

النقطة	nisse	المادة : الرياضيات المستوى : ج . م . ع العدد : ساعتان فرض محروس (1) (21 أكتوبر 2015)
أسئلة مستقلة : (5 ن)		
1	1	(1) حدد مجموعة الأعداد الصحيحة الطبيعية الأصغر من 106 وال قابلة القسمة على كل من 5 و 7
1	1	(2) حدد مجموعة القواسم الأولية الموجبة للعدد 30
1	1	(3) بين أن العدد $(5 \times 7 \times 31 + 21)$ ليس أوليا
1	1	(4) ليكن n من $\mathbb{N}$. بين أن العدد $(2^{n+3} - 2^n)$ مضاعف للعدد 7
1	1	(5) حدد جميع الأعداد الصحيحة الطبيعية x و y بحيث : $(x - 5)(y + 1) = 37$
التمرين الأول : (4 ن)		
1	1	(1) فكك إلى جداء من العوامل الأولية العددين a و b حيث : $a = 792$ و $b = 924$
1	1	(2) حدد $PGDC(a; b)$ و $PPMC(a; b)$
0,5+1,5	3	(3) بسط العدد $\frac{a}{b}$ ثم أحسب قيمة X حيث : $X = \frac{7}{b} + \frac{3}{a}$
التمرين الثاني : (3 ن)		
1	1	لتكن a, b و n أعدادا صحيحة طبيعية حيث : $a = 2n^2 + 4n + 7$ و $b = n^2 + 5n + 6$
0,5	2	(1) بين أن العدد a فردي
0,5	2	(2) أ- تحقق أن : $n^2 + 5n + 6 = (n+2)(n+3)$ ب- استنتج أن b زوجي
1	3	(3) بين أن العدد $(2b - a - n)$ قابل القسمة على 5
التمرين الثالث : (5 ن)		
1	1	ABCD متوازي الأضلاع مركزه I و E, F نقطتان من المستوى بحيث : $\overrightarrow{DE} = \frac{1}{4}\overrightarrow{DA}$ و $\overrightarrow{AF} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AB}$
1	2	(1) أنشئ الشكل
1	2	(2) بين أن : $\overrightarrow{IE} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AD} - \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$
1	3	(3) بين أن النقط E, I و F مستقيمية
1	4	(4) لتكن K نقطة من المستوى بحيث : $\overrightarrow{AK} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$
1	1	أ- بين أن AFKD متوازي الأضلاع
1	1	ب- استنتج أن النقطة K تنتمي الى المستقيم (CD)
التمرين الرابع : (3 ن)		
2	2	ABC مثلث . D و E نقطتان من المستوى بحيث : $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} = \vec{0}$ و $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$
1	2	(1) أنشئ الشكل
1	2	(2) بين أن النقطة A هي منتصف القطعة $[CE]$