء دون أن تلمس جوانب وقعر المخارب ، قس حجم الماء المزاح .

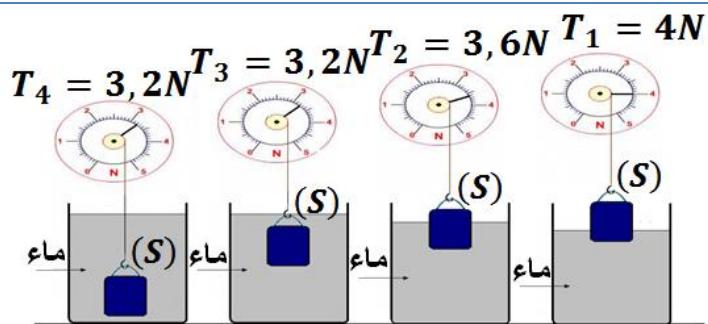
حجم الماء المزاح من طرف القطعة (S) هو $V = V_2 - V_1 = 410 - 290 = 120mL$.

ج- اعتمادا على إشاراتي الدينامومتر ، استنتج شدة دافعة أرخميدس .

شدة دافعة أرخميدس هي : $F_a = T_1 - T_2 = 1,5 - 0,3 = 1,2N$.

د- قارن شدة دافعة أرخميدس مع شدة وزن الماء المزاح . مع $g = 9,8N \cdot kg^{-1}$ و $\rho = 1g \cdot mL^{-1}$.

وزن الماء المزاح هو : $P_L = m \cdot g = \rho \cdot V \cdot g = 1 \times 120 \cdot 10^{-3} \times 9,8 = 1,18N$.
نلاحظ أن $F_a \approx P_L = \rho \cdot V \cdot g$.



■ نعمر جسما (S) معلقا بدينامومتر جزئيا ثم كلبا في كأس تحتوي على ماء ونسجل القيم التي يشير إليها الدينامومتر .

أ- ماذا تلاحظ ؟ وماذا تستنتج ؟

نلاحظ تناقص القيمة التي يشير إليها الدينامومتر كلما ازداد الحجم المغمور من الجسم (S) .

فنستنتج أن شدة دافعة أرخميدس تزداد كلما ازداد الحجم المغمور من الجسم .

■ نأخذ أجساما من مواد مختلفة ولها نفس الحجم ، ثم نسجل القيم التي يشير إليها الدينامومتر عندما يكون الجسم (S) في الهواء وعندما يكون مغمورا كلبا في نفس السائل (الماء) .

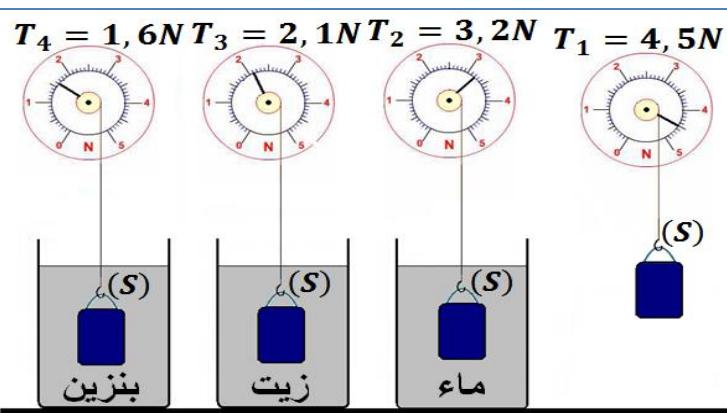
أ- هل تغيرت شدة دافعة أرخميدس بتغيير المادة المكونة للجسم المغمور ؟ وماذا تستنتج ؟

نلاحظ أن شدة دافعة أرخميدس لم تتغير بتغيير مادة الجسم $F_a = T_1 - T_2 = 1,3N$. فنستنتج أن شدة دافعة أرخميدس لا تتغير بطبيعة الجسم .

■ نعمر نفس الجسم بالتتابع ، في سوائل مختلفة .

أ- ماذا تلاحظ ؟ وماذا تستنتج ؟

نلاحظ أن شدة دافعة أرخميدس تتغير بتغيير طبيعة السائل . فنستنتج أن شدة دافعة أرخميدس تتبع طبيعة المائع أي كتلته الحجمية .



3-3- دافعة أرخميدس:

تسمى قوة التماس الموزعة المطبقة من **طرف مائع** (سائل أو غاز) على الأجسام المغمورة فيه **كلياً** أو **جزئياً** **دافعة أرخميدس**. وتنطلق شدتها **بحجم الجزء المغمور من الجسم و بطبيعة المائع** و تساوي شدتها **شدة وزن المائع المزاح**.

مميزات دافعة أرخميدس :

- + **نقطة التأثير**: مركز الدفع أي مركز ثقل المائع المزاح.

- + **خط التأثير**: المستقيم الرأسى المار من مركز الدفع.

- + **المنحى**: من الأسفل نحو الأعلى.

- + **الشدة**: $F_a = \rho \cdot V \cdot g$

مع:

ρ : الكتلة الحجمية للمائع وحدتها $kg \cdot m^{-3}$.

V : حجم الجزء المغمور من الجسم في الماء و يساوي حجم الماء المزاح وحدته m^3 .

g : شدة الثقالة وحدتها $N \cdot kg^{-1}$.

