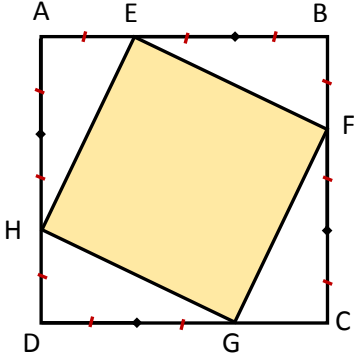


|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            |                                                                                 |                                              |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------|
| <p>نيابة تاوريرت<br/>ثانوية الفتح التأهيلية<br/>الجمعة 26 نونبر 2010<br/>من 14h:00 إلى 17h:00</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | <p>فرض الأولمبياد في الرياضيات<br/>للجذع المشترك العلمي<br/>- الفرض الأول -</p> | <p>الجذع المشترك العلمي<br/>و التكنولوجي</p> |
| <p>هذه نسخة تم إعادة تحريرها للفرض الفعلي و ليست بنسخة أصلية</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                 |                                              |
| <p><b>تمرين 1 :</b> رتب الأعداد التالية تزايدا: <math>3^{203}</math> ، <math>5^{145}</math> ، <math>7^{87}</math></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      |                                                                                 |                                              |
| <p><b>تمرين 2 :</b> <math>a</math> و <math>b</math> و <math>c</math> أعدادا حقيقية موجبة قطعاً.<br/>         ▪ بين أن: <math>\frac{2ab}{a+b} + \frac{2bc}{b+c} + \frac{2ca}{c+a} \leq a+b+c</math></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     |                                                                                 |                                              |
| <p><b>تمرين 3 :</b> لتكن <math>a</math> و <math>b</math> و <math>c</math> أعدادا حقيقية بحيث <math>a+b+c=0</math><br/>         ▪ بين أن: <math>a^3+b^3+c^3=3abc</math><br/>         ▪ بين أن: <math>\frac{a^5+b^5+c^5}{5} = \left(\frac{a^2+b^2+c^2}{2}\right) \left(\frac{a^3+b^3+c^3}{3}\right)</math></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               |                                                                                 |                                              |
| <p><b>تمرين 4 :</b> ليكن <math>ABC</math> مثلث بحيث: <math>AB=a</math> و <math>AC=b</math> ، منصف الزاوية <math>BAC</math> يقطع <math>[BC]</math> في النقطة <math>I</math> .<br/>         الموازي للمستقيم <math>(AC)</math> و المار من <math>I</math> يقطع <math>[AB]</math> في النقطة <math>J</math> . نضع: <math>IJ=c</math><br/>         ▪ بين أن: <math>c(a+b)=ab</math></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          |                                                                                 |                                              |
| <p><b>تمرين 5 :</b> ليكن <math>ABCD</math> مربعا بحيث: <math>AB=a</math> و <math>(a \in \mathbb{R}_+^*)</math> (أنظر الشكل)</p> <div style="display: flex; align-items: center;">  <div style="margin-left: 20px;"> <p>لتكن <math>E</math> نقطة من القطعة <math>[AB]</math> بحيث <math>AE = \frac{1}{3} AB</math></p> <p>لتكن <math>F</math> نقطة من القطعة <math>[BC]</math> بحيث <math>BF = \frac{1}{3} BC</math></p> <p>لتكن <math>G</math> نقطة من القطعة <math>[CD]</math> بحيث <math>CG = \frac{1}{3} CD</math></p> <p>لتكن <math>H</math> نقطة من القطعة <math>[DA]</math> بحيث <math>DH = \frac{1}{3} DA</math></p> <p>▪ أحسب مساحة الرباعي <math>EFGH</math></p> </div> </div> |                                                                                 |                                              |