

مبادئ في الحسابيات

التمرين السادس:

ليكن n عددًا صحيحًا طبيعيًا فرديًا :

$$1 - \text{بين أن } 8 \text{ يقسم } 1 - n^2$$

$$2 - \text{استنتج أن } 16 \text{ يقسم } 1 - n^4$$

3 - ليكن a و b عددين صحيحين فرديين بحيث :

$$\text{بين أن } 8 \text{ يقسم } 2 - a^2 + b^2$$

التمرين السابع:

$$a = 2^5 \times 5^2 \times 7^3 \text{ تعتبر العدد :}$$

$$1 - \text{تأكد أن العدد } 28 \text{ يقسم } a;$$

2 - حدد أصغر عدد صحيح طبيعي k حيث ka مربع كامل؛

3 - حدد أصغر عدد صحيح طبيعي m حيث ma مكعب كامل؛

التمرين الثامن:

ليكن a و b عددين صحيحين طبيعيين بحيث :

$$a \geq b \text{ و } a \wedge b = 24$$

1 - ماهي العوامل الأولية المشتركة للعددين a و b ؛

2 - إذا علمت أن : $a \times b = 3456$ فاحسب $a \vee b$ ثم

استنتج كل من العددين a و b .

التمرين التاسع:

ليكن a و b عددين صحيحين طبيعيين بحيث :

$$b = 16200 \text{ و } a = 1008$$

1 - فك العددين a و b ؛

2 - حدد $a \vee b$ و $a \wedge b$ ؛

3 - بسط العددين : $\frac{1008}{16200}$ و $\sqrt{16200}$ ؛

التمرين العاشر:

$$1 - \text{أذ } a = (10^6 - 1)^3 \text{ شر العدد } 1$$

2 - استنتج باقي قسمة العدد 999999^3 على 5؛

التمرين الأول:

حدد القاسم المشترك الأكبر والمضاعف المشترك الأصغر للعددين a و b في كل حالة من الحالات التالية :

$$a = 102, b = 408 - 1$$

$$a = 214, b = 816 - 2$$

$$a = 196, b = 825 - 3$$

التمرين الثاني:

لتكن m و n عددين صحيحين طبيعيين. حدد زوجية كل من الأعداد التالية :

$$n^2 + 13n + 17 - 2, n^2 + 3n - 1$$

$$6m^2 + 14n + 7 - 4, 3n + 2 - 3$$

التمرين الثالث:

لتكن m و n عددين صحيحين طبيعيين حيث $m > n$.

1 - بين أن للعددين n و $m - n$ نفس الزوجية.

2 - حدد قيم كل من n و m حيث : $m^2 - n^2 = 9$

التمرين الرابع:

1 - حدد العددين n و m في كل حالة من الحالات التالية :

$$x + y + xy = 4, \text{ ب - } (x + 2)(y + 3) = 15$$

$$\text{ج - } x + 5y + xy = 10$$

2 - ليكن a عدد صحيح طبيعي :

نضع : $b = 5^{n+1} + 7 \times 5^n$ و $a = 5^{n+2} - 5^n$

أ - بين أن a مضاعف لعدد 3.

ب - بين أن b مضاعف للعدد 12.

ج - أعط تفكيك للعددين a و b إلى جداء عوامل أولية

د - حدد $a \vee b$

التمرين الخامس:

نعتبر العددين : $b = 1386$ و $a = 4200$

1 - فك العددين a و b إلى جداء عوامل أولية.

2 - استنتج $a \vee b$ و $a \wedge b$

3 - حدد عددًا صحيحًا طبيعيًا c لكي يكون ac مربعاً كاملاً.