

Exercice 1

Soit ABC un triangle et Q le milieu de $[AC]$, P un point de la droite (BC) , tel que $\overrightarrow{BP} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$

1. La droite passant par P est parallèle à (BQ) coupe (AC) en J , et soit I el point d'intersection de (AP) et (PQ)
 - a) Montrer que $\overrightarrow{QC} = 3\overrightarrow{QJ}$
 - b) En déduire que : $\overrightarrow{JA} = 4\overrightarrow{JQ}$ et $\overrightarrow{PA} = 4\overrightarrow{PI}$
2. La droite passant par Q et parallèle à (AP) coupe (BC) en K
Montrer que $\overrightarrow{PK} = \overrightarrow{KC}$ et que $\overrightarrow{BP} = \overrightarrow{PK}$

Exercice 2

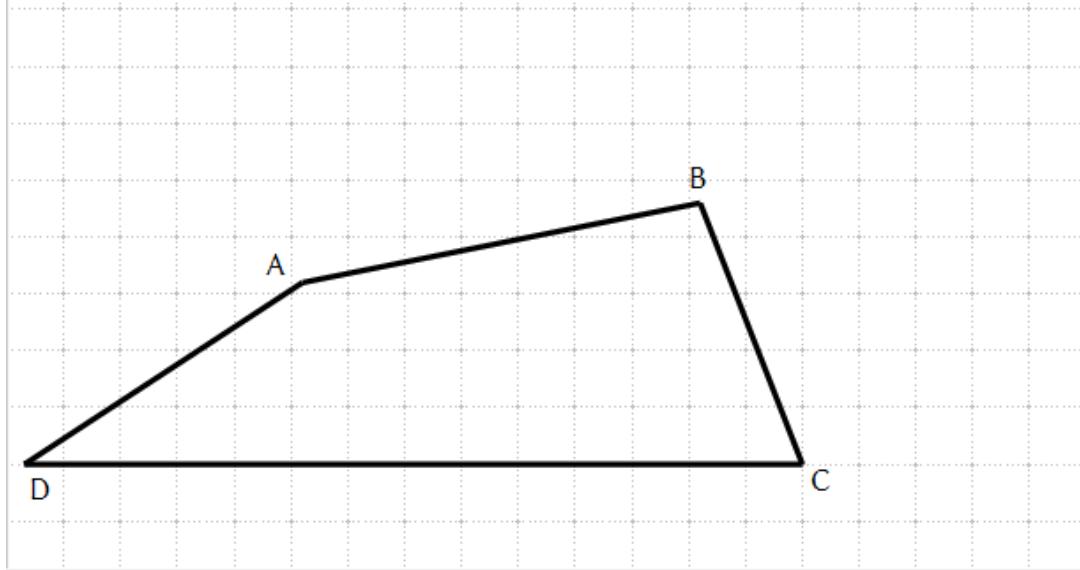
Soit ABC un triangle et le point G tel que : $\overrightarrow{GA} - 2\overrightarrow{GB} + 3\overrightarrow{GC} = \vec{0}$

1. Montrer que : $\overrightarrow{AG} = -\overrightarrow{AB} + \frac{3}{2}\overrightarrow{AC}$ et construire le point G
2. Soit G' la projection de G sur (AB) parallèlement à (BC) Montrer que G' est le milieu de $[AB]$

Exercice 3

Soit ABCD un quadrilatère convexe ,et on considéré les points M et Q tels que

$$\overrightarrow{BM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BA} \text{ et } \overrightarrow{DQ} = \frac{1}{3}\overrightarrow{DA}$$



Soit N la projection de de M sur (BC) parallèlement à (AC) , et P la projection de de N sur (BC) la parallèlement à (BD)

1. Montrer que : $\overrightarrow{PD} = \frac{1}{3}\overrightarrow{CD}$
2. Montrer que MNPQ est un parallélogramme