

التمرين الأول: (3 نقط)

1 ن

1) حدد جميع قواسم العدد 26

2 ن 2) حدد جميع الأعداد الصحيحة الطبيعية x و y التي تحقق $(x+2)(y+1)=26$

التمرين الثاني: (2 نقط)

تنطلق من ميناء الدار البيضاء باخرة A بعد كل 12 يوما وبآخرة B بعد كل 18 يوما. إذا علمت أنهما انطلقا للمرة الأولى في نفس اليوم، فبعد كم يوما ستنطلقان في نفس اليوم للمرة الثانية؟

التمرين الثالث: (1.5 نقط)

بين أنه إذا كانت 7 تقسم $n-1$ فإن 7 تقسم أيضا العدد n^2-1 لكل n من N

التمرين الرابع: (3.5 نقط)

1 ن

1) بين أن لكل n من N: n^2-2n+2 هو عدد صحيح طبيعي

0.5 ن

2) تتحقق من أن: $a^2+b^2=(a+b)^2-2ab$ لكل عددين حقيقيين a و b

1 ن

3) اكتب على شكل فرق مربعين كاملين: n^4+4 لكل n من N

1 ن

4) استنتج من ذلك أن n^4+4 غير أولي، لكل n من N مخالف للعدد 1

التمرين الخامس: (2 نقط)

نضع: $A = 7^{n+1} + 5 \times 7^n$

1 ن

1) بين أن العدد A يقبل القسمة على 12

1 ن

2) استنتج تفكيكا للعدد A إلى جداء عوامل أولية

التمرين السادس: (5 نقطة)

ABCD متوازي الأضلاع.

1 ن

1) أنشئ النقطتين E و F بحيث: $\overrightarrow{DF} = \frac{-1}{4} \overrightarrow{DB}$ و $\overrightarrow{DE} = \frac{1}{3} \overrightarrow{DB}$

1 ن

2) اكتب \overrightarrow{DE} بدلالة \overrightarrow{DF}

1 ن

3) أنشئ H و G ليكون $BAFH$ و $BAEG$ متوازيي الأضلاع

1 ن

4) بين أن: $\overrightarrow{CG} = \overrightarrow{DE}$ و $\overrightarrow{CH} = \overrightarrow{DF}$

1 ن

5) استنتاج أن النقط C و H و G مستقيمية.

التمرين السابع: (3 نقط)

$\overrightarrow{FB} = \frac{3}{4} \overrightarrow{FA}$ و $\overrightarrow{EA} = \frac{4}{3} \overrightarrow{EG}$ مثلث EFG نقطتان بحيث:

1 ن

1) اكتب: \overrightarrow{EA} بدلالة \overrightarrow{GA} و \overrightarrow{AF} بدلالة \overrightarrow{AB}

1 ن

2) استنتاج أن $(BG) \parallel (EF)$

1 ن

3) نقطة بحيث: $\overrightarrow{EM} = \overrightarrow{EF} + 2\overrightarrow{AG}$. بين أن \overrightarrow{AE} و \overrightarrow{FM} مستقيمتان