

تمرين 1:

ليكن ABC مثلث و M نقطة من (AB) بحيث :

$$\overrightarrow{AF} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AC} \quad \overrightarrow{CE} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AB}$$

بين أن النقط B و E و F مستقيمية.

تمرين 2:

ليكن ABC مثلث. M و N نقطتان من المستوى بحيث :

$$\overrightarrow{CN} = \overrightarrow{AB} \quad \overrightarrow{AM} = \overrightarrow{BC}$$

بين أن C منتصف $[MN]$.

تمرين 3:

لتكن O و A و B نقاطاً من المستوى M و N و P بحيث :

$$\overrightarrow{OM} = \frac{2}{3}\overrightarrow{OA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{OB} \quad \overrightarrow{ON} = -\frac{1}{2}\overrightarrow{OB} + 2\overrightarrow{OA}$$

و

$$\overrightarrow{OP} = \frac{4}{3}\overrightarrow{OA} - \overrightarrow{OB}$$

(1) بين أن النقط B و M و N مستقيمية.

(2) بين أن الرباعي $OMNP$ متوازي الأضلاع.

تمرين 4:

ليكن ABC مثلثاً و G مركز ثقله أي :

$$\frac{1}{2}\overrightarrow{FA} + \overrightarrow{FB} + \overrightarrow{FC} = \vec{0}$$

و H منتصف القطعة $[BC]$.

$$(1) \text{ أثبت أن: } \overrightarrow{AF} = \frac{2}{3}(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC})$$

(2) أ- بين أن النقط A و B و G مستقيمية.

ب- بين أن H هي منتصف القطعة $[FG]$.

ج- حدد طبيعة الرباعي $BGCF$

(3) لتكن M و N نقطتين من المستوى بحيث :

$$\overrightarrow{CN} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AC} \quad \overrightarrow{AM} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AB}$$

أ- أنشئ النقطتين M و N .

ب- بين ان المستقيمين (BC) و (MN) متوازيان.

ج- بين أن F هي منتصف القطعة $[MN]$.

تمرين 5:

ليكن ABC مثلث و M نقطة من (AB) بحيث :
 (مع k عدد حقيقي)
 و لتكن M' مسقط M على (AC) بتواءز مع (BC) .
 $= k\overrightarrow{BC} MM' \quad$ بين أن :

تمرين 6:

ليكن ABC مثلثاً في المستوى و النقطة G بحيث :

$$(1) \text{ أ- بين أن } \overrightarrow{AG} = -\overrightarrow{AB} + 3/2\overrightarrow{AC}$$

ب- أنشئ النقطة G .

$$(2) \text{ ل يكن } G' \text{ مسقط } G \text{ على } (AB) \text{ بتواءز مع } (BC).$$

بين أن G' هي منتصف القطعة $[AB]$.

تمرين 11:

ليكن ABC مثلثاً و D و M و N تلات نقط من المستوى بحيث :

$$\overrightarrow{BD} = \frac{2}{3}\overrightarrow{BC} \quad \overrightarrow{DM} = 2\overrightarrow{DA} \quad \overrightarrow{4BN} + 3\overrightarrow{MB} = \vec{0}$$

1) أنشئ الشكل.

$$(2) \text{ بين أن: } \overrightarrow{MB} = 4/3\overrightarrow{AB} + 2/3\overrightarrow{AC}$$

$$\text{و أن: } \overrightarrow{NB} = \overrightarrow{AB} + 1/2\overrightarrow{BC}$$

3) أثبت أن النقط A و C و N مستقيمية.

4) نعتبر نقطة E من القطعة $[AB]$ بحيث $E \neq B$ و $E \neq A$

النقطة E مسقط على (BD) بتواءز مع (AD) .

النقطة J مسقط E على (BN) بتواءز مع (AN) .

بين أن المستقيمين (IJ) و (DN) متوازيان.

أ- أنشئ النقطتين M و N .

ب- بين ان المستقيمين (BC) و (MN) متوازيان.

ج- بين أن F هي منتصف القطعة $[MN]$.