

الأستاذ:
نجيب
عثماني

سلسلة تمارين: المعادلات والمتراجحات
والنظم
المستوى : الجذع مشترك علمي و الجذع مشترك
تكنولوجي

أكاديمية
الجهة
الشرقية

تمرين 11: نعتبر المعادلة $0 = 2001x^2 - 2016x + 1$

بين أن العدد 1 حل للمعادلة (E) ثم حدد الحل الثاني.

تمرين 12: نعتبر المعادلة : $-2x^2 + \sqrt{2}x + 2 = 0$

1. بين أن المعادلة (E) تقبل حلين مختلفين α و β بدون

حسابهما

2. استنتاج قيم ما يلي: $\alpha + \beta$ و $\alpha \times \beta$ و $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ و $\alpha^2 + \beta^2$

$$\alpha^3 + \beta^3 \quad \text{و} \quad \frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta}$$

تمرين 13: عمل ثلاثة الحدود التالية ان أمكن :

$$R(x) = 6x^2 - x - 1$$

تمرين 14: عمل ثلاثيات الحدود التالية :

$$3x^2 + x + 2 \quad (3) \quad x^2 - 3x + 2 \quad (2) \quad x^2 - 10x + 25 \quad (1)$$

تمرين 15: عمل ثلاثيات الحدود التالية :

$$3x^2 - 6x + 3 \quad (3) \quad 4x^2 - 8x + 3 \quad (2) \quad 2x^2 - 4x + 6 \quad (1)$$

تمرين 16:

1. أدرس إشارة الحدوية $P(x) = 2x^2 - 3x + 1$

2. حل في \mathbb{R} المتراجحة : $2x^2 - 3x + 1 \geq 0$

تمرين 17:

1. أدرس إشارة الحدوية $P(x) = -2x^2 + 4x - 2$

2. حل في \mathbb{R} المتراجحة : $-2x^2 + 4x - 2 > 0$

تمرين 18:

1) أدرس إشارة الحدوية $P(x) = 3x^2 + 6x + 5$

2) حل في \mathbb{R} المتراجحة : $3x^2 + 6x + 5 < 0$

تمرين 19:

حل في \mathbb{R} المتراجحات التالية :

$$4x^2 - 8x + 3 \leq 0 \quad (1) \quad 2x^2 - 4x + 6 \geq 0 \quad (2)$$

$$x^2 - 3x - 10 < 0 \quad (3)$$

تمرين 20: نعتبر في المجموعة \mathbb{R}^2 المعادلة :

$$2x + 3y = 2$$

1) تأكّد أن الزوج $\left(0, \frac{2}{3}\right)$ حل للمعادلة: 2

2) اعط ثلاث أزواج حلول للمعادلة: 2

3) حل في \mathbb{R}^2 المعادلة : $2x + 3y = 2$

تمرين 21: حل في \mathbb{R}^2 المعادلات التالية :

$$-3x + 12y - 2 = 0 \quad (2) \quad 2x - 8y + 10 = 0 \quad (1)$$

$$7x - 14y + 1 = 0 \quad (3)$$

تمرين 1: حل في \mathbb{R} المعادلات التالية :

$$3(2x + 5) = 6x - 1 \quad (2) \quad -2x + 22 = 0 \quad (1)$$

$$9x^2 - 16 = 0 \quad (4) \quad 4(x - 2) = 6x - 2(x + 4) \quad (3)$$

$$\frac{(x - 7)(x + 3)}{x^2 - 9} = 0 \quad (5)$$

تمرين 2: حل في \mathbb{R} المعادلات التالية :

$$\frac{x + 1}{2} + 4 = \frac{2x - 5}{10} + \frac{2(x + 10)}{5} \quad (1)$$

$$x^3 - 7x = 0 \quad (2)$$

$$(5x - 7)^2 - (5x - 7)(2x + 3) = 0 \quad (3)$$

$$\frac{(x - 1)(x + 2)}{x^2 - 16} = 0 \quad (4)$$

$$\frac{x + 1}{x + 2} = \frac{x - 5}{x - 2} \quad (5)$$

تمرين 3: حدد إشارة الحدائيات التالية :

$$2x + 1 \quad (1)$$

$$-x + 2 \quad (2)$$

تمرين 4:

حل في \mathbb{R} المتراجحة التالية : $3x + 6 \geq 0$

تمرين 5: حل في مجموعة الأعداد الحقيقة المتراجحات التالية:

$$5x - 15 \leq 0 \quad (2) \quad -2x + 12 > 0 \quad (1)$$

$$(1 - x)(2x + 4) > 0 \quad (4) \quad 4x^2 - 9 \geq 0 \quad (3)$$

$$\frac{(2x + 1)(5x - 10)}{2x - 6} \leq 0 \quad (6) \quad \frac{5x - 2}{1 + 3x} \geq 0 \quad (5)$$

تمرين 6:

1) هل العدد -1 حل للمعادلة $? \quad 3x^2 + 5x + 2 = 0$

2) هل العدد $\sqrt{3}$ حل للمعادلة $? \quad x^2 + (1 - \sqrt{3})x - \sqrt{3} = 0$

تمرين 7: حدد الشكل القانوني للحدوية $P(x) = 2x^2 + 5x + 2$:

تمرين 8: حدد الشكل القانوني لثلاثية الحدود: $2x^2 + 6x + 15$

تمرين 9: حل في \mathbb{R} المعادلات التالية :

$$3x^2 + x + 2 = 0 \quad (1)$$

$$x^2 - 10x + 25 = 0 \quad (2)$$

$$x^2 - 3x + 2 = 0 \quad (3)$$

تمرين 10: حل في \mathbb{R} المعادلات التالية :

$$2x^2 - 2\sqrt{2}x + 1 = 0 \quad (2) \quad 6x^2 - 7x - 5 = 0 \quad (1)$$

$$4x^2 - 8x + 3 = 0 \quad (4) \quad 3x^2 + x + 2 = 0 \quad (3)$$

$$x^2 + 5x + 7 = 0 \quad (6) \quad x^2 - 4x + 2 = 0 \quad (5)$$

$$x^2 - 4x - 21 = 0 \quad (8) \quad 2x^2 - 4x + 6 = 0 \quad (7)$$

$$3x^2 - 6x + 3 = 0 \quad (9)$$

تمرين 22: حل في \mathbb{R}^2 المعادلات التالية :

$$2) \quad x+5=y+5 \quad 1) \quad 2x-y+1=2y-2x+5$$

$$3) \quad 3x+2y-2=2y-2 \quad 4) \quad x+y=2x-1$$

تمرين 23: نعتبر الحدوية $(x) P$ بحيث :

$$P(x)=x^3-\sqrt{2}x^2-x+\sqrt{2}$$

1. بين أن 1- هو جذر للحدوية $(x) P$

$$P(x)=(x+1)(x^2-(\sqrt{2}+1)x+\sqrt{2})$$

$$Q(x)=x^2-(\sqrt{2}+1)x+\sqrt{2}$$

$$\Delta=(\sqrt{2}-1)^2 \quad \text{نتأكد أن } Q(x) \text{ هو مميز ثلاثة الحدود}$$

$$Q(x)=0 \quad \text{حل في } \mathbb{R} \text{ المعادلة}$$

$$x-(\sqrt{2}+1)\sqrt{x}+\sqrt{2}=0 : \quad \text{استنتج حلول المعادلة}$$

$$P(x)=0 \quad \text{حل في } \mathbb{R} \text{ المعادلة}$$

$$P(x) \leq 0 \quad \text{حل في } \mathbb{R} \text{ المتراجحة}$$

$$\Delta=24: \quad \text{نعتبر المعادلة } x^2+(2\sqrt{3}-\sqrt{2})x-2\sqrt{6}=0$$

$$1. \quad \text{نضع: } \Delta \text{ هو مميز ثلاثة الحدود } P(x) \text{ تتأكد أن } \Delta=14+4\sqrt{6}$$

$$2. \quad \text{اما الفراغات التالية: } |...+...|^2=14+4\sqrt{6}$$

$$3. \quad \text{حل في } \mathbb{R} \text{ المعادلة } P(x)=0$$

$$4. \quad \text{حل في } \mathbb{R} \text{ المتراجحة: } P(x)>0$$

$$5. \quad \text{استنتاج حلول المعادلة: } x+(2\sqrt{3}-\sqrt{2})\sqrt{x}-2\sqrt{6}=0$$

تمرين 25: حل في \mathbb{R}^2 النظمة التالية:

$$\begin{cases} 4x+y=10 \\ -5x+2y=-19 \end{cases}$$

باستعمال طريقة التعويض

$$\begin{cases} 4x+y=10 \\ -5x+2y=-19 \end{cases} \quad \text{حل في } \mathbb{R}^2 \text{ النظمة التالية:}$$

باستعمال طريقة التأليف الخطية

$$(1) \begin{cases} x+2y=4 \\ -x+4y=2 \end{cases} \quad \text{حل في } \mathbb{R}^2 \text{ النظمة التالية:}$$

باستعمال طريقة المحددة

تمرين 28: باستعمال طريقة مناسبة

حل في \mathbb{R}^2 النظمات التالية :

$$\begin{cases} 3x-4y=2 \\ -x+\frac{4}{3}y=-\frac{1}{3} \end{cases} \quad (2) \quad \begin{cases} x-2y=1 \\ -2x+4y=-2 \end{cases} \quad (1)$$

$$\begin{cases} x+y=11 \\ x^2-y^2=44 \end{cases} \quad (4) \quad \begin{cases} (\sqrt{5}-\sqrt{3})x+(\sqrt{2}-1)y=0 \\ (\sqrt{2}+1)x+(\sqrt{5}+\sqrt{3})y=1 \end{cases} \quad (3)$$

تمرين 29: حل في \mathbb{R}^2 النظمة التالية :

$$(1) \begin{cases} -7x-3y=4 \\ 4x+5y=-2 \end{cases} \quad (2) \quad \text{استنتاج حلول النظمة التالية:}$$

$$\begin{cases} \frac{-7}{x}-\frac{3}{y}=4 \\ \frac{4}{x}+\frac{5}{y}=-2 \end{cases}$$

تمرين 30: حل في \mathbb{R}^2 النظمة التالية :

$$\begin{cases} \frac{5}{x-1}+\frac{3}{y-2}=4 \\ \frac{-2}{x-1}+\frac{1}{y-2}=1 \end{cases}$$

تمرين 31: حل في \mathbb{R}^2 النظمة التالية :

$$\begin{cases} 2\sqrt{x}+\sqrt{y}=6 \\ -3\sqrt{x}+5\sqrt{y}=17 \end{cases}$$

تمرين 32: حل في \mathbb{R}^2 النظمة التالية :

$$\begin{cases} 2x^2-5y^2=1 \\ 4x^2+3y^2=15 \end{cases}$$

تمرين 33: حل في \mathbb{R}^2 النظمة التالية :

$$\begin{cases} (x^2-3x+1)+(y^2-5x+4)=-3 \\ 2(x^2-3x+1)-3(y^2-5x+4)=4 \end{cases}$$

تمرين 34: حل مبيانيا في \mathbb{R}^2 المتراجحة التالية:

$$2x-y-2 < 0$$

تمرين 35: حل مبيانيا في \mathbb{R}^2 المتراجحة التالية:

$$x-y-3 \geq 0$$

تمرين 36: حل مبيانيا في \mathbb{R}^2 المتراجحة التالية:

$$2x-y < 0$$

تمرين 37: حل مبيانيا في \mathbb{R}^2 المتراجحة التالية:

$$3x+2y < 2x+2y-1$$

تمرين 38: حل مبيانيا النظمة التالية:

$$(S_1) \begin{cases} x+y-1 > 0 \\ -x+2y+2 < 0 \end{cases}$$

تمرين 39: حل مبيانيا النظمة التالية:

$$(S) \begin{cases} 2x+y-3 > 0 \\ -x+y+5 < 0 \\ x < 4 \end{cases}$$

تمرين 40: أحسب طول عرض مستطيل اذا علمت أن طوله يزيد

عن عرضه ب $2cm$ وأن مساحته تساوي $15cm^2$