

المستقيم في المستوى

التمرين الرابع:

$$P(x) = x^3 - 6x - 9$$

نعتبر الحدودية 1 - يأخذ القسمة الأقلية حد العددين α و β

$$P(x) = (\alpha x + \beta)(x^2 + 3x + 3)$$

$$2 - تحقق أن: P(x) = 0 \text{ في } \mathbb{R}$$

3 - ليكن x مكعبات بالستمتر على التوالي. حيث $x \in \mathbb{R}^*$.
نذكر أن جسم مكعب طول حرفه a هو a^3 .

التمرين الخامس:

$$(x-3)(x+5)$$

2 - نعتبر الحدودية: $P(x) = x^4 - 4x^3 + 6x^2 - 4x - 15$

أ - حدد العددين الحقيقيين a و b بحيث:

$$P(x) = a(x^2 - 2x)^2 + b(x^2 - 2x) - 15$$

ب - حل في \mathbb{R} المعادلة $P(x) = 0$.

التمرين السادس:

$$P(x) = (x-2)^{3n} + (x-1)^{2n}$$

حيث n عدد صحيح طبيعي

1 - أثبت وجود حدودية $Q(x)$ بحيث:

$$P(x) = (x-2)Q(x)$$

ب - حدد درجة الحدودية $Q(x)$ ؛

2 - أحسب $P(1)$ بدلالة n ، وحدد قيم n التي من أجلها تكون الحدودية $P(x)$ تقبل القسمة على $(x-1)^n$

3 - نفترض أن: $n=1$

$$P(x) = (x-2) \left[\left(x - \frac{3}{2} \right)^2 + \frac{7}{4} \right]$$

4 - بين أن: $P(x) > 0$ لـ x من المجال $[2, +\infty)$ وكل n من \mathbb{N}^* .

التمرين الأول: في المستوى المنسوب لمعلم

$$C(O, i, j) \text{، نعتبر النقط (1,1) } A \text{ و } (1,2) B \text{ و } (-1, -1) D$$

1 - أكتب معادلة ديكارтиة للمستقيم (D) المار من A و الموازي للمستقيم (BC) ؟

2 - ليكن (Δ) المستقيم المعرف بالتمثيل

$$\text{البارامترى: } \begin{cases} x = 2 - t \\ y = -1 + t \end{cases} \quad t \in \mathbb{R} \quad (\Delta)$$

3 - بين أن المستقيمين (D) و (Δ) متقاطعان ثم حدد أحداثيقي I نقطة تقاطعهما؟

التمرين الثاني: في المستوى المنسوب

$$\text{لعلم } C(O, i, j) \text{، نعتبر النقطتين } (3,2) A \text{ و } (2,-1) B \text{ و المتجهة } \vec{u} = 4i - j$$

1 - ليكن (Δ) المستقيم ذو المعادلة الديكارтиة:

$$3x - y + 6 = 0 \quad \text{أين أن: } (\Delta) \parallel (AB) ?$$

2 - حدد معادلة ديكارтиة للمستقيم (D) المار

من النقطة A والموجه بالتجهيز \vec{u}

3 - بين أن المستقيمين (Δ) و (D) متقاطعان ثم حدد أحداثيقي E نقطة تقاطعهما؛

4 - تكن $F(a,0)$ نقطة من المستوى.

أ - حدد a بحيث يكون الرياعي $ABFE$ متوازي أضلاع؛

ب - تحقق أن F تتمي إلى المستقيم (Δ) ؟

التمرين الثالث: نعتبر في المستوى (P)

ثلاث نقط غير مستقيمية A ، B و C . نسب المستوى

(P) إلى المعلم $(A, \overline{AB}, \overline{AC})$.

1 - حدد زوج إحداثي النقطة D بحيث يكون

الرياعي $ABDC$ متوازي أضلاع؛

2 - حدد معادلة ديكارтиة للمستقيم (CI) حيث

I منتصف القطعة $[BD]$

3 - نعتبر المستقيم (D) المعرف بالمعادلة:

$$x + 2y - 3 = 0 \quad (D) \text{. حدد تمثيل بارامترى}$$

للستقيم (D) ، ثم بين أن: $(D) \parallel (CI)$