

## Correction

### Correction du 1<sup>er</sup> EXERCICE:

1) la relation barycentrique: 
$$\overrightarrow{OG} = \frac{\sum m_i \cdot \overrightarrow{OA_i}}{\sum m_i}$$

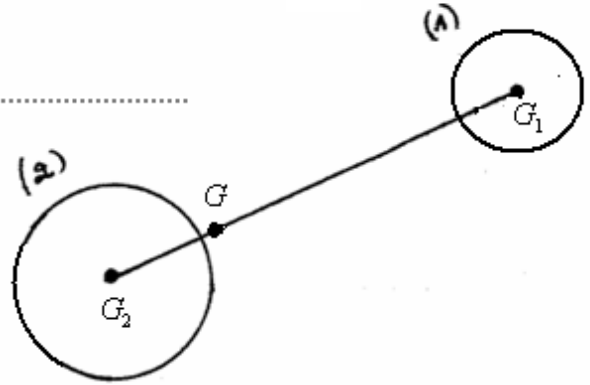
2) a) 
$$\overrightarrow{OG} = \frac{m_1 \overrightarrow{OG_1} + m_2 \overrightarrow{OG_2}}{m_1 + m_2}$$

Considérons le point O confondu avec G. La relation précédente devient :  $m_1 \overrightarrow{GG_1} + m_2 \overrightarrow{GG_2} = \vec{0}$

avec:  $m_2 = 4.m_1 \Rightarrow m_1 \overrightarrow{GG_1} + 4m_1 \overrightarrow{GG_2} = \vec{0}$  donc :  $\overrightarrow{GG_1} + 4\overrightarrow{GG_2} = \vec{0}$  d'où:  $\boxed{\overrightarrow{GG_1} = -4\overrightarrow{GG_2}}$

$$\text{b) } \overrightarrow{GG_1} = -4\overrightarrow{GG_2} \Rightarrow \overrightarrow{GG_1} = -4(\overrightarrow{GG_1} + \overrightarrow{G_1G_2}) \text{ donc: } \overrightarrow{GG_1} = -4\overrightarrow{GG_1} - 4\overrightarrow{G_1G_2} \text{ d'où: } 5\overrightarrow{GG_1} = -4\overrightarrow{G_1G_2} \\ \Rightarrow 5\overrightarrow{GG_1} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{G_1G_2} \quad \text{donc: } \overrightarrow{GG_1} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{G_1G_2}$$

$$\text{c) } \overrightarrow{GG_2} = \overrightarrow{G_1G_2} - \overrightarrow{GG_1} = \overrightarrow{G_1G_2} - \frac{4}{5}\overrightarrow{G_1G_2} = \frac{1}{5}\overrightarrow{G_1G_2}$$



$$\text{d) } \overrightarrow{GG_1} = 15\text{cm} \text{ et } \overrightarrow{G_1G_2} = 15\text{cm}, \quad \overrightarrow{GG_2} = \frac{1}{5}\overrightarrow{G_1G_2} = \frac{1}{5} \times 15 = 3\text{cm} \text{ donc } \overrightarrow{GG_1} = \frac{4}{5}\overrightarrow{G_1G_2} = \frac{4}{5} \times 15 = 12\text{cm}$$

### Correction du 2<sup>e</sup> EXERCICE:

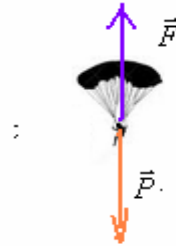
1) Le mouvement est rectiligne uniforme.

2) Le parachutiste est un système pseudo isolé et son mouvement est rectiligne uniforme donc d'après le principe d'inertie  $\Sigma \vec{F} = \vec{0}$ .

Le parachutiste est soumis à deux forces : son poids et la force exercée par l'air.  $\vec{P} + \vec{F} = \vec{0}$

$$F = P = m \cdot g = 100 \cdot 9,8 = 980\text{N}$$

direction et sens de la force  $\vec{F}$  : Verticale et dirigée vers le haut.



3) a) La vitesse du parachutiste diminue, son mouvement devient retardé.

b) Lorsque le parachutiste est ouvert, la surface de contact avec l'air augmente et l'action de l'air devient plus importante.

Donc c'est l'action de l'air qui est responsable de cette évolution.

c) Le cameraman dépassera le parachutiste qui a ouvert son parachute car le mouvement de ce dernier est retardé.

### Correction du 3<sup>ème</sup> EXERCICE:

En appliquant la relation barycentrique au système des deux plaques :

$$\overrightarrow{OG} = \frac{\Sigma m_i \cdot \overrightarrow{OA_i}}{\Sigma m_i} \quad \text{elle devient:} \quad \overrightarrow{OG} = \frac{m_1 \overrightarrow{OG_1} + m_2 \overrightarrow{OG_2}}{m_1 + m_2}$$

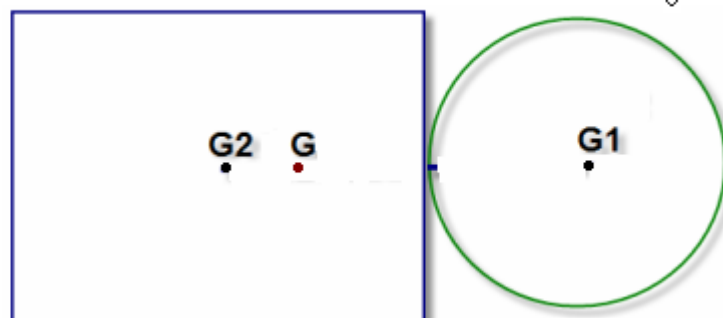
Considérons le point O confondu avec G. La relation précédente devient :  $m_1 \overrightarrow{GG_1} + m_2 \overrightarrow{GG_2} = \vec{0}$

$$\text{On a: } \frac{m_1}{m_2} = \frac{500}{100} = 5 \quad \text{Donc: } m_2 = 5 \cdot m_1$$

$$\text{La relation précédente devient: } m_1 \overrightarrow{GG_1} + 5m_1 \overrightarrow{GG_2} = \vec{0} \Rightarrow \overrightarrow{GG_1} + 5\overrightarrow{GG_2} = \vec{0} \text{ donc: } \overrightarrow{GG_1} = -5\overrightarrow{GG_2}$$

$$\text{C'est-à-dire } \overrightarrow{GG_1} = -5(\overrightarrow{GG_1} + \overrightarrow{G_1G_2}) \Rightarrow \overrightarrow{GG_1} = -5\overrightarrow{GG_1} - 5\overrightarrow{G_1G_2} \Rightarrow 6\overrightarrow{GG_1} = -5\overrightarrow{G_1G_2}$$

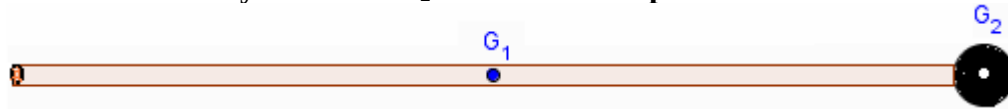
$$\text{D'où: } \overrightarrow{GG_1} = -\frac{5}{6}\overrightarrow{G_1G_2} \text{ donc G se trouve entre G}_1 \text{ et G}_2 \text{ et } \overrightarrow{GG_1} = \frac{5}{6}\overrightarrow{G_1G_2}$$



## هذا الملف تم تحميله من موقع Talamid.ma : EXERCICE:

1) masse de la sphère :  $m_2 = \rho V = \rho \times \frac{4}{3} \pi r^3 = 8,9 \times \frac{4}{3} \pi (3)^3 \approx 1006g$

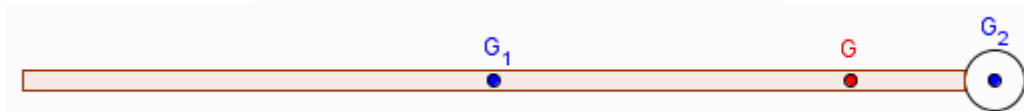
2)  $G_1$  est le centre d'inertie du cylindre et  $G_2$  est celui de la sphère. Voir schéma.



$$G_1 G_2 = \frac{L}{2} + r = \frac{94}{2} + 3 = 50cm$$

3) Pour déterminer la position du centre d'inertie G de la canne par rapport au centre d'inertie  $G_2$  de la sphère appliquons la relation barycentrique :

$$\vec{OG} = \frac{\sum m_i \vec{OA_i}}{\sum m_i} = \frac{m_1 \vec{OG_1} + m_2 \vec{OG_2}}{m_1 + m_2}$$



Considérons O confondu avec  $G_1$  : la relation précédente devient :  $\vec{G_1 G} = \frac{m_2 \vec{G_2 G}}{m_1 + m_2} \Rightarrow (m_1 + m_2) \vec{G_1 G} = m_2 (\vec{G_2 G_1} + \vec{G_1 G})$  Donc :  $G_1 G = \frac{m_2 G_1 G_2}{m_1 + m_2}$

$$G_1 G = \frac{1006 \times 0,5}{400 + 1006} \approx 0,358m = 35,8cm \quad \text{et} \quad GG_2 = G_1 G_2 - G G_1 = 50 - 35,8 = 14,2cm$$

Autre méthode

si on considère O confondu avec G

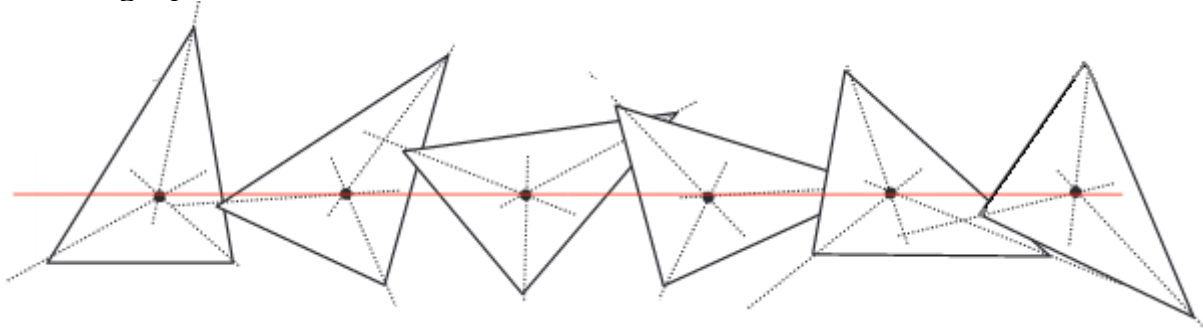
$$m \cdot \vec{GG_1} + M \cdot \vec{GG_2} = \vec{0} \text{ donc } m \cdot \vec{GG_1} + M \cdot \vec{GG_1} + M \cdot \vec{G_1 G_2} = \vec{0} \text{ ou } (m + M) \cdot \vec{GG_1} = -M \cdot \vec{G_1 G_2}$$

$$\text{d'où } \vec{G_1 G} = \frac{M}{m + M} \cdot \vec{G_1 G_2}$$

Application numérique  $G_1 G = \frac{1006}{1006 + 400} \times 0,50 \approx 0,358 m = 35,8 cm$

## Correction du 5<sup>ème</sup> EXERCICE:

1) en filmant 5 images par secondes

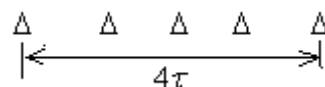


2) la trajectoire du point G est rectiligne.

3) le mouvement de G est rectiligne uniforme.

4) en filmant 5 images par secondes, l'intervalle de temps qui sépare deux positions successives du point G est :

$$\tau = \frac{1}{4} = 0,25s$$



## Correction du 6<sup>ème</sup> EXERCICE:

La plaque est formée de deux parties : la 1<sup>ère</sup> partie a la forme d'un carré de masse  $m_1$  de centre d'inertie  $G_1$  et la deuxième partie de masse  $m_2$ , a la forme d'un triangle et de centre d'inertie  $G_2$ .

Le centre d'inertie G de la plaque se trouve sur

En utilisant la relation barycentrique :  $\vec{OG} = \frac{\sum m_i \vec{OA_i}}{\sum m_i} \Rightarrow \vec{OG} = \frac{m_1 \vec{OG_1} + m_2 \vec{OG_2}}{m_1 + m_2}$

المزيد من الملفات قم بزيارة الموقع Talamid.ma :

En considérant O confondu avec G, la relation devient:

$$m_1 \overrightarrow{GG_1} + m_2 \overrightarrow{GG_2} = \vec{0}$$

on a  $\frac{m_1}{m_2} = \frac{\rho V_1}{\rho V_2} = \frac{S_1 e}{S_2 e} = \frac{a^2}{a^2/2} = 2$  donc  $m_1 = 2m_2$

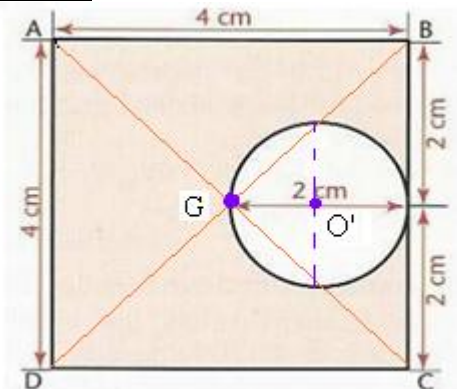
$$\Rightarrow 2.m_2 \overrightarrow{GG_1} + m_2 \overrightarrow{GG_2} = \vec{0} \quad \text{donc} \quad 2.m_2 \overrightarrow{GG_1} + m_2 (\overrightarrow{GG_1} + \overrightarrow{G_1 G_2}) = \vec{0}$$

$$3.m_2 \overrightarrow{GG_1} + m_2 \overrightarrow{G_1 G_2} = \vec{0} \Rightarrow 3.m_2 \overrightarrow{GG_1} = -m_2 \overrightarrow{G_1 G_2} \Rightarrow 3\overrightarrow{GG_1} = -\overrightarrow{G_1 G_2}$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{GG_1} = -\frac{\overrightarrow{G_1 G_2}}{3} \quad \text{donc} \quad \overrightarrow{G_1 G} = \frac{\overrightarrow{G_1 G_2}}{3} \Rightarrow \boxed{G_1 G = \frac{G_1 G_2}{3}}$$

### Correction du 7<sup>eme</sup> EXERCICE:

1)



2) On considère l'axe (O,x) d'origine O confondu avec G .

Appliquons la relation barycentrique sur la plaque homogène qui se compose de deux parties :

- La première partie: portion de la plaque restant ayant la forme trouée de centre d'inertie G' de masse : (M-m).

- La deuxième partie : la portion découpée, le rondelle circulaire de centre d'inertie O' de masse m.

En utilisant la relation barycentrique:  $\overrightarrow{OG} = \frac{\sum m_i \overrightarrow{OA_i}}{\sum m_i} \Rightarrow \overrightarrow{OG} = \frac{m \overrightarrow{OG'} + (M-m) \overrightarrow{OO'}}{m + (M-m)}$

Or le point O est confondu avec G, la relation précédente devient :

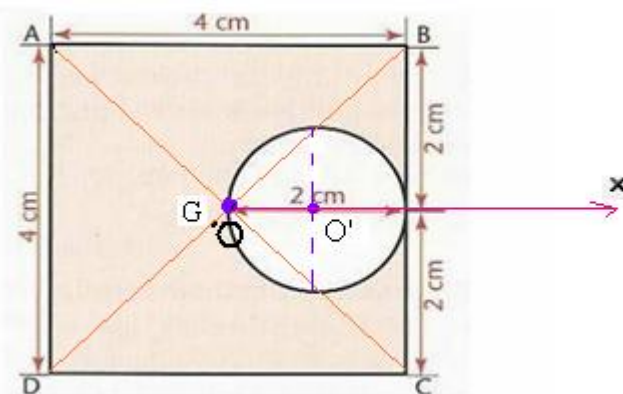
$$(1) \quad m \overrightarrow{OG'} + (M-m) \overrightarrow{OO'} = \vec{0}$$

La surface du petit disque  $s = \pi r^2 = \pi \left(\frac{R}{2}\right)^2$  Sa masse :  $m = \rho.v' = \rho.s.e$ .

La surface de la plaque homogène  $S = a^2$

Sa masse :  $M = \rho.V = \rho.S.e = \rho.a^2.e$

$$\frac{M}{m} = \frac{\rho.a^2.e}{\rho.s.e} = \frac{a^2}{s} = \frac{a^2}{(\pi.R)^2} = \frac{4^2}{(\pi \times 1)^2} = \frac{16}{\pi} \approx 5 \quad \text{donc : } M-m=5m-m=4m \quad \text{donc : } M=5.m$$

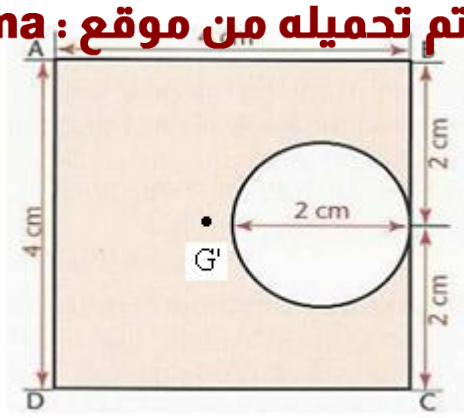


la relation (1) devient:

$$m \overrightarrow{OG'} + 4.m \overrightarrow{OO'} = \vec{0} \Rightarrow \overrightarrow{OG'} = -\frac{m \overrightarrow{OO'}}{4.m} = -\frac{\overrightarrow{OO'}}{4}$$

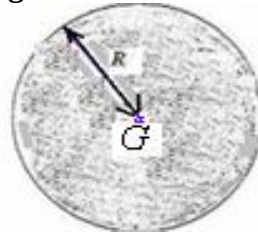
Or  $OO' = R/2 = 2/2 = 1\text{cm}$

$$\Rightarrow x_{G'} = -\frac{x_{O'}}{4} = -\frac{R/2}{4} = -\frac{1}{4} = -0,25\text{cm}$$



### Correction du 8<sup>eme</sup> EXERCICE:

1) Soit G le centre d'inertie du disque homogène de masse m et de rayon R.

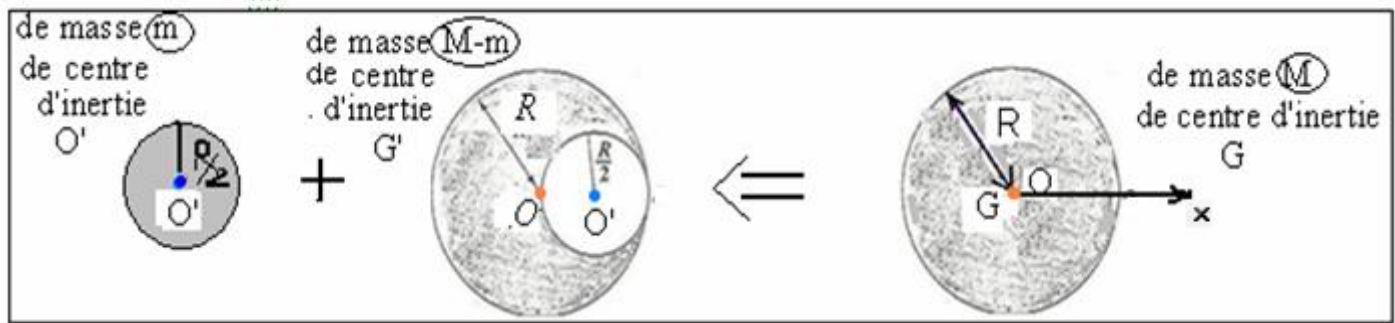


On considère l'axe (O,x) d'origine O confondu avec G .

Appliquons la relation barycentrique sur le disque homogène qui se compose de deux parties :

- La première partie: portion du nouveau disque restant ayant la forme d'un croissant de centre d'inertie G' de masse (M-m).

- La deuxième partie : la portion découpée, le rondelle circulaire de centre d'inertie O' de masse m.



En utilisant la relation barycentrique:  $\vec{OG} = \frac{\sum m_i \cdot \vec{OA}_i}{\sum m_i} \Rightarrow \vec{OG} = \frac{m \cdot \vec{OG'} + (M - m) \cdot \vec{OO'}}{m + (M - m)}$

Or le point O est confondu avec G , la relation précédente devient :

$$(1) \quad m \cdot \vec{OG'} + (M - m) \cdot \vec{OO'} = \vec{0}$$

La surface du petit disque  $s = \pi r^2 = \pi \left(\frac{R}{2}\right)^2$

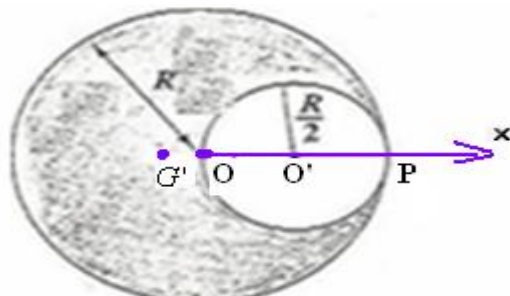
sa masse :  $m = \rho \cdot v' = \rho \cdot s \cdot e$ .

$$\frac{M}{m} = \frac{\rho \cdot S \cdot e}{\rho \cdot s \cdot e} = \frac{S}{s} = \frac{R^2}{r^2} = \frac{R^2}{(R/2)^2} = 4 \quad \text{donc : } M = 4 \cdot m \quad \text{d'ou : } M - m = 4m - m = 3m$$

la relation (1) devient:

$$m \cdot \vec{OG'} + 3m \cdot \vec{OO'} = \vec{0} \Rightarrow \vec{OG'} = -\frac{m \cdot \vec{OO'}}{3 \cdot m} = -\frac{\vec{OO'}}{3} \quad \text{Or } OO' = R/2 = 6/2 = 3 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow x_{G'} = -\frac{x_{O'}}{3} = -\frac{R/2}{3} = -\frac{3}{3} = -1 \text{ cm}$$



2) En appliquant la relation barycentrique sur le système des deux disques restants de masse m et M-m.

$$\overrightarrow{OG} = \frac{m_o \cdot \overrightarrow{OP} + 3m \cdot \overrightarrow{OG'}}{m_o + 3m}$$

G confondu avec O:

$$m_o \cdot \overrightarrow{OP} + 3m \cdot \overrightarrow{OG'} = \vec{0} \Rightarrow m_o = \frac{-3m \cdot \overrightarrow{OG'}}{\overrightarrow{OP}} \Rightarrow m_o = \frac{3m \cdot \overrightarrow{G'O}}{\overrightarrow{OP}} \Rightarrow m_o = \frac{3m \cdot G'O}{OP} = \frac{3 \times 80 \times 1}{6} = 40g$$

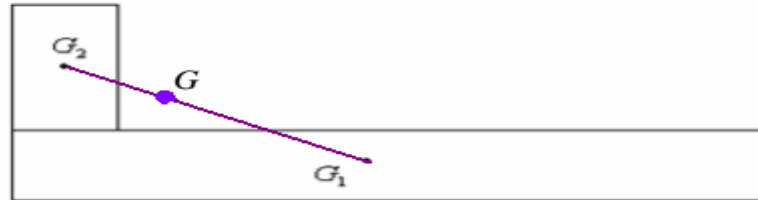
### Correction du 9<sup>eme</sup> EXERCICE:

Relation barycentrique:

$$\overrightarrow{OG} = \frac{\sum m_i \cdot \overrightarrow{OA_i}}{\sum m_i} \Rightarrow \overrightarrow{OG} = \frac{m_1 \cdot \overrightarrow{OG_1} + m_2 \cdot \overrightarrow{OG_2}}{m_1 + m_2}$$

En considérant  $G_1$  confondu avec O. La relation précédente devient :  $\overrightarrow{G_1G} \cdot (m_1 + m_2) = m_2 \cdot \overrightarrow{G_1G_2}$   
G se trouve sur le même alignement qui contient  $G_1$  et  $G_2$ .

$$\Rightarrow \overrightarrow{G_1G} = \frac{m_2 \cdot \overrightarrow{G_1G_2}}{(m_1 + m_2)} \quad G_1G = \frac{m_2 \cdot G_1G_2}{(m_1 + m_2)} = \frac{300 \cdot (12)}{500} = 7,2cm$$



### Correction du 10<sup>eme</sup> EXERCICE:

1) En utilisant la relation barycentrique:  $\overrightarrow{OG} = \frac{\sum m_i \cdot \overrightarrow{OA_i}}{\sum m_i}$

Sur l'ensemble {roue + masselotte},

la roue son centre d'inertie est  $G_1$  la masselotte son centre d'inertie est  $G_2$ .

$$\overrightarrow{OG} = \frac{M \cdot \overrightarrow{OG_1} + m \cdot \overrightarrow{OG_2}}{M + m}$$

$\overrightarrow{OG} = \vec{0} \Rightarrow$  pour ramener le centre d'inertie de l'ensemble sur l'axe , le point G doit être confondu avec O.

$$\text{Donc : } \frac{M \cdot \overrightarrow{OG_1} + m \cdot \overrightarrow{OG_2}}{M + m} = \vec{0} \Rightarrow M \cdot \overrightarrow{OG_1} + m \cdot \overrightarrow{OG_2} = \vec{0} \Rightarrow M \cdot \overrightarrow{OG_1} = -m \cdot \overrightarrow{OG_2}$$

$$\Rightarrow M \cdot \overrightarrow{OG_1} = m \cdot \overrightarrow{G_2O} \Rightarrow m = \frac{M \cdot \overrightarrow{OG_1}}{\overrightarrow{G_2O}} \quad \text{d'ou } \boxed{m = \frac{M \cdot OG_1}{G_2O}} \quad \text{A.N : } m = \frac{10 \times 0,1}{25} = 0,04kg = 40g$$