

توازن جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت

Equilibre d'un corps solide en rotation autour d'un axe fixe

I - عزم قوة

1 - مفعول قوة على دوران جسم صلب

مثال 1 : حركة الباب حول المفصلات والتي تجسد محور الدوران Δ .

ليس للقوتين $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ أي مفعول على دوران الباب

يكون لقوة مفعول دوران على جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت ، إذا كان خط تأثيرها

غير مواز لمحور الدوران ولا يتقاطع معه .

2 - مثال

القوة $\vec{F}$ لها مفعول على دوران الباب

نلاحظ أن شدة القوة تزداد كلما اقتربنا من محور الدوران Δ أي المفصلات

أي أن هناك علاقة بين شدة القوة $\vec{F}$ والمسافة الفاصلة بين خط تأثيرها والمحور Δ

2 - عزم قوة بالنسبة لمحور ثابت

1-2 - تعريف

عزم قوة $\vec{F}$ بالنسبة لمحور الدوران (Δ) متعامد مع خط تأثيرها له قيمة مطلقة تساوي جداء الشدة F والمسافة d الفاصلة بين (Δ) وخط تأثيرها .

$$|\mathcal{M}_\Delta(\vec{F})| = F \cdot d$$

وحدة عزم القوة في النظام العالمي للوحدات هي : $N \cdot m$

2-2 - عزم قوة مقدار جبري

الجداء $F \cdot d$ لا يدلنا على منحنى دوران الجسم S حول المحور (Δ)

لهذا يجب أن نختار منحنى اعتباطيا لدوران الجسم ونعتبره موجبا كما في الشكل :

* إذا كان بإمكان القوة إدارة الجسم في المنحنى الموجب الذي تم اختياره

فإن عزمها يعتبر موجبا : $\mathcal{M}_\Delta(\vec{F}) = +F \cdot d$

* * إذا كان بإمكان القوة إدارة الجسم عكس المنحنى الذي تم اختياره

فإن عزمها يعتبر سالبا : $\mathcal{M}_\Delta(\vec{F}) = -F \cdot d$

إذن بصفة عامة عزم قوة $\vec{F}$ بالنسبة لمحور (Δ) ثابت هو :

$$\mathcal{M}_\Delta(\vec{F}) = \pm F \cdot d$$

II - عزم مزدوجة قوتين

1 - مزدوجة قوتين

تكون القوتان $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ مزدوجة قوتين ، إذا كان مجموعهما المتجهي منعدم ولهما نفس خط التأثير .

2 - عزم مزدوجة قوتين

عزم مزدوجة قوتين بالنسبة لمحور الدوران (Δ) عمودي على مستوية المزدوجة هو جداء الشدة المشتركة للقوتين والمسافة d الفاصلة بين خطي تأثيرهما :

$$\mathcal{M}_e = \pm F \cdot d \quad \text{وحدة } \mathcal{M}_e \text{ في النظام العالمي للوحدات هي } N \cdot m$$

III - مبرهنة العزوم

1 - نص مبرهنة العزوم

عند توازن جسم صلب قابل للدوران حول محور ثابت (Δ) أي كان ، فإن مجموع الجبري لعزوم القوى المطبقة عليه

$$\sum_{i=1}^n \mathcal{M}_\Delta(\vec{F}_i) = 0$$

بالنسبة لهذا المحور ، مجموع منعدم :

2 - تطبيق

نطبق على ساق متجانسة AB طولها $80cm$ وكتلتها مهمة ، ثلاث قوى $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ و $\vec{F}_3$ رأسية (أنظر الشكل)

شداتها هي $F_1=4N$ و $F_2=4N$ و $F_3=2N$.

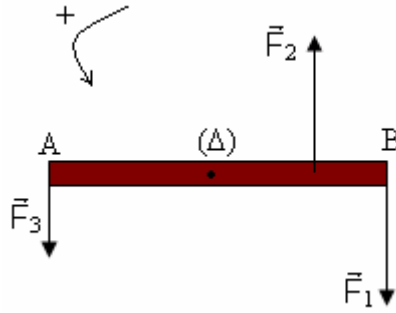
محور الدوران أفقي وثابت يمر من مركز الساق .

1 - هل القوتان $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$ تكونان مزدوجة ؟ علل إجابتك .

2 - مثل الخط المضلعي لمتجهات القوى المطبقة على الساق ؟

3 - أحسب المجموع الجبري لعزوم القوى المطبقة على الساق .

4 - هل يتحققا شرطا التوازن في هذه الحالة؟ علل إجابتك



VI - عزم مزدوجة اللي

1 - مزدوجة قوتين على سلك فلزي

عند تطبيق مزدوجة قوتين على القضيب ، نلاحظ أن السلك يلتوي أي أن تأثير المزدوجة أدى إلى ليّ السلك . وعند حذف المزدوجة يعود القضيب إلى موضع توازنه البدئي . نفس هذا كون أن السلك الملتوي يطبق بدوره على القضيب قوى ارتداد .

الدراسة الميكانيكية للقضيب :

* قبل تطبيق مزدوجة القوتين $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$:

القضيب في حالة توازن وهو خاضع لوزنه $\vec{P}$ و $\vec{R}$ القوة المطبقة من طرف السلك بحيث

$$\vec{P} + \vec{R} = \vec{0} \quad \text{و} \quad \mathcal{M}_A(\vec{P}) + \mathcal{M}_A(\vec{R}) = 0$$

* عند تطبيق مزدوجة القوتين $(\vec{F}_1, \vec{F}_2)$

يكون السلك ملتويا وهو يخضع للقوى $\vec{P}$ و $\vec{R}$ والمزدوجة المطبقة $\mathcal{M}_A(\vec{F}_1, \vec{F}_2)$ ومجموع قوى الارتداد المسلطة من طرف جميع مولدات السلك

$$\sum \vec{f}_i$$

القضيب في حالة النوازن :

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \sum \vec{f}_i = \vec{0}$$

و كذلك

$$\mathcal{M}_A(\vec{P}) + \mathcal{M}_A(\vec{R}) + \mathcal{M}_A(\vec{F}_1, \vec{F}_2) + \sum \mathcal{M}_A(\vec{f}_i) = 0$$

$$\sum \mathcal{M}_A(\vec{f}_i) = -\mathcal{M}_A(\vec{F}_1, \vec{F}_2)$$

$$\sum \vec{f}_i = \vec{0}$$

خلاصة : قوى الارتداد $\sum \vec{f}_i$ لها خاصيات مزدوجة قوتين .

تسمى بمزدوجة اللي Couple de torsion ونركز لها ب $\mathcal{M}_e$

2 - عزم مزدوجة اللي

من خلال الدراسة التجريبية نستنتج أن عزم المزدوجة المطبقة على السلك تتناسب اطرادا مع الزاوية θ زاوية اللي نقول

$$\mathcal{M}_A(\vec{F}_1, \vec{F}_2) = C\theta$$

حيث C ثابتة تميز السلك نسميها ثابتة لي السلك وهي تتعلق بطول السلك وبمقطعه وبنوعيته .

وحسب الدراسة السابقة أن عزم مزدوجة لي السلك $\sum \mathcal{M}_A(\vec{f}_i) = \mathcal{M}_e$ هي المقابل لعزم مزدوجة القوتين $\vec{F}_1$ و $\vec{F}_2$

$$\mathcal{M}_e = -C \cdot \theta$$

