

|                                                     |                |                                      |
|-----------------------------------------------------|----------------|--------------------------------------|
| المستوى : الجذع مشترك علمي<br>الأستاذ : عثمانى نجيب | مادة الرياضيات | أكاديمية الجهة الشرقية<br>نيابة وجدة |
|-----------------------------------------------------|----------------|--------------------------------------|

## مذكرة رقم 1 في مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية و مبادئ أولية في الحسابيات

### الأهداف القدرات المنتظرة من الدرس :

- التعرف على المجموعة  $\mathbb{N}$ .
- التعرف على مضاعفات و قواسم عدد.
- التمييز بين الأعداد الزوجية و الأعداد الفردية.
- التعرف على مصاديق قابلية القسمة على 2 و 3 و 4 و 5 و 9.
- التعرف على عدد أولي.
- استعمال تقنيات تفكير عدد صحيح طبيعي إلى جداء عوامل أولية.
- توظيف التفكير في تحديد القاسم المشترك الأكبر و المضاعف المشترك الأصغر.
- توظيف خوارزمية إقليدس في تحديد القاسم المشترك الأكبر.
- توظيف الزوجية و تفكير عدد إلى جداء عوامل أولية في حل بعض المسائل البسيطة حول الأعداد الصحيحة الطبيعية.

| الأعداد | a     | b     | a+b   | a-b   | a x b |
|---------|-------|-------|-------|-------|-------|
| زوجية   | زوجي  | زوجي  | زوجي  | زوجي  | زوجي  |
| الأعداد | فردية | فردية | زوجي  | زوجي  | فردية |
|         | فردية | زوجي  | فردية | فردية | زوجي  |
|         | زوجي  | فردية | فردية | فردية | زوجي  |

**مثال:** أدرس زوجية الأعداد:  $12^2$  و  $15 \times 1731$

**تمرين:**  $n \in \mathbb{N}$  أدرس زوجية الأعداد التالية:

$$4516 \quad 4 \times 51 + 1 \quad 2n + 4 \quad 4n + 9 \quad 4n^2 + 4n + 1 \quad 6n^2 + 12n$$

**الجواب:**  $4516 = 2 \times 2258$  إذن  $4516 = 2 \times k$  حيث:  $k = 2258$

وبالتالي: 4516 عدد زوجي

$4 \times 51 + 1 = 2 \times 2 \times 51 + 1 = 2 \times k + 1$  حيث:  $k = 2 \times 51$

وبالتالي:  $4 \times 51 + 1$  عدد فردي

$2n + 4 = 2(n + 2) = 2 \times k$  حيث:  $k = n + 2$

وبالتالي:  $2n + 4$  عدد زوجي

$4n + 9 = 2(2n + 4) + 1 = 2 \times k + 1$  حيث:  $k = 2n + 4$

وبالتالي:  $4n + 9$  عدد فردي

$4n^2 + 4n + 1 = 2(2n^2 + 2n) + 1 = 2 \times k + 1$  حيث:  $k = 2n^2 + 2n$

وبالتالي:  $4n^2 + 4n + 1$  عدد فردي

$6n^2 + 12n = 2(3n^2 + 6n) = 2 \times k$  حيث:  $k = 3n^2 + 6n$

وبالتالي:  $6n^2 + 12n$  عدد زوجي

**تمرين:**  $a \in \mathbb{N}$  و  $b \in \mathbb{N}$

1. بين أنه إذا كان  $a$  عددا زوجيا و  $b$  عددا زوجيا فإن  $a + b$  عدد زوجي

2. بين أنه إذا كان  $a$  عددا فرديا و  $b$  عددا فرديا فإن  $a + b$  عدد فردي

3. بين أنه إذا كان  $a$  عددا زوجيا فإن  $a^2$  عدد زوجي

4. بين أنه إذا كان  $a$  عددا فرديا فإن  $a^2$  عدد فردي

5. استنتج أنه إذا كان  $a^2$  عدد فرديا فإن  $a$  عدد فردي

**الجواب:**

(1)  $a = 2 \times k$  حيث  $k \in \mathbb{N}$

$b = 2 \times k'$  حيث  $k' \in \mathbb{N}$

$a + b = 2 \times k + 2 \times k' = 2 \times (k + k') = 2 \times k''$  حيث  $k'' = k + k'$

وبالتالي:  $a + b$  عدد زوجي

(2)  $a = 2 \times k + 1$  حيث  $k \in \mathbb{N}$

$b = 2 \times k' + 1$  حيث  $k' \in \mathbb{N}$

## I. مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية $\mathbb{N}$

**تمرين:** من بين الأعداد التالية حدد تلك التي تمثل أعدادا صحيحة طبيعية

:  $2, -5, 11, \frac{11}{4}, 12-17, \sqrt{2}, \sqrt{16}, 5, 2$

**تعريف:** كل الأعداد الصحيحة الطبيعية تكون مجموعة نرسم لها بالرمز  $\mathbb{N}$

و نكتب  $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, \dots\}$

**مصطلحات ورموز:** العدد 0 يسمى العدد الصحيح الطبيعي المنعدم

الأعداد الصحيحة الطبيعية غير المنعدمة تكون مجموعة نرسم لها بالرمز  $\mathbb{N}^*$ .

$\mathbb{N}^* = \{1, 2, \dots\}$  تسمى مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية الغير منعدمة

7 هو عدد صحيح طبيعي نكتب  $7 \in \mathbb{N}$

-8 ليس بعدد صحيح طبيعي نكتب  $-8 \notin \mathbb{N}$

**تمرين:** باستعمال الرموز:  $\in, \notin, \subset, \supset, \varnothing$  املا الفراغات التالية:

$7 \in \mathbb{N}$  و  $12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{2} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{8}{2} \in \mathbb{N}$  و  $-\frac{15}{3} \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

$0 \in \mathbb{N}^*$  و  $\{1; 2; 7\} \subset \mathbb{N}$  و  $\{4; -2; 12\} \subset \mathbb{N}$  و  $\pi \in \mathbb{N}$

$12-32 \in \mathbb{N}$  و  $\sqrt{25} \in \mathbb{N}$  و  $\frac{\sqrt{100}}{5} \in \mathbb{N}$  و  $2.12 \in \mathbb{N}$

**تمرين :** نضع:  $x = 3 \times 5 \times 7 \times 12$  و  $y = 2 \times 5 \times 3 \times 5$ .

دون حساب  $x$  و  $y$  بين أن:

1. 75 قاسم للعدد  $y$ .

2. 105 قاسم للعدد  $x$ .

**الجواب (1):** لدينا  $y = 2 \times 5 \times 3 \times 5$  أي أن:  $y = 2 \times 75$  و منه فإن 75 قاسم للعدد  $y$ .

(2) لدينا  $x = 3 \times 5 \times 7 \times 12$  أي أن:  $x = 105 \times 12$

و منه فإن 105 قاسم للعدد  $x$ .

**تمرين :** حدد الرقم  $x$  لكي يكون العدد:  $2 \times x$  قابلا للقسمة على 9

**الجواب :**  $0 \leq x \leq 9$  العدد:  $2 \times x$  قابلا للقسمة على 9

اذن:  $2 + x + 5 + 3$  مضاعف للعدد 9 يعني  $x + 10$  مضاعف للعدد 9 اذن:

$$x = 8$$

**تمرين:** ليكن  $n$  عنصرا من  $\mathbb{N}$

نضع  $x = 2n + 7$  و  $y = 4n + 2$ .

1. بين أن  $x$  عدد فردي و  $y$  عدد زوجي.

2. بين أن  $(x + y)$  مضاعف للعدد 3.

**الجواب (1):** لدينا  $x = 2n + 7$  أي أن:  $x = 2(n + 3) + 1$

و بالتالي  $x$  عدد فردي لأن:  $x = 2k + 1$  حيث:  $k = n + 3$

و لدينا  $y = 4n + 2$  أي أن  $y = 2(2n + 1)$

و بالتالي  $y$  عدد زوجي لأن:  $y = 2k$  حيث:  $k = 2n + 1$

(2) لدينا  $x + y = 2n + 7 + 4n + 2 = 6n + 9$  أي أن:  $x + y = 3(2n + 3)$

و بالتالي  $x + y = 3(2n + 3)$  اذن  $x + y$  مضاعف للعدد 3.

#### IV. مصاديق قابلية القسمة على: 2 و 3 و 4 و 5 و 9

**خاصية:** ليكن  $n$  عددا صحيحا طبيعيا. يكون العدد  $n$  قابلا للقسمة:

على 2: اذا كان رقم وحداته هو: 0 أو 2 أو 4 أو 6 أو 8.

على 3: اذا كان مجموع أرقامه مضاعفا للعدد 3.

على 4: اذا كان رقم وحداته و رقم عشراته يكونان في هذا الترتيب عددا مضاعفا للعدد 4.

على 5: اذا كان رقم وحداته هو 0 أو 5.

على 9: اذا كان مجموع أرقامه مضاعفا للعدد 9.

**أمثلة:** العدد 4752 يقبل القسمة على 5 لأن رقم وحداته هو 5.

العدد 4725 يقبل القسمة على 3 و 9. لأن العدد  $18 = (4 + 7 + 2 + 5)$  مضاعف للعدد 3 و مضاعف للعدد 9.

العدد 1628 مضاعف للعدد 2 لأن رقم وحداته هو 8.

العدد 1628 مضاعف للعدد 4 لأن رقم وحداته و رقم عشراته يكونان في هذا الترتيب العدد 28 و هو مضاعف للعدد 4.

**تمرين :** أدرس قابلية قسمة العدد 3611790 على 2 و 3 و 4 و 5 و 9.

أدرس قابلية قسمة الأعداد: 120052005 و 1001001 و 79541 و 19350 و 3140 و 3752 و 3333426 و 145610 و 200070 على 3 و 9.

**الجواب:** بما أن رقم وحدات العدد 3611790 هو 0، فإن 3611690 يقبل القسمة على 5 و 2.

العدد 90 لا يقبل القسمة على 4. وإذن العدد 3611790 لا يقبل القسمة على 4.

مجموع أرقام العدد 3611790 هو 27.  $27 = 3 + 6 + 1 + 1 + 7 + 9 + 0$  و 27 مضاعف للعدد 3، إذن 3611790 يقبل القسمة على 3.

و بما أن 27 مضاعف للعدد 9 فإن 3611790 يقبل القسمة على 9.

هل العدد: 120052005 قابل للقسمة على 3 ؟ نعم مجموع أرقامه هو 15 اذن

يقبل القسم على 3 بالمثل 1001001

هل الأعداد: 79541 و 3140 و 3752 قابلة للقسمة على 3 ؟ لا لأن مجموع

الأرقام عدد لا يقبل القسم على 3

#### الأعداد الأولية و التفكيك إلى جداء عوامل أولية

**تعريف:** عدد أولي هو كل عدد صحيح طبيعي  $a$  يقبل قاسمين فقط هما العدد 1 و

العدد  $a$ .

**مثال:** الأعداد الأولية الأصغر من 30 هي 2، 3، 5، 7، 11، 13، 17، 19، 23، 29.

**خاصية:** نقبل أن كل عدد صحيح طبيعي غير منعدم و يخالف 1 يكتب على شكل عوامل جداء عوامل أولية.

**مثال:** لدينا:  $640 = 64 \times 10$  أي  $640 = 8^2 \times 2 \times 5$  إذن:

$$640 = (2^3)^2 \times 2 \times 5$$

$$a + b = 2 \times k + 1 + 2 \times k' + 1 = 2 \times (k + k' + 1) = 2 \times k''$$

$$k'' = k + k' + 1$$

وبالتالي:  $a + b$  عدد زوجي

$$a = 2 \times k \quad \text{حيث } k \in \mathbb{N}$$

$$a^2 = (2 \times k)^2 = 4 \times k^2 = 2 \times 2 \times k^2 = 2 \times k' \quad \text{حيث } k' = 2k^2$$

وبالتالي:  $a^2$  عدد زوجي

$$a = 2 \times k + 1 \quad \text{حيث } k \in \mathbb{N}$$

$$a^2 = (2 \times k + 1)^2 = (2 \times k)^2 + 2 \times 2 \times k \times 1 + 1^2 = 4k^2 + 4k + 1$$

$$a^2 = 2 \times (2k^2 + 2k) + 1 = 2 \times k' + 1 \quad \text{حيث } k' = 2k^2 + 2k$$

وبالتالي:  $a^2$  عدد فردي

(5) معطيات  $a^2$  عدد فردي

نبين أن  $a$  عدد فردي

نفترض أن  $a$  عدد زوجي اذن حسب النتيجة السابقة فإن  $a^2$  عدد زوجي ولكن

حسب المعطيات  $a^2$  عدد فردي وبالتالي افتراضنا كان خاطئا أي أنه  $a$  عدد فردي

### III. قواسم عدد و مضاعفات عدد والقاسم المشترك

#### الأكبر و المضاعف المشترك الأصغر:

**نشاط :**

• حدد المضاعفات العشرة الأولى للعدد 6

• حدد المضاعفات العشرة الأولى للعدد 9

• حدد أصغر مضاعف مشترك غير منعدم للعددين 6 و 9

**الجواب :**

• المضاعفات العشرة الأولى للعدد 6 هي 0 و 6 و 12 و 18 و 24 و 30 و 36 و

42 و 48 و 54

• المضاعفات العشرة الأولى للعدد 9 هي 0 و 9 و 18 و 27 و 36 و 45 و 54 و

63 و 72 و 81

• 18 هو أصغر مضاعف مشترك غير منعدم للعددين 6 و 9

ويسمى المضاعف المشترك الأصغر للعددين 6 و 9. و نرمز له بالرمز.

$$PPCM(6;9) = 18$$

**تعريف 1:**  $a$  و  $b$  عنصرا من  $\mathbb{N}$ . نقول ان  $a$  مضاعف للعدد  $b$  إذا وجد

عدد صحيح طبيعي  $n$  بحيث  $a = bn$ .

**مثال:** ادينا:  $145 = 5 \times 29$  اذن: 145 مضاعف للعدد 5 لأنه .....

**تعريف 2:** ليكن  $a$  و  $b$  عنصريين من  $\mathbb{N}$ . أصغر مضاعف مشترك غير منعدم

للعددين  $a$  و  $b$  يسمى المضاعف المشترك الأصغر للعددين  $a$  و  $b$ . و نرمز له

$$\text{بالرمز } PPCM(a;b).$$

**مثال:** مضاعفات العدد 12 هي 0 و 12 و 24 و 36 و 48 و 60 و 72 و .....

مضاعفات العدد 8 هي: 0 و 8 و 16 و 24 و 32 و 40 و 48 و ..... إذن:

$$PPCM(12;8) = 24$$

**تمرين:** حدد مضاعفات العدد 9 المحصورة بين 23 و 59

**الجواب:** لدينا مضاعفات العدد 9 تكتب على الشكل  $9n$  حيث  $n$  عنصر من  $\mathbb{N}$ .

مضاعفات 9 المحصورة بين 23 و 59 هي الأعداد التي تكتب على شكل  $9n$  بحيث

$n$  من  $\mathbb{N}$  و المحصورة بين 23 و 59 الحالات الممكنة هي:  $3 \times 9$  و  $4 \times 9$  و

$5 \times 9$  و  $6 \times 9$ . أي القيم الممكنة للعدد  $n$  هي: 3 و 4 و 5 و 6.

و بالتالي المضاعفات التي نبحت عنها هي: 27 و 36 و 45 و 54.

**تعريف 2:**  $a$  و  $b$  عنصرا من  $\mathbb{N}$ .

نقول ان  $b$  قاسم للعدد  $a$  إذا وجد عدد صحيح طبيعي  $n$  بحيث  $a = bn$ .

**مثال:** ادينا:  $145 = 5 \times 29$

إذن: - العدد 145 مضاعف للعددين 5 و 29.

- العددين 5 و 29 هما قاسمان للعدد 145.

**ملحوظة:** العدد 0 مضاعف لجميع الأعداد الصحيحة الطبيعية.

العدد 1 قاسم لجميع الأعداد الصحيحة الطبيعية.

**تعريف 2:** ليكن  $a$  و  $b$  عددين صحيحين طبيعيين غير منعدمين.

أكبر قاسم مشترك للعددين  $a$  و  $b$  يسمى القاسم المشترك الأكبر للعددين  $a$  و  $b$

و يرمز له بالرمز  $PGCD(a;b)$ .

**مثال:** قواسم العدد 12 هي: 1 و 2 و 3 و 4 و 6 و 12. و قواسم العدد 15 هي: 1

$$\text{و 3 و 5 و 15. إذن: } PGCD(12;15) = 3$$

|      |   |
|------|---|
| 1344 | 2 |
| 672  | 2 |
| 336  | 2 |
| 168  | 2 |
| 84   | 2 |
| 42   | 2 |
| 21   | 3 |
| 7    | 7 |
| 1    |   |

و منه:  $640 = 2^7 \times 5$

العوامل المكونة لهذا الجداء هي الأعداد الأولية 2 و 5.

**تقنية التفكير :** لتفكيك عدد  $a$  الى جداء عوامل أولية نأخذ أصغر عدد أولي يقسمه وننجز القسمة فنحصل على خارج  $b$  فنأخذ أصغر عدد أولي يقسم  $b$  وننجز القسمة فنحصل على خارج  $c$ .... فنتابع عملية القسمة حتى نحصل على خارج يساوي 1 و العدد  $a$  سيكون هو جداء جميع الأعداد الأولية التي قسمنا عليها

**مثال:** فكك العدد 1344 الى جداء عوامل أولية **الجواب :**  $1344 = 2^6 \times 3 \times 7$

**تمرين :** فكك العدد 60 الى جداء عوامل أولية ثم استنتج جميع قواسم العدد 60

**الجواب :**  $60 = 2^2 \times 3 \times 5$  اذن القواسم هم : 1 و 2 و 3 و 4 و 5 و 6 و 10 و 12 و 15 و 20 و 30 و 60

**تمرين :** حدد جميع قواسم العدد 12 ثم حدد جميع قواسم العدد 15 ثم حدد القاسم المشترك الأكبر للعددين 12 و 15  
**الجواب :** قواسم العدد 9 هم : 1 و 3 و 9 : قواسم العدد 16 هم : 1 و 2 و 4 و 8 و 16 اذن القاسم المشترك الأكبر للعددين 9 و 16 هو 1 و منه فان 9 و 16 أوليين فيما بينهما

**تمرين :** هل العدد 1004001 عدد أولي؟

لدينا: مجموع أرقام العدد 1004001 هو 6, و العدد 6 مضاعف للعدد 3.

إذن العدد 1004001 يقبل القسمة على 3.

و بالتالي العدد 1004001 ليس عددا أوليا (لأنه يقبل أكثر من قاسمين).

**تمرين** حدد الأعداد الأولية من بين الأعداد التالية : 0 و 1 و 2 و 17 و 21 و 41 و 87 و 105 و 239 و 2787 و 191 و 1004001

**الجواب :** 0 ليس بعدد أولي لأن كل الأعداد تقسم 0 و 1 ليس بعدد أولي لأن له قاسم وحيد هو 1 و 2 عدد أولي لأن له قاسمين فقط و 17 عدد أولي لأن له قاسمين فقط و 21 ليس بعدد أولي لأن :  $21 = 3 \times 7$  و 41 عدد أولي لأن له قاسمين فقط و 87 ليس بعدد أولي لأن :  $87 = 3 \times 29$  و 105 ليس بعدد أولي لأن :  $105 = 5 \times 21$

هل العدد 239 أولي ؟ نستعمل تقنية : نبحث عن الأعداد الأولية  $p$  التي تحقق :  $p^2 < 239$  وهي : 2 و 3 و 5 و 7 و 11 و 13 ولا يوجد أي واحد منهم قاسم للعدد 239 اذن العدد 239 أولي

2787 ليس بعدد أولي لأنه يقبل القسمة على 3 (مجموع أرقامه 24)

لدينا: مجموع أرقام العدد 1004001 هو 6, و العدد 6 مضاعف للعدد 3.

إذن العدد 1004001 يقبل القسمة على 3. و بالتالي العدد 1004001 ليس عددا أوليا (لأنه يقبل أكثر من قاسمين).

هل العدد 191 أولي ؟ نستعمل تقنية : نبحث عن الأعداد الأولية  $p$  التي تحقق :  $p^2 < 191$  وهي : 2 و 3 و 5 و 7 و 11 و 13 ولا يوجد أي واحد منهم قاسم للعدد 191 اذن العدد 191 أولي

## VI. القاسم المشترك الأكبر والمضاعف المشترك الأصغر:

**خاصية 1 :** القاسم المشترك الأكبر لعددين هو جداء العوامل الأولية المشتركة مرفوعة الى أصغر أس

**خاصية 2 :** المضاعف المشترك الأصغر لعددين هو جداء العوامل الأولية المشتركة والغير المشتركة مرفوعة الى أكبر أس

**تمرين:** فكك الأعداد : 220 و 798 الى جداء عوامل أولية

حدد :  $PGCD(220; 798)$  و  $PPCM(220; 798)$  و  $PPCM(1650; 5292)$

**الجواب :**  $220 = 2^2 \times 5 \times 11$  و  $798 = 2 \times 3 \times 7 \times 19$  اذن :  $2^1 = 2$  و  $PGCD(220; 798) = 2$  و  $PPCM(220; 798) = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7 \times 11 \times 19 = 87780$