

(3) المجالات

$$[a, b] = \{x \in \mathbb{R} / a \leq x \leq b\} \quad (a)$$

$$[a, b[= \{x \in \mathbb{R} / a \leq x < b\} \quad (a)$$

$$]a, b] = \{x \in \mathbb{R} / a < x \leq b\} \quad (a)$$

$$]a, b[= \{x \in \mathbb{R} / a < x < b\} \quad (a)$$

$$[a, +\infty[= \{x \in \mathbb{R} / x \geq a\} \quad (a)$$

$$]a, +\infty[= \{x \in \mathbb{R} / x > a\} \quad (a)$$

$$]-\infty, a] = \{x \in \mathbb{R} / x \leq a\} \quad (a)$$

$$]-\infty, a[= \{x \in \mathbb{R} / x < a\} \quad (a)$$

(4) التآطير

تعريف: كل متفاوتة من المتفاوتات : $a < x < b$ و $a \leq x < b$ و $a < x \leq b$ و $a \leq x \leq b$ تسمى تآطيرا للعدد x سعته $b - a$.

(5) القيمة المقربة

(i) إذا أردنا أن نبين أن x_0 قيمة مقربة بتقريب للعدد x بالدقة r ، نقوم

$$0 \leq x - x_0 \leq r \quad \text{بتأطير } x - x_0 \text{ و سنجد}$$

(ii) إذا أردنا أن نبين أن x_0 قيمة مقربة بإفراط للعدد x بالدقة r ، نقوم

$$-r \leq x - x_0 \leq 0 \quad \text{بتأطير } x - x_0 \text{ و سنجد}$$

(iii) إذا أردنا أن نبين أن x_0 قيمة مقربة للعدد x بالدقة r ، نقوم

$$-r \leq x - x_0 \leq r \quad \text{بتأطير } x - x_0 \text{ و سنجد}$$

$$|x - x_0| \leq r \quad \text{يعني}$$

(b) إذا أردنا أن نحدد قيمة مقربة للعدد x نقوم بتأطير العدد x و سنجد

$$a \leq x \leq b : \text{ومن هنا نستنتج أن ما يلي :}$$

(i) a هي القيمة المقربة بتقريب للعدد x بالدقة $r = b - a$

(ii) b هي القيمة المقربة بإفراط للعدد x بالدقة $r = b - a$

(iii) $\frac{a+b}{2}$ هي القيمة المقربة للعدد x بالدقة $r = \frac{b-a}{2}$

(c) ملاحظة

يمكن تحديد قيمة مقربة للعدد x مباشرة إذا كانت لدينا إحدى التآطيرات التالية :

(i) $0 \leq x - x_0 \leq r$ وستكون x_0 قيمة مقربة بتقريب للعدد x بالدقة r

(ii) $-r \leq x - x_0 \leq 0$ وستكون x_0 قيمة مقربة بإفراط للعدد x بالدقة r

(iii) $-r \leq x - x_0 \leq r$ أو $|x - x_0| \leq r$ وستكون x_0 قيمة مقربة للعدد x بالدقة r

(d) التقريب العشري

ليكن x من $\mathbb{R}$.

(i) العدد العشري $\frac{E(10^n x)}{10^n}$ يسمى القيمة العشرية المقربة بتقريب للعدد x

بالدقة 10^{-n} .

(i) العدد العشري $\frac{E(10^n x)}{10^n} + 1$ يسمى القيمة العشرية المقربة بإفراط للعدد x

بالدقة 10^{-n} .

$$(*) \text{ إذا كان } \begin{cases} a \leq b \\ b < c \end{cases} \text{ فإن } a < c.$$

$$(f) (*) \text{ إذا كان } \begin{cases} a \leq b \\ c \leq d \end{cases} \text{ فإن } a + c \leq b + d \text{ والعكس غير صحيح.}$$

$$(*) \text{ إذا كان } \begin{cases} a \leq b \\ c < d \end{cases} \text{ فإن } a + c < b + d$$

$$(g) (*) \text{ إذا كان } \begin{cases} a \leq b \\ c \geq 0 \end{cases} \text{ فإن } ac \leq bc$$

$$(*) \text{ إذا كان } \begin{cases} a \leq b \\ c \leq 0 \end{cases} \text{ فإن } ac \geq bc.$$

$$(f) (*) \text{ إذا كان } \begin{cases} 0 \leq a \leq b \\ 0 \leq c \leq d \end{cases} \text{ فإن } ac \leq bd \text{ والعكس غير صحيح.}$$

$$(*) \text{ إذا كان } \begin{cases} 0 \leq a \leq b \\ 0 < c < d \end{cases} \text{ فإن } ac < bd$$

$$(i) \text{ ليكن } a > 0 \text{ و } b > 0. (*) \text{ } a \leq b \text{ يكافئ } \frac{1}{a} \geq \frac{1}{b}$$

$$(j) \text{ ليكن } a < 0 \text{ و } b < 0. (*) \text{ } a \leq b \text{ يكافئ } \frac{1}{a} \geq \frac{1}{b}$$

$$(k) \text{ ليكن } a \geq 0 \text{ و } b \geq 0. (*) \text{ } a \leq b \text{ يكافئ } a^2 \leq b^2$$

$$(l) \text{ ليكن } a \leq 0 \text{ و } b \leq 0. (*) \text{ } a \leq b \text{ يكافئ } a^2 \geq b^2$$

$$(m) \text{ ليكن } a \text{ و } b \text{ من } \mathbb{R}. (*) \text{ } |a| \leq |b| \text{ يكافئ } a^2 \leq b^2$$

$$(n) \text{ إذا كان } a \text{ و } b \text{ نفس الإشارة و } a + b = 0 \text{ فإن } a = 0 \text{ و } b = 0$$

ملاحظة

إذا كان العددين a و b يحتويان على الجذور المربعة ، لكي نقارن a و b يكفي مثلا أن نقارن a^2 و b^2 ونتحقق من إشارة a و b ثم نستعمل الخاصيتين (k) و (l).

(2) القيمة المطلقة

تعريف: ليكن x من $\mathbb{R}$. القيمة المطلقة للعدد x هي العدد الذي نرمز له

$$|x| = \begin{cases} x & ; x \geq 0 \\ -x & ; x \leq 0 \end{cases}$$

ب $|x|$ والمعروف بما يلي :

(*) إذا كان $x \geq 0$ فإن القيمة المطلقة للعدد x هي نفسه .

(*) إذا كان $x \leq 0$ فإن القيمة المطلقة للعدد x هي مقابله .

خاصيات

$$(*) \text{ (a) } |x| \geq 0 \quad (*) \text{ (a) } |-x| = |x|$$

$$(*) \text{ (b) } |xy| = |x| |y| \quad (*) \text{ (b) } |x^n| = |x|^n \quad (*) \text{ (b) } \left| \frac{x}{y} \right| = \frac{|x|}{|y|}$$

$$(*) \text{ (b) } |x| = r \text{ يكافئ } x = r \text{ أو } x = -r.$$

$$(*) \text{ (b) } |x| = |y| \text{ يكافئ } x = y \text{ أو } x = -y.$$

$$(*) \text{ (c) } |x| \leq r \text{ يكافئ } -r \leq x \leq r$$

$$(*) \text{ (c) } |x| \geq r \text{ يكافئ } x \leq -r \text{ أو } x \geq r$$