

جدع مشترك علمي 2h15	فرض محروس 3 الدورة الثانية إعداد الأستاذ : بدر بوصفيحة	ثانوية تسمان التأهيلية 2011/2010	<u>السلم :</u>
التمرين 1 (3 نقط)			
1-	إن دراسة خاصيات الهندسة الفضائية تتطلب إعطاء مفردات أولية و تعاريف واضحة وقبول خاصيات أولية تسمى موضوعات أو قواعد أساسية . اذكر أهم هذه الموضوعات.	1.5+	
2-	حدد الأوضاع النسبية لمستقيم و مستوى.	1.5+	
التمرين 2 (3.5 نقط) (جميع أسئلة هذا التمرين غير مرتبطة فيما بينها)			
1-	عبر متجهيا عن: B هي صورة C بالتحاكي h الذي مركزه A و نسبته $k = \frac{2}{3}$	1+	
2-	عبر عن العلاقة المتجهية $\vec{IE} = \frac{-3}{4} \vec{IF}$ بتحاك.	1+	
3-	ليكن ABC مثلثا و I منتصف [BC]. نعتبر النقطتين B' و C' المعرفتين بما يلي: $\vec{A'B'} = \frac{2}{3} \vec{AB}$ و $\vec{A'C'} = \frac{2}{3} \vec{AC}$ وليكن J منتصف [B'C'] . باعتبار تحاك، بين أن النقط A و I و J نقط مستقيمة.	+1.5	
التمرين 3 (6 نقط)			
لتكن $\vec{u}$ و $\vec{v}$ متجهتين غير منعدمتين.			
1-	أحسب $\ \vec{u} - \vec{v}\ ^2$ ثم استنتج أن : $\vec{u} \cdot \vec{v} = \frac{1}{2} [\ \vec{u}\ ^2 + \ \vec{v}\ ^2 - \ \vec{u} - \vec{v}\ ^2]$	+1	
2-	ليكن ABC مثلثا بحيث: $AB = 1$ و $AC = 2$ و $BC = \sqrt{3}$	+1+2	
أ-	بين أن $\vec{A} \cdot \vec{AC} = 1$ (يمكنك استعمال نتيجة السؤال 1) .		
ب-	استنتج قياس الزاوية $\widehat{BA}$		
3-	لتكن H المسقط العمودي للنقطة B على المستقيم (AC).		
أ-	تحقق أن المثلث ABC قائم الزاوية في النقطة B .	+0.5	
ب-	أحسب المسافات التالية: CH و AH و BH .	+1.5	

التمرين 4 (7.5 نقطة)

نعتبر الدالة العددية f المعرفة بما يلي: $f(x) = -\frac{x^2}{4} - x + 3$

يهدف هذا التمرين إلى إنشاء (C_f) منحنى الدالة العددية في معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1- حدد D_f مجموعة تعريف الدالة f ، ثم تحقق من أن: $f(x) = -\frac{1}{4}(x+2)^2 + 4$ +0.5+0.5

2- أ- ليكن a و b عنصرين مختلفين من D_f ، بين أن: $\frac{f(a)-f(b)}{a-b} = 1 + \frac{a+b}{4}$ (يمكنك استعمال نتيجة السؤال 1). +1

ب- استنتج رتبة الدالة f على كل من المجالين $]-\infty; -2]$ و $[-2; +\infty[$. +0.5+0.5

ج- ضع جدول تغيرات الدالة f على D_f . +0.5

3- حدد إحداثيتي نقط تقاطع (C_f) مع محوري المعلم. +1

4- ليكن (P) الشلجم الذي معادلته: $y = -\frac{1}{4}x^2$

أ- حدد متجهة الإزاحة التي تمكن من إنشاء المنحنى (C_f) انطلاقاً من (P) . +0.5

ب- حدد إحداثيتي النقطة S مركز (C_f) ومعادلة محوره. +0.5

5- أنشئ في نفس المعلم المتعامد الممنظم الشلجم (P) و المنحنى (C_f) . +2

التمرين 5 (3 نقطة) (تمرين اختياري)

ليكن ABCDEFGH مكعباً في الفضاء.

O و O' هما على التوالي مركزا المربعين ABCD و EFGH .

1- بين أن المستقيمين (OO') و (AE) متوازيان. +1

2- أ- تحقق من أن (AE) عمودي على المستوى (EFG) . +1

ب- استنتج أن المستقيم (OO') عمودي على (EFG) . +1

اجمل الاماني بالتوفيق والنجاح

عطلة سعيدة