

المعادلات و المتراجحات
من الدرجة الأولى
بمجهول واحد

التمرين 1

حل في $\mathbb{R}$ المعادلات التالية :

(1) $6x = 8$ ؛ $3x = 0$ ؛ $2x - 8 = 0$ ؛ $\frac{3}{4}x = \sqrt{2}$

$4x - 5 = -x + 11$ ؛ $-\frac{1}{2}x + \frac{2}{5} = 1 - \frac{1}{4}x$

$x - 7 = \frac{x-3}{7} - \frac{2x+1}{3}$ ؛ $x + \frac{-11x+3}{21} = \frac{3x-2}{3} - \frac{x-1}{4}$

(2) $2(x-5) - 3 = 6x - 4(3x+1)$ ؛ $(1-\sqrt{2})x = 10\sqrt{2} - x\sqrt{2}$

(3) $5x^2 - 10x = 0$ ؛ $(x+2)(2x-1) = 0$ ؛ $(2x-3)(5x+1) - (x+1)(2x-3) = 0$

$(4x-5)(1-2x) - (4x-5)^2 = 0$ ؛ $(x-3)^2 - (2x+1)^2 = 0$

$x^3 - 1 + 3(x^2 - 1) = 0$ ؛ $(x-5)(3x-4) - 9x^2 + 16 = 0$

$x^3 - 8 + 2(x^2 - 4) + 3x - 6 = 0$ ؛ $x^3 - 2x^2 + 10 - 5x = 0$

التمرين 5

حل في $\mathbb{R}^2$ المعادلات التالية :

1. $3x - y + 2 = 0$ 2. $x - 4y - 1 = 0$

3. $\frac{3}{4}x + \frac{5}{2}y - \frac{1}{2} = 0$ 4. $2\sqrt{2}x - 3y + \sqrt{10} = 0$

5. $3x - 12 = 0$ 6. $-2y + 4 = 0$

التمرين 6

حل في $\mathbb{R}$ المتراجحات التالية :

1. $3x - 1 - 2(x+5) \leq -6 + 3(1-2x)$ 2. $(1-\sqrt{2})x - 5 \leq 0$

3. $\frac{3}{2}x - \frac{x+1}{5} \geq \frac{x-2}{10} + \frac{1}{2}$

4. $\frac{x-5}{24} - \frac{1-2x}{8} > \frac{3x-2}{12} + \frac{-2x}{3}$ 5. $\frac{3x-1}{\sqrt{3}-3} < \frac{3x-2}{\sqrt{3}+3}$

التمرين 7

حل في $\mathbb{R}$ المتراجحات التالية :

1. $|x| \leq 7$ 2. $|2x-1| \leq 3$ 3. $|x-2| > 4$

4. $|3x+2| \leq 0$ 5. $|x+5| \geq 0$ 6. $|2x+5| < |4-3x|$

7. $1 \leq |2x-5| \leq 3$ 8. $|x-1| + |2x-3| < 7$

9. $||x+5| - 7| < 4$

التمرين 8

حل في $\mathbb{R}$ المتراجحات التالية :

1. $\sqrt{x} \leq 7$ 2. $\sqrt{3-2x} > \sqrt{x+6}$

3. $\sqrt{1-x} - \sqrt{1-x^2} \leq 0$ 4. $\sqrt{x^2+4x+4} \leq 3$

5. $\sqrt{x^2+2x} - \sqrt{2x-3} > 0$

التمرين 9

حل في $\mathbb{R}$ المتراجحات التالية :

1. $(x-2)(x+3) \leq 0$ 2. $(1-3x)(2x-1)(x+1) \geq 0$

3. $x^2 + 3x < 0$ 4. $36x^2 - 49 \leq 0$ 5. $x^2 + 6x + 9 \geq 0$

6. $(x-5)(3x-4) - 9x^2 + 16 \leq 0$

7. $(3x-8)(2x-5) < 4x^2 - 20x + 25$

التمرين 10

حل في $\mathbb{R}$ المتراجحات التالية :

1. $\frac{x-2}{x+3} \leq 0$ 2. $\frac{x-3}{2x+1} \geq 3$ 3. $\frac{10x-1}{x-2} > -\sqrt{2}$

4. $\frac{1-x}{3x} + \frac{2}{2-x} \geq 0$ 5. $\frac{x^2-1}{x-2} < x+1$

التمرين 2

حل في $\mathbb{R}$ المعادلات التالية :

1. $|x| = 7$

2. $|\sqrt{2}x| = 5$

3. $|x| = -11$

4. $|3x-1| = 14$

5. $|4x-5| = 0$

6. $2|x| + 6 = 0$

7. $5|x| - 3 = 0$

8. $\left|\frac{2x}{3}\right| - 1 = \frac{1}{2}$

9. $|x-2| = 2x-1$

10. $|2x-3| = |2-x|$

11. $|2|x|-3| = 3$

12. $|x-4| + |7-x| = 6 - 2|x|$

التمرين 3

حل في $\mathbb{R}$ المعادلات التالية :

1. $\frac{x+3}{8-x} = 0$

2. $\frac{x^2-9}{5x} = 0$

3. $\frac{x+4}{2x-1} = \frac{-2}{3}$

4. $\frac{3}{x-1} - \frac{5}{x+3} = 0$

5. $\frac{6}{2x+1} = 2x-1$

6. $\frac{6x-1}{3x-2} = \frac{3x-2}{6x+1}$

7. $\frac{6x-1}{3x-2} = \frac{6x+1}{3x+2}$

8. $\frac{1}{x-8} = \frac{1}{2x+5}$

التمرين 4

حل في $\mathbb{R}$ المعادلات التالية :

$\sqrt{x^2-1} + x = 4$ • $\sqrt{4-3x} = \sqrt{x+5}$ • $\sqrt{x} = 5$

$2\sqrt{2x} = \sqrt{x^2-9}$ • $\sqrt{x^2-1} = |x|$