

أسئلة مختلفة: (6 نقط)

- 1- حدد مجموعة تعريف الدالة f المعرفة بما يلي : $f(x) = \frac{2x+3}{\sqrt{x^2+x-2}}$ (1)
- 2- ادرس زوجية الدالة g المعرفة بما يلي : $g(x) = |2x-1| - |2x+1|$. (1)
- 3- ليكن ABC مثلثا قائم الزاوية في A و H المسقط العمودي للنقطة A على $[BC]$.
نضع : $AB=4$ و $BH=2$. احسب المسافتين : AC و BC (1,5)
- 4- ليكن ABC مثلثا بحيث : $AB=\sqrt{3}$ و $AC=\sqrt{5}$ و $BC=2$.
باستعمال مبرهنة الكوشي احسب $\cos A$ (1)
- 5- ليكن ABC مثلثا و K نقطة بحيث : $\overrightarrow{AK} = \frac{2}{5}\overrightarrow{AC}$ و h التحاكي الذي مركزه K .
ويحول A إلى C . حدد نسبة التحاكي h (1,5)

التمرين الأول: (3,5 نقط)

- ليكن ABC مثلثا و E نقطة بحيث $\overrightarrow{AE} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB}$ و h التحاكي الذي مركزه A و يحول E إلى B .
المستقيم المار من E والموازي للمستقيم (BC) يقطع المستقيم (AC) في النقطة F .
- 1- بين أن نسبة التحاكي h هي $\frac{3}{2}$. (1)
 - 2- حدد صورة المستقيم (EF) بالتحاكي h . (0,5)
 - 3- بين أن صورة النقطة F بالتحاكي h هي النقطة C . (1)
 - 4- لتكن M نقطة من (EF) خارج القطعة $[EF]$. أنشئ النقطة M' صورة النقطة M بالتحاكي h . (علل جوابك) (1)

التمرين الثاني: (6,5 نقط)

- نعتبر الدالتين f و g بحيث : $f(x) = -\frac{1}{3}x^2 + \frac{2}{3}x + 1$ و $g(x) = \frac{-x+3}{x-1}$.
- 1- أعط جدول تغيرات كل من f و g . (1)
 - 2- أ) حدد نقط تقاطع (C_f) مع محوري المعلم . (1)
ب) حدد نقط تقاطع (C_g) مع محوري المعلم . (0,5)
 - ج) احسب $f(2)$ و $g(2)$ ، $f(3)$ و $g(3)$ ، $f(-2)$ و $g(-2)$. (1,5)
 - 3- أنشئ في نفس المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ كلا من (C_f) و (C_g) . (2)
 - 4- حل مبياتيا المتراحة : $f(x) \geq g(x)$. (0,5)

- ليكن ABC مثلثا متساوي الساقين وقائم الزاوية في A بحيث : $AB = 4\sqrt{2}$.
 E و F نقطتان بحيث : $\overline{BE} = \frac{1}{4}\overline{BC}$ و $\overline{BF} = \frac{3}{4}\overline{AC}$.
- 1- بين أن : $\overline{AE} = \frac{1}{4}(3\overline{AB} + \overline{AC})$ و $\overline{EF} = \frac{1}{4}(\overline{AB} + 2\overline{AC})$ (1)
 2- بين أن : $\overline{AE} \cdot \overline{EF} = 10$ (0,5)
 3- بين أن : $AE = 2\sqrt{5}$ و $EF = \sqrt{10}$ (يمكن حساب AE^2 و EF^2) (1)
 4- استنتج قيمة $\cos(\overline{EA}, \overline{EF})$ (0,5)
 5- لتكن H المسقط العمودي للنقطة A على (BC) و I منتصف $[AB]$.
 بين أن : $\overline{HI} \cdot \overline{BC} = -16$ (1)