

التمرين الأول: (3 نقط)

- (1) حدد جميع قواسم العدد 26
- (2) حدد جميع الأعداد الصحيحة الطبيعية x و y التي تحقق $(x+2)(y+1)=26$

1 ن

2 ن

التمرين الثاني: (2 نقط)

تنتقل من ميناء الدار البيضاء باخرة A بعد كل 12 يوما وبخرة B بعد كل 18 يوما. إذا علمت أنهما انطلقتا للمرة الأولى في نفس اليوم، فبعد كم يوما ستنتقلان في نفس اليوم للمرة الثانية؟

التمرين الثالث: (1.5 نقط)

بين أنه إذا كانت 7 تقسم $n-1$ فإن 7 تقسم أيضا العدد n^2-1 لكل n من N

التمرين الرابع: (3.5 نقط)

- (1) بين أن لكل n من N : n^2-2n+2 هو عدد صحيح طبيعي
- (2) تحقق من أن: $a^2+b^2=(a+b)^2-2ab$ لكل عددين حقيقيين a و b
- (3) اكتب على شكل فرق مربعين كاملين: n^4+4 لكل n من N
- (4) استنتج من ذلك أن n^4+4 غير أولي، لكل n من N مخالف للعدد 1

1 ن

0.5 ن

1 ن

1 ن

التمرين الخامس: (2 نقط)

نضع: $A = 7^{n+1} + 5 \times 7^n$

- (1) بين أن العدد: A يقبل القسمة على 12
- (2) استنتج تفكيكا للعدد A إلى جداء عوامل أولية

1 ن

1 ن

التمرين السادس: (5 نقطة)

$ABCD$ متوازي الأضلاع.

- (1) أنشئ النقطتين E و F بحيث: $\overrightarrow{DE} = \frac{1}{3}\overrightarrow{DB}$ و $\overrightarrow{DF} = \frac{-1}{4}\overrightarrow{DB}$
- (2) اكتب \overrightarrow{DE} بدلالة \overrightarrow{DF}
- (3) أنشئ H و G ليكون $BAEG$ و $BAFH$ متوازيي الأضلاع
- (4) بين أن: $\overrightarrow{CH} = \overrightarrow{DF}$ و $\overrightarrow{CG} = \overrightarrow{DE}$
- (5) استنتج أن النقط C و H و G مستقيمات.

1 ن

1 ن

1 ن

1 ن

1 ن

التمرين السابع: (3 نقطة)

EFG مثلث. A و B نقطتان بحيث: $\overrightarrow{EA} = \frac{4}{3}\overrightarrow{EG}$ و $\overrightarrow{FB} = \frac{3}{4}\overrightarrow{FA}$

1 ن

1 ن

1 ن