

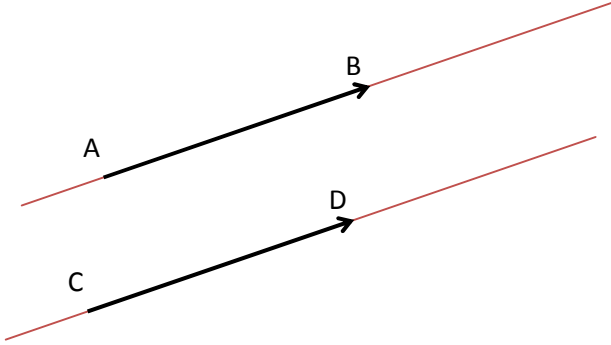


تساوي متجهتين:

تعريف

ليكن $\vec{AB}$ و $\vec{CD}$ متجهتين غير منعدمتين.
نقول أن المتجهتين $\vec{AB}$ و $\vec{CD}$ متساويتان إذا كان:

- لهما نفس الاتجاه (أي $(AB) \parallel (CD)$)
- لهما نفس المنحى (أي المنحى $A \mapsto B$ هو نفس المنحى $C \mapsto D$)
- لهما نفس المنظم (أي $AB = CD$)



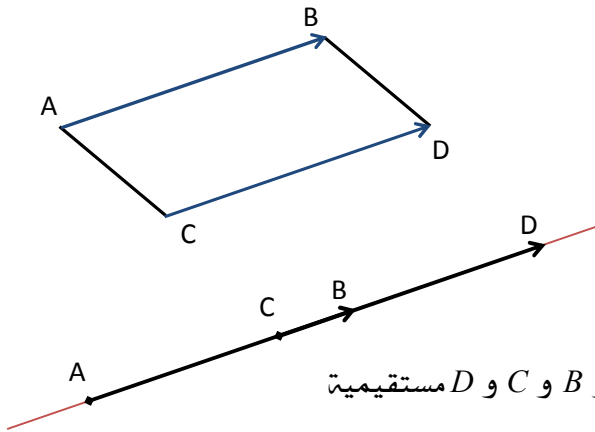
ملاحظة: المتجهة $\vec{AA}$ تسمى المتجهة المنعدمة و ليس لها اتجاه ومنظمها منعدم، نكتب: $\vec{AA} = \vec{0}$

تساوي متجهتين ومتوازي الأضلاع

خاصية

لتكن A و B و C و D نقطاً من المستوى (P) حيث $A \neq D$.

يكون الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع إذا وفقط إذا كان $\vec{AB} = \vec{DC}$

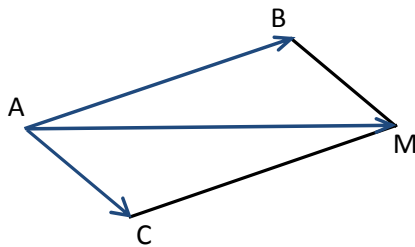


ملاحظة: يمكن أن تكون المتساوية $\vec{AB} = \vec{DC}$ صحيحة و النقط A و B و C و D مستقيمية في هذه الحالة تظل الخاصية صحيحة و يسمى $ABCD$ متوازي أضلاع مبطح

مجموع متجهتين

تعريف

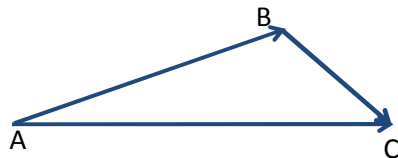
مجموع المتجهتين $\vec{AB}$ و $\vec{AC}$ هو المتجهة $\vec{AM}$ حيث يكون الرباعي $ABMC$ متوازي أضلاع



علاقة شال

كيفما كانت النقط A و B و C

فإن: $\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$



ضرب متجهة في عدد حقيقي

تعريف

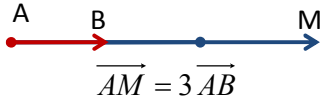
$\vec{AB}$ متجهة غير منعدمة و k عدد حقيقي.

جاء المتجهة $\vec{AB}$ في العدد k هي المتجهة $\vec{AM}$ حيث M نقطة تحقق:

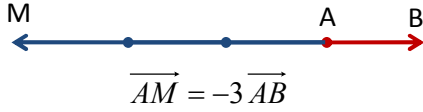
▪ A و B و M نقط مستقيمة

▪ $AM = k AB$ و $\vec{AM}$ و $\vec{AB}$ لهما نفس المنحى في حالة $k > 0$

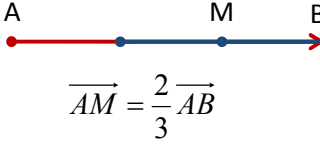
▪ $AM = -k AB$ و $\vec{AM}$ و $\vec{AB}$ مختلفتا المنحى في حالة $k < 0$



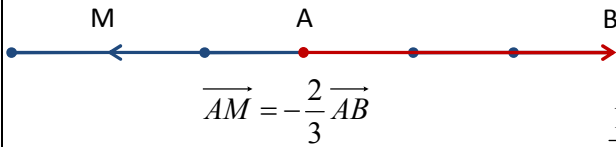
$$\vec{AM} = 3 \vec{AB}$$



$$\vec{AM} = -3 \vec{AB}$$



$$\vec{AM} = \frac{2}{3} \vec{AB}$$



$$\vec{AM} = -\frac{2}{3} \vec{AB}$$

ملاحظات:

$$-1 \cdot \vec{AB} = -\vec{AB} = \vec{BA}, \quad 1 \cdot \vec{AB} = \vec{AB}, \quad 0 \cdot \vec{AB} = \vec{0}$$

لا يصح مطلقا: كتابة: $\vec{AB} \cdot k$ ولا $\frac{\vec{AB}}{k}$ ، بل نكتب: $k \cdot \vec{AB}$ و $\frac{1}{k} \vec{AB}$

خصائص

مهما تكن المتجهتان $\vec{u}$ و $\vec{v}$ ومهما يكن العددين الحقيقيين a و b ، لدينا:

$$a(b\vec{u}) = (ab)\vec{u} \quad (a+b)\vec{u} = a\vec{u} + b\vec{u}, \quad a(\vec{u} + \vec{v}) = a\vec{u} + a\vec{v}$$

▪ إذا كان: $a\vec{u} = \vec{0}$ فإن $a = 0$ أو $\vec{u} = \vec{0}$

استقامية متجهتين

تعريف

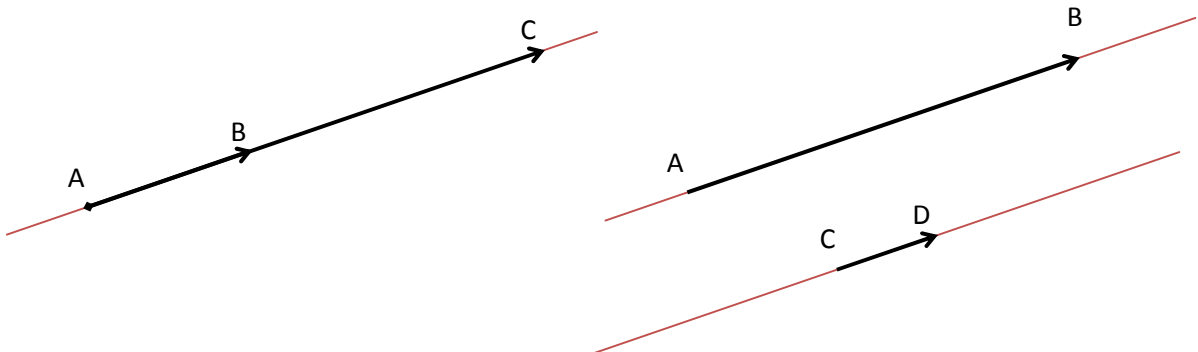
▪ نقول أن المتجهتين $\vec{u}$ و $\vec{v}$ مستقيمتان إذا وفقط إذا وجد عدد حقيقي k حيث: $\vec{v} = k\vec{u}$ أو $\vec{u} = k\vec{v}$

نتيجة 1

نقول تكون النقط A و B و C مستقيمة إذا وفقط إذا وجد عدد حقيقي k حيث $\vec{AB} = k\vec{AC}$ أو $\vec{AC} = k\vec{AB}$

نتيجة 2

يكون لدينا $(AB) \parallel (CD)$ إذا وفقط إذا وجد عدد حقيقي k حيث: $\vec{AB} = k\vec{CD}$ أو $\vec{CD} = k\vec{AB}$



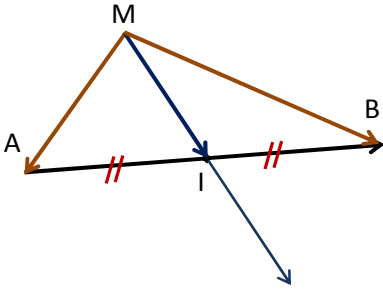
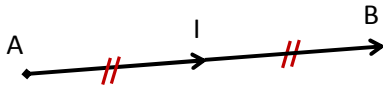
منتصف قطعة

نتيجة 1

I منتصف القطعة $[AB]$ يعني $\overrightarrow{AI} = \overrightarrow{IB}$

I منتصف القطعة $[AB]$ يعني $\overrightarrow{IA} + \overrightarrow{IB} = \vec{0}$

I منتصف القطعة $[AB]$ يعني $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$



نتيجة 2

إذا كانت I منتصف القطعة $[AB]$ وكانت M

نقطة من المستوى فإن: $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2 \overrightarrow{MI}$