

## تصحيح تمارين مميزات القطب النشطة

تمرين 1:

1- حساب  $E$  و  $r$  :  
قانون أوم بالنسبة لعمود خطي:

$$U = E - rI$$

حيث:

$E$  : القوة الكهرومagnetique  
 $r$  : المقاومة الداخلية

$$U_1 = E - rI_1 \quad (1)$$

$$U_2 = E - rI_2 \quad (2)$$

$$(1) - (2) \Rightarrow U_1 - U_2 = E - rI_1 - (E - rI_2) = -rI_1 + rI_2 \\ r(I_2 - I_1) = U_1 - U_2$$

$$r = \frac{U_1 - U_2}{I_2 - I_1} = \frac{4,2 - 3,75}{0,5 - 0,2} = 1,5 \Omega$$

المعادلة (1) تكتب :

$$U_1 = E - rI_1 \Rightarrow E = U_1 + rI_1$$

$$E = 4,2 + 1,5 \times 0,2 = 4,5 V$$

إذن : القوة الكهرومagnetique  $E = 4,5 V$  والمقاومة الداخلية  $r = 1,5 \Omega$

2- الشدة النظرية لتيار الدارة القصيرة .

حسب قانون أوم :

$$U = 0 \text{ مع } E = rI$$

$$E = rI \text{ ومنه } E - rI = 0$$

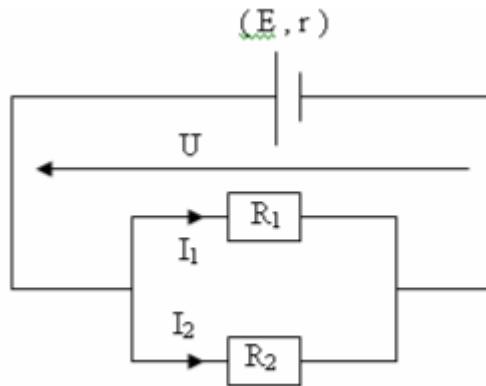
أي :

$$I = I_{CC} = \frac{E}{r} = \frac{4,5}{1,5} = 3 A$$

تمرين 2:

1.1- لحساب شدة التيار المار في الدارة نطبق قانون بوبي:

$$I = \frac{E}{R_{eq} + r}$$



$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} = \frac{R_1 + R_2}{R_1 R_2}$ :  $R_1$  و  $R_2$  مركبان على التوازي

$$R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{200 \times 50}{200 + 50} = 40\Omega$$

تطبيق عددي :

$$I = \frac{4,5}{40+5} = 0.1A$$

1.2- حساب  $I_1$  و  $I_2$  :

$$U = U_1 \Rightarrow R_1 I_1 = E - rI$$

$$I_1 = \frac{E - rI}{R_1} = \frac{4,5 - 5 \times 0,1}{200} = 0,02 A$$

نطبق قانون العقد :

$$I = I_1 + I_2 \Rightarrow I_2 = I - I_1$$

ت.ع :

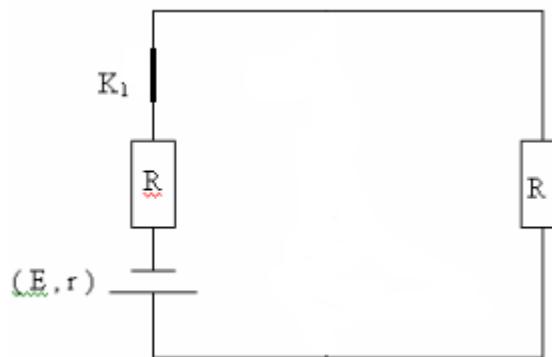
$$I_2 = 0,1 - 0,02 = 0,08 \text{ A}$$

2- جميع الأجهزة مركبة على التوالى ، لتحديد شدة التيار التي تجتاز الدارة نطبق قانون بوبي :

$$I' = \frac{4,5}{200+50+5} = 1,76 \cdot 10^{-2} \text{ A} \quad \text{ت.ع :} \quad I' = \frac{E_1+E_2}{R_1+R_2+r_1+r_2}$$

تمرين 3 :

- حساب  $I_1$  :  
عندما يكون قاطع التيار  $K_1$  مغلق و  $K_2$  مفتوح نحصل على دارة متواالية تتكون من مولد  $(E, r)$  و موصلين أومييين مماثلين مقاومتهما  $R$  حيث



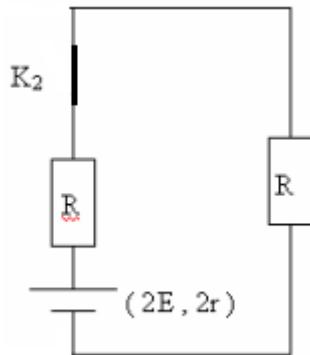
نطبق قانون بوبي :

$$I_1 = \frac{E}{R+R+r} = \frac{E}{2R+r}$$

ت.ع :

$$I_1 = \frac{12}{4r+r} = \frac{12}{5r} = 0,4 \text{ A}$$

- حساب  $I_2$  :



عند غلق قاطع التيار  $K_2$  وفتح  $K_1$  نحصل على دارة متواالية مكونة من مولد  $(2E, 2r)$  و موصلين أومييين.

نطبق من جديد قانون بوبي :

$$I_2 = \frac{2E}{R+R+2r} = \frac{2E}{2R+2r} = \frac{E}{R+r} = \frac{E}{3r}$$

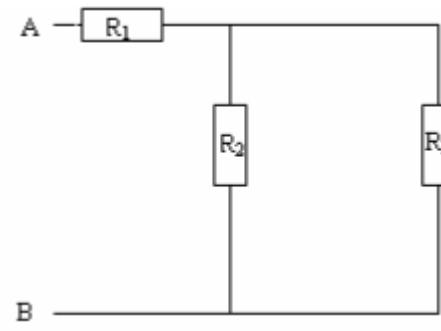
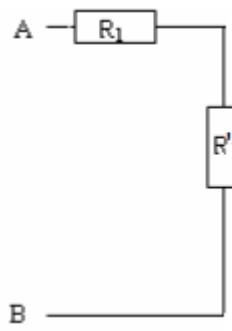
ت.ع:

$$I_2 = \frac{12}{3 \times 6} = 0,67A$$

تمرين 4:

1- المقاومة المكافئة :  
من خلال التركيب نلاحظ أن الموصلان الأوميان  $R_2$  و  $R_3$  مركبان على التوازي :

$$R' = \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} \text{ ومنه } \frac{1}{R'} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} = \frac{R_2 + R_3}{R_2 R_3}$$



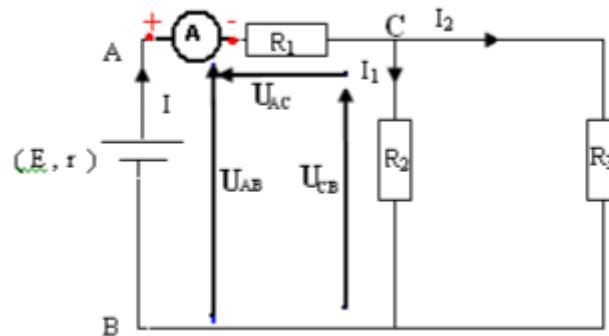
كما أن  $R_1$  و  $R'$  مركبان على التوالى :

$$R_{eq} = R_1 + R'$$

نستنتج :

$$R_{eq} = \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} + R_1$$

2- يركب الأمبير متر على التوالى بحيث يجتازه التيار من القطب الموجب الى القطب السالب (أنظر الشكل ).



2.2- الشدة المقاسة من طرف الأمبير متر :  
نطبق قانون أوم :

$$U_{AB} = E - rI \quad \text{و} \quad U_{AB} = R_{eq}I$$

نعلم أن:  $R = \frac{R \cdot R}{R + R}$  ومنه  $R_1 = R_2 = R_3 = R$   
وبالتالي :

$$R_{eq}I + rI = E \quad \text{أي: } E - rI = R_{eq}I$$

$$I = \frac{E}{R_{eq} + r}$$

$$I = \frac{12}{6+2} = 1,5A \quad \text{ت.ع:}$$

2.3- حساب  $I_1$  :  
حسب قانون إضافية التوترات :

$$U_{AB} = U_{AC} + U_{CB}$$

$$U_{AB} = E - rI \quad \text{و} \quad U_{CB} = RI_1 \quad \text{مع:} \quad U_{AC} = RI$$

$$RI_1 = E - rI - RI \quad \text{أي أن: } E - rI = RI + RI_1$$

$$I_1 = \frac{12 - 2 \times 1,5 - 41,5}{4} = 0,75A \quad \text{ت.ع:} \quad I_1 = \frac{E - rI - RI}{R}$$

استنتاج  $I_2$  :  
بتطبيق قانون بوبي في العقدة C :

$$I_2 = I - I_1 \quad \text{أي أن: } I = I_1 + I_2$$

ت.ع:

$$I_2 = 1,5 - 0,75 = 0,75A$$

3.1- حساب  $I_2$  :

بما أن الصمام مارا فإن  $U_{CB} = RI_1 = U_S = 3V$  نعلم أن :

$$I_1 = \frac{U_S}{R} = \frac{3}{4} = 0.75A$$

حسب قانون إضافية التوترات :  $U_{AB} = U_{AC} + U_{CB}$  نستنتج العلاقة (1)

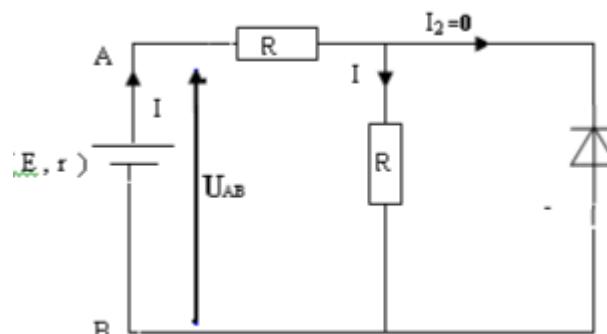
$$RI_1 = E - rI - RI$$

$$(R+r)I = E - RI_1$$

$$I = \frac{12 - 4 \times 0.75}{4+2} = 1,5A \quad \text{ت.ع: } I = \frac{E - RI_1}{R+r}$$

استنتاج  $I_2$  بتطبيق قانون العقد :

$$I_2 = 1,5 - 0,75 = 0,75A \quad \text{ت.ع: } I_2 = I - I_1 \quad \text{ومنه: } I = I_1 + I_2$$



3.2- نعلم أن الصمام الثنائي يتحمل تيار شدته  $I_{max}=300mA=0,3A$  وبما أن  $I > I_{max}$  فإن الصمام الثنائي سيتلف .

3.3- عند عكس مربطي العمود فإن الصمام سيصبح مستقطبا في المنحى الحاجز وسيتصرف كقاطع تيار مفتوح أي  $A$ ، التيار الكهربائي سيممر في العمود والموصلان الأوليان .

نطبق قانون بوبي :

$$I = \frac{12}{2 \times 4 + 2} = 1,2A \quad \text{ت.ع: } I = \frac{E}{2R+r}$$

**تمرين 5:**

1- التحديد المياباني لكل من  $E_1$  و  $r_1$  :

$$\begin{aligned} U &= E_1 - r_1 I : G_1 \\ Mibiania &\text{ عند } I=0 \text{ لدينا: } U=E_1=9V \end{aligned}$$

القيمة المطلقة للمعامل الموجه للمنحنى يكتب :

$$r_1 = \left| \frac{\Delta U}{\Delta I} \right| = \left| \frac{9-6}{0-2} \right| = \frac{3}{2} = 1,5 \Omega$$

- حساب  $E$  و  $r$  للمولد المكافئ :

بما أن المولدان مركبان على التوالي وبالتوافق ، فإن :  
 القوة الكهرومagnetique للمولد المكافئ هي :  $E = E_1 + E_2 = 9 + 12 = 21V$   
 المقاومة الداخلية للمولد المكافئ هي :  $r = r_1 + r_2 = 1,5 + 1,5 = 3V$

- 3.1 - حساب  $U_{AB}$  و  $U_{PM}$  :

قانون أوم بالنسبة للمولد  $G_2$  :  $U_{MN} = E_2 - r_2 I$  نستنتج  $I$  :

$$r_2 I = E_2 - U_{MN} \Rightarrow I = \frac{E_2 - U_{MN}}{r_2} = \frac{12 - 7,5}{1,5} = 3A$$

حسب قانون أوم بالنسبة للمولد  $G_1$  :  $U_{PM} = E_1 - r_1 I = 9 - 1,5 \times 3 = 4,5V$   
 يمكن استعمال المبيان عند  $I = 3A$  نجد  $U = 4,5V$

حسب قانون إضافية التوترات :

$$U_{AB} = U_{PM} + U_{MN} = 4,5 + 7,5 = 12V$$

- 3.2 - حساب الشدتين  $I_1$  و  $I_2$  :  
 قانون أوم :

$$U_{AB} = R_1 I_1$$

$$U_{AB} = (R_2 + R_3 + R_4) I_2 = (2R_1 + 2R_1 + 2R_1) I_2 = 6R_1 I_2$$

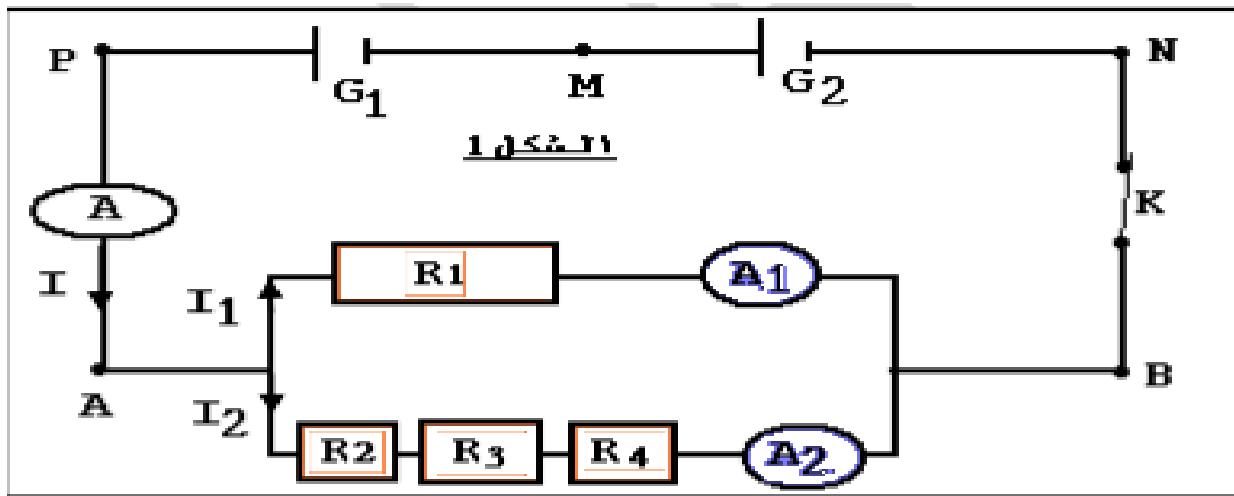
ومنه :  $I_1 = 6I_2$  أي :  $R_1 I_1 = 6R_1 I_2$   
 قانون العقد :

$$I = I_1 + I_2 = 6I_2 + I_2 = 7I_2$$

$$I_2 = \frac{I}{7} = \frac{3}{7} = 0,43A$$

$$I_1 = 6I_2 = 0,58A$$

3.3- تعبير المقاومة المكافئة R :



المقاومة  $R_1$  مركبة على التوازي مع  $R_2$  و  $R_3$  و  $R_4$  :

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2 + R_3 + R_4} \Rightarrow \frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{6R_1} = \frac{7}{6R_1}$$

$$R = \frac{6R_1}{7}$$

3.4- حساب R : حسب قانون أوم :

$$R = \frac{U_{AB}}{I} = \frac{12}{3} = 4\Omega \text{ أي } U_{AB} = RI$$

استنتاج :  $R_1$

$$R = \frac{6R_1}{7} \Rightarrow 6R_1 = 7R \Rightarrow R_1 = \frac{7R}{6} = \frac{7 \times 4}{6} = 4,7\Omega$$

تمرين 6 :

1.1- القوة الكهرومagnetique للعمود :  $E = U_0$  مبيانا أي  $E = 4,5V$

$$\text{ مقاومته الداخلية : } r = \left| \frac{\Delta U}{\Delta I} \right|$$

$$\frac{\Delta U}{\Delta I} = \frac{(2,5 - 4,5)V}{(1,0 - 0)A} = -2V/A \text{ مبيانا :}$$

$$r = 2\Omega \text{ ومنه :}$$

1.2- المقاومة المكافئة للتجميع :  
و  $D_2$  مركبان على التوازي .

$$R_{23} = \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3}$$

$D_1$  مركب على التوازي مع  $D_2$  و  $D_3$  ، المقاومة المكافئة لثنائي القطب المكافئ هي:

$$R = R_1 + \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} : \text{أي } R = R_{23} + R_1$$

$$R = 4 + \frac{6 \times 12}{6 + 12} = 8\Omega \quad \text{ت.ع.}$$

2.2- باستعمال قانون إضافية التوترات نكتب :

$$U_{AB} = U_{AE} + U_{EB}$$

$$\text{حيث : } U_{EB} = RI \text{ و } U_{AE} = U_S \text{ و } U_{AB} = E - rI$$

$$E - rI = U_S + RI \quad \text{ومنه :}$$

$$E - U_S = RI + rI = I(R + r)$$

$$I = \frac{4,5 - 0,6}{8 + 2} = 0,39A \quad \text{تطبيق عددي :} \quad I = \frac{E - U_S}{R + r}$$

2.3- حساب  $I_1$  و  $I_2$  :  
استعمال قانون أوم نكتب :  
 $U_{CB} = R_2 I_2$  : ( $D_1$ )  
 $U_{CB} = R_3 I_3$  : ( $D_2$ )

$$I_3 = \frac{R_2}{R_3} I_2 : \text{أي } R_2 I_2 = R_3 I_3$$

$$\text{باستعمال قانون العقد نكتب : } I = I_2 + I_3 = I_2 + \frac{R_2}{R_3} I_2$$

$$I = I_2 \left( 1 + \frac{R_2}{R_3} \right) = I_2 \left( \frac{R_3 + R_2}{R_3} \right)$$

$$I_2 = \frac{R_3}{R_2+R_3} I \quad \text{أي: } R_3 I = (R_2 + R_3) I_2$$

$$I_3 = \frac{R_2}{R_2+R_3} I \quad \text{أي: } I_3 = \frac{R_2}{R_3} I_2 = \frac{R_2}{R_3} \times \frac{R_3}{(R_2+R_3)} I$$

ت.ع:

$$I_2 = \frac{12}{12+6} \times 0,39 = 0,26A$$

$$I_3 = \frac{6}{12+6} \times 0,39 = 0,13A$$

3.1- نلاحظ أن الصمام الثنائي مركب في المنهى الحاجز وبالتالي فإنه لا يمر التيار عبره فالفرع CD يضم ( $D_2$ ) فقط .

$$I = \frac{E}{R_1 + R_2 + r} \quad \text{باستعمال قانون بوبي نكتب:}$$

ت.ع:

$$I = \frac{4,5}{6+4+2} = 0,375A$$

3.2- باستعمال قانون أوم . بالنسبة ل ( $D_2$ ) نكتب:  $U_{BC} = R_2 I'$  بما أن:  $U_{BC} = -U_{CB}$  نستنتج :

$$U_{BC} = -2,25V \quad \text{ت.ع:}$$

**تمرين 7 :**

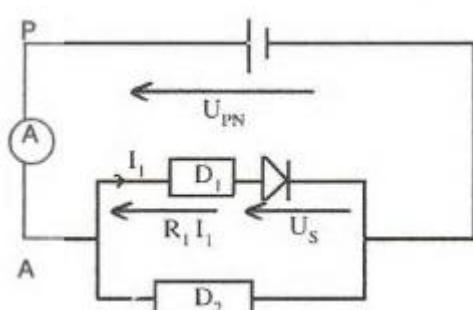
1.1- تحديد  $n$  عدد التدرجات التي تشير إليها إبرة الأمبير متر :

$$n = n_0 \frac{I}{C} = C \frac{n}{n_0} \quad \text{ومنه:}$$

$$n = \frac{100 \times 0,5}{1} = 50 \quad \text{ت.ع:}$$

1.2- حساب التوتر  $U_{PN}$  :

$$U_{PN} = 6 - 2 \times 0,5 = 5V \quad \text{ت.ع:}$$



1.3- تعين قيمة كل من  $I_1$  و  $I_2$  وأي :

$$I_2 = \frac{U_2}{R_2} \quad \text{أي: } U_2 = R_2 I_2 \quad \text{و: } U_2 = U_{PN}$$

$$I_2 = \frac{5}{25} = 0,2A \quad \text{ت.ع:}$$

قانون العقد :  $I = I_1 + I_2$

$$I_1 = I - I_2 = 0,5 - 0,2 = 0,3 \text{ A}$$

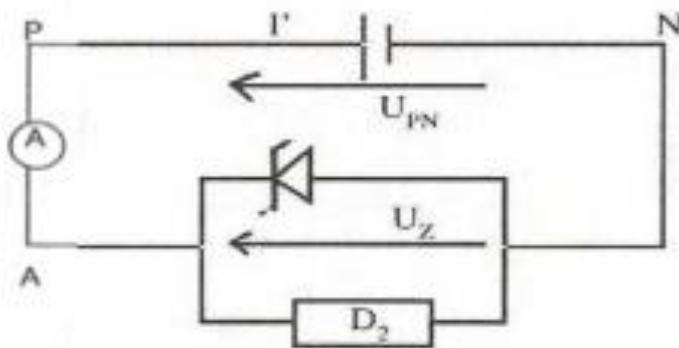
1.4 - تحديد قيمة المقاومة :  $R_1$

بتطبيق قانون إضافية التوترات :  $U_{PN} = R_1 I_1 + U_S$  أي :

$$R_1 = \frac{U_{PN} - U_S}{I_1}$$

$$R_1 = \frac{5 - 0,8}{0,3} = 14 \Omega \quad \text{ت.ع:}$$

2.1 - تبيان الترکیب الكهربائي المحصل عليه في هذه الحالة :



2.2 - تعبير 'I' شدة التيار في الفرع الرئيسي :

$$U_{PN} = E - rI' \quad \text{لدينا : } U_{PN} = U_Z$$

$$E - U_Z = rI' \quad \text{أي } E - rI' = U_Z \quad \text{ومنه :}$$

$$I' = \frac{E - U_Z}{r}$$

$$I' = \frac{6 - 0,8}{2} = 2,7 \text{ A} \quad \text{ت.ع:}$$

2 استنتاج  $I'_2$  شدة التيار المارفي  $R_2$  : حسب قانون أوم :  $U_2 = U_Z = R_2 I'_2$

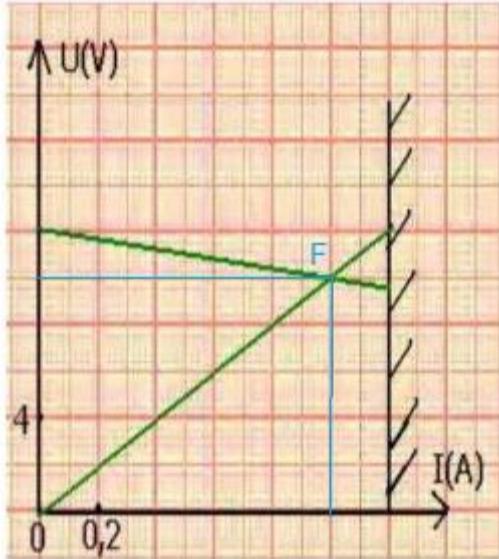
$$I'_2 = \frac{U_Z}{R_2}$$

$$I' = \frac{0,8}{25} = 0,03 \text{ A} \quad \text{ت.ع:}$$

نلاحظ أن شدة التيار التي تجتاز الموصل الأولي مهملاً أمام تلك التي تجتاز صمام زينر.

### تمرين 8:

- 1.1 - نقطة الإشتغال مبياناً نحددها بتقاطع المميزتين إحداثيات نقطة التقاطع تحدد نقطة الإشتغال .  
نجد :  $F(I_F=1A; U_F=10V)$



### 1.2 - الطريقة الحسابية :

$$I = \frac{E}{r+R_1+R_2}$$

حسب المميزتين فإن لثاني القطب AB وهو موصل أولي مكافئ ل  $R_1$  و معامل التناوب لهذه الدالة يمثل المقاومة المكافئة لهذا التجميع .

$$R_e = \frac{\Delta U}{\Delta I} = \frac{4}{0.4} = 10\Omega$$

بالنسبة للمولد  $E=12V$  والمقاومة الداخلية هي  $2\Omega$

$$U_F = R_{eq}I_F = 10 \times 1 = 10V \quad I_F = \frac{12}{10+2} = 1A$$

### 1.3 - إيجاد $U_2$ :

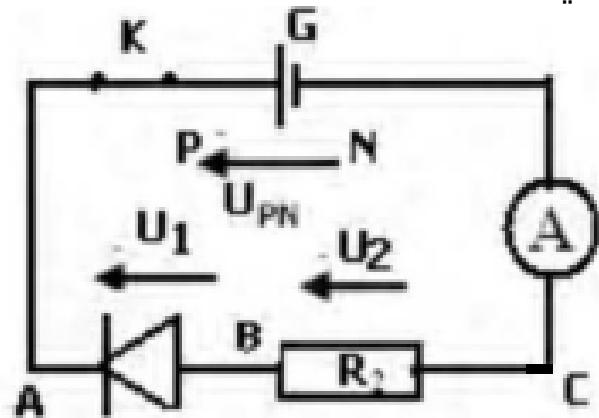
حسب قانون إضافية التوترات :  $U_{AC} = U_{AB} + U_{BC}$

$$U_{BC} = U_2 \quad U_{AB} = U_1 = 2V \quad U_{AC} = U_{PN} = E - RI$$

نستنتج :  $U_2 = U_{PN} - U_1 = E - Ri - U_1$

$$U_2 = 12 - 2 \times 1 - 2 = 8V$$

2- تبيانة الدارة الكهربائية :



الصمام الثنائي يتصرف كقاطع للتيار مفتوح أي أن  $I=0$ .

و  $U_{AB}=R_2I=0$  لأن ثنائى القطب AB يكافئ دارة مفتوحة .