

مبادئ في الحسابيات

التمرين الأول:

حدد القاسم المشترك الأكبر والمضاعف المشترك الأصغر للعددين a و b في كل حالة من الحالات التالية:

$$1 - b = 408, a = 102$$

$$2 - b = 816, a = 214$$

$$3 - b = 825, a = 196$$

التمرين الثاني:

تكن m و n عددين صحيحين طبيعيين. حدد زوجية كل من الأعداد التالية:

$$1 - n^2 + 3n, \quad 2 - n^2 + 13n + 17$$

$$3 - 3n + 2, \quad 4 - 6m^2 + 14n + 7$$

التمرين الثالث:

تكن m و n عددين صحيحين طبيعيين حيث $m > n$.

1 - بين أن للعددين $m+n$ و $m-n$ نفس الزوجية.

2 - حدد قيم كل من m و n حيث: $m^2 - n^2 = 9$

التمرين الرابع:

1 - حدد العددين m و n في كل حالة من الحالات التالية:

$$أ - (x+2)(y+3) = 15, \quad ب - x + y + xy = 4$$

$$ج - x + 5y + xy = 10$$

2 - ليكن a عدد صحيح طبيعي:

$$نضع: a = 5^{n+2} - 5^n \text{ و } b = 5^{n+1} + 7 \times 5^n$$

أ - بين أن a مضاعف لعدد 3.

ب - بين أن b مضاعف للعدد 12.

ج - أعط تفكيك للعددين a و b إلى جداء عوامل أولية

د - حدد $a \vee b$

التمرين الخامس:

نعتبر العددين: $a = 4200$ و $b = 1386$

1 - فكك العددين a و b إلى جداء عوامل أولية.

2 - استنتج $a \wedge b$ و $a \vee b$

3 - حدد عددا صحيحا طبيعيا c لكي يكون ac مربعا

كاملا.

التمرين السادس:

ليكن n عددا صحيحا طبيعيا فرديا:

1 - بين أن 8 يقسم $n^2 - 1$

2 - استنتج أن 16 يقسم $n^4 - 1$

3 - ليكن a و b عددين صحيحين فرديين بحيث:

بين أن 8 يقسم $a^2 + b^2 - 2$

التمرين السابع:

نعتبر العدد: $a = 2^5 \times 5^2 \times 7^3$

1 - تأكد أن العدد 28 يقسم a ؛

2 - حدد أصغر عدد صحيح طبيعي k حيث ka مربع كامل؛

3 - حدد أصغر عدد صحيح طبيعي m حيث ma مكعب كامل؛

التمرين الثامن:

تكن a و b عددين صحيحين طبيعيين بحيث:

$$a \wedge b = 24 \text{ و } a \geq b$$

1 - ماهي العوامل الأولية المشتركة للعددين a و b ؛

2 - إذا علمت أن: $a \times b = 3456$ فأحسب $a \vee b$ ثم استنتج كل من العددين a و b .

التمرين التاسع:

تكن a و b عددين صحيحين طبيعيين بحيث:

$$a = 1008 \text{ و } b = 16200$$

1 - فكك العددين a و b ؛

2 - حدد $a \wedge b$ و $a \vee b$ ؛

3 - بسط العددين: $\frac{1008}{16200}$ و $\sqrt{16200}$ ؛

التمرين العاشر:

1 - أُنشُر العدد $a = (10^6 - 1)^3$ ؛

2 - استنتج باقي قسمة العدد 999999^3 على 5؛