

## تمارين : مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية و مبادئ في الحسابيات

### تمرين 1

- 1- حدد مضاعفات العدد 14 الأصغر من 200
- 2- حدد قواسم العدد 1470
- 3- حدد المضاعفات المشتركة للعددين  $a$  و  $b$  في الحالات التالية:  
أ-  $b = 79$  و  $a = 37$       ب-  $b = 70$  و  $a = 42$       ج-  $b = 65$  و  $a = 46$       د-  $b = 76$  و  $a = 14$
- 4- حدد القواسم المشتركة للعددين  $a$  و  $b$  في الحالات التالية:  
أ-  $b = 67$  و  $a = 54$       ب-  $b = 35$  و  $a = 83$       ج-  $b = 80$  و  $a = 336$       د-  $b = 42$  و  $a = 52$

### تمرين 2

- 1- هل الأعداد التالية أولية 49 ، 239 ، 387 ، 407 ، 1559 ، 8367 ، 1650 ، 5292
- 2- فك الأعداد التالية إلى جداء عوامل أولية

### تمرين 3

- 1- حدد المضاعف المشتركة الأصغر للعددين  $a$  و  $b$  في الحالات التالية:  
أ-  $b = 42$  و  $a = 27$       ب-  $b = 37$  و  $a = 19$       ج-  $b = 72$  و  $a = 35$
- 2- حدد القاسم المشتركة الأكبر للعددين  $a$  و  $b$  في الحالات التالية:  
أ-  $b = 81$  و  $a = 126$       ب-  $b = 37$  و  $a = 19$       ج-  $b = 72$  و  $a = 35$

### تمرين 4

في الحالات التالية حدد الأرقام  $a$ ,  $b$ ,  $c$  علماً أن:

- 1- العدد  $23a4$  يقبل القسمة على 3
- 2- العدد  $23a4$  يقبل القسمة على 3 ولا يقبل القسمة على 9
- 3- العدد  $23b5c$  يقبل القسمة على 3 وعلى 5

### تمرين 5

ليكن  $n$  و  $m$  عددين صحيحين طبيعيين حيث  $n \leq m$  و  $PGCD(m; n) = 24$

- 1- ما هي العوامل الأولية المشتركة للعددين  $n$  و  $m$
- 2- إذا علمت أن  $m \cdot n = 3456$  فاحسب  $PPCM(m; n)$  ثم استنتج  $n$

### تمرين 6

- 1- تأكد أن العدد  $a$  يقبل 24 قاسماً
- 2- حدد أصغر عدد صحيح طبيعي  $k$  حيث  $ka$  مربع كامل (أي مربع عدد صحيح طبيعي)
- 3- حدد أصغر عدد صحيح طبيعي  $m$  حيث  $ma$  مكعب لعدد صحيح طبيعي

### تمرين 7

- 1- بين أن مجموع خمسة أعداد صحيحة طبيعية متتالية هو عدد صحيح طبيعي يقبل القسمة على 5
- 2- ليكن  $a$  عدد صحيح طبيعي  
بين أن  $a(a+1)(a+2)(a+3)+1$  مربع كامل

### تمرين 8

- 1- أنشر  $(n+1)^2 - n^2$
- 2- استنتاج أن كل عدد فردي يكتب على شكل فرق مربع عددين صحيحين طبيعيين متتالين.
- 3- طبق الاستنتاج السابق على الأعداد 17 ، 45 ، 101

## تمرين 9

ليكن  $n$  عدداً صحيحاً طبيعياً  
أدرس زوجية كل من  $n(n+1)$  و  $n+1$  و  $n+2$  و  $4n^2+4n+1$  و  $3n^2+n$

## تمرين 10

ليكن  $n$  و  $m$  عددين صحيحين طبيعيين حيث  $n > m$

- أثنان  $n+m$  و  $m-n$  لهما نفس الزوجية
- حل المعادلة  $n^2 - m^2 = 196$

## تمرين 11

ليكن  $n$  عدداً صحيحاً طبيعياً فردياً

- تأكد أن  $n^2$  مضاعف للعدد 8 في الحالات التالية  $n=7$  ;  $n=5$  ;  $n=3$  ;  $n=1$
- بين أن  $n^2$  مضاعف للعدد 8 كيما كان العدد الصحيح الطبيعي الفردي  $n$

## تمرين 12

ليكن  $n$  و  $m$  و  $k$  أعداد صحيحة طبيعية  
بين أنه إذا كان  $3n+2m$  و  $7n+5m$  مضاعفين للعدد  $k$  فإن  $n$  و  $m$  مضاعفين للعدد  $k$ .

## تمرين 13

- أنشر  $(10^6 - 1)^3$
- استنتج باقي القسمة للعدد  $999999^3$  على 5

## تمرين 14

- حل المعادلة  $(x; y) \in \mathbb{N}^2$   $(x+1)(y+6) = 35$
- حدد  $x$  و  $y$  من  $\mathbb{N}$  حيث  $x+y=504$  و  $PGCD(x; y) = 24$
- حدد الأرقام  $x$  و  $y$  بحيث العدد الصحيح الطبيعي  $11x1y$  قابل للقسمة على 28

## تمرين 15

ليكن  $n$  و  $k$  من  $\mathbb{N}$

- تأكد إذا كانت  $n = 5k+1$  أو  $n = 5k+4$  يقبل القسمة على 5
- تأكد إذا كانت  $n = 5k+2$  أو  $n = 5k+3$  يقبل القسمة على 5
- بين أنه مهما كان  $n$  من  $\mathbb{N}$  فإن العدد  $n(n^4 - 1)$  يقبل القسمة على 5