

## المستقيم في المستوى

### التمرين الرابع:

- نعتبر الحدودية  $P(x) = 2x^3 + x^2 - 12x + 9$
- 1- بإيجاز القسمة الإقليدية حدد العددين  $\alpha$  و  $\beta$
  - حيث:  $P(x) = (\alpha x + \beta)(x^2 + 2x - 3)$
  - 2- تحقق أن 1 جذر للحدودية  $Q(x) = x^2 + 2x - 3$
  - 3- أكتب الحدودية  $P(x)$  على شكل جداء من الدرجة الأولى؛
  - 4- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة:  $P(x) = 0$ .

### التمرين الخامس:

- 1- أنشر التعبير  $(x-1)(x+4)$
- 2- نعتبر الحدودية:  $P(x) = x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 3x - 4$
- أ- حدد العددين الحقيقيين  $a$  و  $b$  بحيث:
- $P(x) = a(x^2 - x)^2 + b(x^2 - x) - 4$
- ب- حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة  $P(x) = 0$ .

### التمرين الخامس:

- نعتبر الحدودية:  $P(x) = (x-2)^{3n} + (x-1)^{2n} - 1$
- حيث  $n$  عدد صحيح طبيعي
- 1- أ- أثبت وجود حدودية  $Q(x)$  بحيث:
  - $P(x) = (x-2)Q(x)$
  - ب- حدد درجة الحدودية  $Q(x)$ ؛
  - 2- أحسب  $P(1)$  بدلالة  $n$ ، وحدد قيم  $n$  التي من أجلها تكون الحدودية  $P(x)$  تقبل القسمة على  $(x-1)$
  - 3- نفترض أن:  $n = 1$
  - بين أن:  $P(x) = (x-2) \left[ \left( x - \frac{3}{2} \right)^2 + \frac{7}{4} \right]$
  - 4- بين أن:  $P(x) > 0$  لكل  $x$  من المجال  $[2, +\infty[$  و لكل  $n$  من  $\mathbb{N}^*$ .

### التمرين الأول: في المستوى المنسوب لمعلم

- $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ، نعتبر النقط  $A(2, -1)$  و  $B(-2, 3)$  و  $C(-2, 0)$
- 1- أعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم  $(AB)$ ؛
  - 2- ليكن  $(\Delta)$  المستقيم المار من النقطة  $C$  و الموازي للمستقيم ذي المعادلة:  $2x - y = 0$  :  $(\Delta)$
  - أ- أعط معادلة ديكراتية للمستقيم  $(\Delta)$ ؛
  - ب- حدد زوج إحداثيتي نقطة تقاطع المستقيمين  $(\Delta)$  و  $(AB)$ ؛

### التمرين الثاني: في المستوى المنسوب

- لمعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ، نعتبر النقط  $A(3, 0)$  و  $B(0, 2)$  و  $C$
- بحيث:  $\overrightarrow{AC} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AO}$
- 1- بين أن  $(2, 0)$  هو زوج إحداثيتي النقطة  $C$ ؛
  - 2- حدد معادلة ديكراتية للمستقيم  $(BC)$ ؛
  - 3- ليكن  $(D)$  المستقيم المعروف بالمعادلة الديكراتية  $(D): y = x$
  - أ- بين أن المستقيمين  $(BC)$  و  $(D)$  متقاطعان
  - ثم حدد إحداثيتي نقطة تقاطعهما؛
  - ب- تحقق أن  $I$  منتصف القطعة  $[BC]$ .

### التمرين الثالث: في المستوى المنسوب لمعلم

- $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ، نعتبر النقطتين  $A(2, 4)$  و  $B(4, 1)$
- 1- حدد زوج إحداثيتي النقطة  $C$  بحيث يكون الرباعي  $CABO$  متوازي أضلاع؛
  - 2- أعط تمثيلا بارامتريا للمستقيم المار من  $B$  و الموجه بالمتجه  $\overrightarrow{AO}$ ؛
  - 3- نعتبر المستقيم  $(D)$  المعروف بالمعادلة:  $(D): 5x + 4y - 14 = 0$ .
  - أ- بين أن المستقيمين  $(AB)$  و  $(D)$  متقاطعان؛
  - ب- حدد إحداثيتي نقطة تقاطع المستقيمين  $(AB)$  و  $(D)$ .