

الثانوية التأهيلية المختار السوسي
التاريخ: 2007/1/16
Chorfi_mouhsine@yahoo.fr

الفرض رقم 3
الدورة الأولى
الجدع المشترك علمي 1

المدة : ساعتان
الأستاذ : محسن الشرفي

الثانوية التأهيلية المختار السوسي
التاريخ: 2007/1/16
Chorfi_mouhsine@yahoo.fr

الفرض رقم 3
الدورة الأولى
الجدع المشترك علمي 2

المدة : ساعتان
الأستاذ : محسن الشرفي

التمرين رقم 1 : (8.5 نقط)

في المستوى (P) المنسوب لمعلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ نعتبر النقاط التالية :

$A(2, -3)$ و $B(-1, 1)$ و $C(-2, -1)$ و المتجهة $\vec{u}(2, 1)$.

1 - أ - حدد إحداثيتي المتجهة $\vec{AC}$.

ب - أحسب المنظم $\|\vec{AB} + \vec{AC}\|$.

ج - حدد إحداثيتي النقطة M منتصف القطعة $[BC]$.

2 - أ - حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D) المار من النقطتين A و C .

ب - حدد معادلة ديكارتية للمستقيم (D') المار من النقطة B و الموجه بالمتجهة $\vec{u}$.

ج - حدد معادلة ديكارتية للمستقيم (Δ) المار من النقطة A و الموازي للمستقيم (Δ')

ذو المعادلة $2x - 4y + 1 = 0$.

3 - أدرس الوضع النسبي للمستقيمين (D_1) و (D_2) حسب قيم البارامتر m علما أن :

$$(D_1): \begin{cases} x=1+mt \\ y=-2t \end{cases} t \in \mathbb{R} \quad (D_2): x-3my+2=0$$

التمرين رقم 2 : (4.5 نقط)

1 - حل في $\mathbb{R}$ المعادلة التالية : $x^2 - 6x + 9 = 0$

2 - حل في $\mathbb{R}$ المعادلة التالية : $x^2 - 3x - 10 = 0$

3 - إستنتج حل المتراجحة : $(x^2 - 3x - 10)(x^2 - 6x + 9) < 0$

التمرين رقم 3 : (7 نقط)

ليكن ABC مثلثا و M منتصف القطعة $[BC]$ و النقطة I بحيث $\vec{AI} = \frac{1}{3}\vec{AM}$.

و لتكن النقطة E مسقط النقطة I على (BC) بتواز مع (AC)

و النقطة F مسقط النقطة I على (BC) بتواز مع (AB) .

1 - أرسم الشكل

2 - بين أن $\frac{ME}{MC} = \frac{MI}{MA}$

3 - بين أن $\vec{MF} = \frac{2}{3}\vec{MB}$

4 - ننسب المستوى إلى المعلم $(A, \vec{AB}, \vec{AC})$ و لتكن (a, b) إحداثيتي النقطة I .

أ - حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (AM) .

ب - إستنتج علاقة بين العددين a و b .

التمرين رقم 1 : (8 نقط)

في المستوى (P) المنسوب لمعلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ نعتبر النقاط التالية :

$A(1, -3)$ و $B(-1, 4)$ و $C(2, -3)$ و المتجهة $\vec{u}(-2, -1)$.

1 - أ - حدد إحداثيتي المتجهة $\vec{BC}$.

ب - أحسب المنظم $\|\vec{BC} + \vec{AC}\|$.

ج - حدد إحداثيتي النقطة M منتصف القطعة $[AC]$.

2 - أ - حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (D) المار من النقطتين B و C .

ب - حدد معادلة ديكارتية للمستقيم (D') المار من النقطة C و الموجه بالمتجهة $\vec{u}$.

ج - حدد معادلة ديكارتية للمستقيم (Δ) المار من النقطة A و الموازي للمستقيم (Δ')

ذو المعادلة $-2x + 5y + 1 = 0$.

3 - أدرس حسب قيم البارامتر m الوضع النسبي للمستقيمين (D_1) و (D_2) علما أن :

$$(D_1): 3x - y + 5 = 0 \quad (D_2): \begin{cases} x=-1+mt \\ y=2-6t \end{cases} t \in \mathbb{R}$$

التمرين رقم 2 : (4.5 نقط)

1 - حل في $\mathbb{R}$ المعادلة التالية : $x^2 + x - 12 = 0$

2 - حل في $\mathbb{R}$ المعادلة التالية : $x^2 - 10x + 25 = 0$

3 - إستنتج حل المتراجحة : $\frac{x^2 + x - 12}{x^2 - 10x + 25} > 0$

التمرين رقم 3 : (7.5 نقط)

ليكن $ABCD$ متوازي الأضلاع و M بحيث $\vec{AM} = \frac{2}{3}\vec{AB}$.

و لتكن النقطة F مسقط النقطة M على (AC) بتواز مع (BC)

و النقطة E مسقط النقطة F على (AD) بتواز مع (AB) .

1 - أرسم الشكل

2 - بين أن $\frac{AM}{AB} = \frac{AF}{AC}$

3 - بين أن $\vec{DE} = \frac{1}{3}\vec{DA}$

4 - ننسب المستوى إلى المعلم $(A, \vec{AB}, \vec{AD})$ و لتكن (α, β) إحداثيتي النقطة F .

أ - حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (AC) .

ب - إستنتج أن $F(\alpha, \alpha)$