

تصحيح تمارين التجاذب الكوني

## تمرين 1:

- أ-لدينا :  $3,1 \mu m = 3,1 \cdot 10^{-6} m$  اذن  $1\mu m = 10^{-6} m$

ب-لدينا :  $7,8 dm = 7,8 \cdot 10^{-1} m$  اذن  $1dm = 10^{-1} m$

ج-لدينا :  $0,1 mm = 10^{-1} \cdot 10^{-3} = 10^{-4} m$  اذن  $1mm = 10^{-3} m$

د-لدينا :  $20\mu m = 2 \cdot 10 \cdot 10^{-6} = 2 \cdot 10^{-5} m$  اذن  $1 \mu m = 10^{-6} m$

هـ-لدينا :  $125 pm = 1,25 \cdot 10^2 \cdot 10^{-12} m = 1,25 \cdot 10^{-10} m$  اذن  $1pm = 10^{-12} m$

وـ-لدينا :  $3,4 fm = 3,4 \cdot 10^{-15} m$  اذن  $1fm = 10^{-15} m$

## تمرين 2 :

- 1 عدد الأعداد المعبرة :

  - العدد  $3,25 \cdot 10^4$  يضم 3 أرقام معبرة وهي : 3 و 2 و 5 .
  - العدد 0,00043 ، يكتب أولاً هذه الكتابة علمياً (a. $10^n$ ) :  $a = 4,3 \cdot 10^{-4}$  يضم هذا العدد رقمين معتبرين وهما 4 و 3 .
  - العدد  $2 \cdot 10^5$  يحتوي هذا العدد على رقماً معتبراً واحداً وهو 2 .
  - العدد  $5.01 \cdot 10^8$  يحتوي هذا العدد على 3 أرقام معبرة .
  - العدد  $6,1 \cdot 10^{-5}$  يحتوي على رقمين معتبرين .
  - العدد 0,080 يكتب  $= 8.0 \cdot 10^{-2}$  فهو يحتوي على رقمين معتبرين .

-2 الكتابة العلمية :

الأعداد المكتوبة كثابة علمية هي :  
 3,25.10<sup>4</sup>; 2.10<sup>5</sup>; 5,01.10<sup>8</sup>; 6,1.10<sup>-5</sup>  
 الكتابة العلمية للأعداد الأخرى :

- 3 تذکیر

**a.10<sup>n</sup>** الكتابة العلمية :  
 مع  $10 < a \leq 1$ : و  $n$ : عدد صحيح موجب أو سالب .  
 رتبة القدر قوة العشرة الأقرب لهذا العدد .  
 بالنسبة للعدد  $382 \cdot 10^2$  يكتب  $3,82 \cdot 10^2$   
 لدينا  $a = 3,82$  و  $n = 2$   
 بما أن  $5 < a < 10$  فإنها تقترب من 1 ومنه رتبة القدر العدد  $3,82 \cdot 10^2$  هو  $10^2$   
 بالنسبة للعدد  $0,00076$  يكتب  $7,6 \cdot 10^{-4}$   
 بما أن  $5 < a < 10$  فإنه يقترب من 10 ومنه فإن رتبة القدر هي  $10^{-3} = 10^{-3}$

رتبة قدر العدد	الكتابة العلمية	الكتابة العشرية
$10^2$	$3,82 \cdot 10^2$	382
$10^{-5}$	$8,2 \cdot 10^{-6}$	0,0000082
$10^{-3}$	$7,6 \cdot 10^{-4}$	0,00076
$10^{-5}$	$8,9 \cdot 10^{-6}$	0,0000089

## التمرين 3:

- تعبير الشدة المشتركة لقوة التجاذب الكوني بين الكرة والارض :

$$F = G \frac{M \cdot m}{(R+d)^2}$$

- حساب F :

$$M = 6 \cdot 10^{21} \text{t} = 6 \cdot 10^{24} \text{kg} \quad R = 6378 \text{km} = 6378 \cdot 10^3 \text{m}$$

$$F = 6,67 \cdot 10^{-11} \frac{6 \cdot 10^{24} \text{kg} \times 0,7 \text{kg}}{(6378 \cdot 10^3 \text{m} + 1 \text{m})^2}$$

$F \approx 6,89 \text{N}$

- استنتاج شدة الثقالة :  
لدينا :

$$P = mg \Leftarrow g = \frac{P}{m} = \frac{689}{0,7} = 9,84 \text{ N/kg}$$

## التمرين 4:

- شدة وزن إحدى الكرتتين :

$$P = m \cdot g$$

ت.ع :

$$P = 0,65 \times 9,8 = 6,37 \text{N}$$

- شدة قوة التجاذب الكوني :

$$F = G \cdot \frac{m \cdot m}{d^2}$$

ت.ع :

$$F = 6,67 \cdot 10^{-11} \times \frac{0,65 \times 0,65}{(20 \cdot 10^{-2})^2} = 7 \cdot 10^{-10} \text{ N}$$

- لنقارن F و P

$$P \approx 10^{10} F \Rightarrow \frac{P}{F} = \frac{6,4}{7 \cdot 10^{-2}} = 9 \cdot 10^9$$

وبالتالي قيمة التجاذب الكوني المطبقة من طرف إحدى الكرتتين على الأخرى مهملة أمام قيمة وزن إحدى الكرتتين ، لذلك عندما ندرس توازن إحدى الكرتان لا نأخذ بعين الإعتبار قوة التجاذب الكوني المطبقة من طرف إحدى الكرتتين على الأخرى .

**تمرين 5 :**

- وزن القمر الإصطناعي على سطح الأرض :

$$P_0 = mg_0$$

ت.ع:

$$P_0 = 800 \times 9,81 = 7848 \text{ N}$$

- وزنه على علو  $h=600 \text{ km}$  من سطح الأرض :

$$P_h = mg$$

نعلم أن :

إذن وزنه عند الارتفاع :

$$P = mg_0 \frac{R^2}{(R+h)^2}$$

$$P = P_0 \left( \frac{R}{R+h} \right)^2$$

ت.ع :

$$P = 7848 \times \left( \frac{6,40 \cdot 10^6}{6,40 \cdot 10^6 + 300 \cdot 10^3} \right)^2$$

$$P = 7144 \text{ N}$$

**تمرين 6 :**

- المسافة بين نواتي الذرتين :  
حسب السلم المستعمل لدينا :

$$4 \text{ cm} \rightarrow 3,2 \text{ fm}$$

ومنه :

$$4 \cdot 10^{-2} \text{ m} \rightarrow 3,2 \cdot 10^{-15} \text{ m}$$

$$d \rightarrow 147 \cdot 10^{-12} \text{ m}$$

نستنتج :

$$d = \frac{4 \cdot 10^{-2} \times 147 \cdot 10^{-12}}{3,2 \cdot 10^{-15}} = 1837,5 \text{ m}$$

$$d = 1,8 \cdot 10^3 \text{ m}$$

- المسافة بين الشمس وكل كوكب :

حسب السلم :

$$4\text{cm} \rightarrow 3,2\text{fm}$$

أي :

$$4 \cdot 10^{-2}\text{m} \rightarrow 7 \cdot 10^8\text{ m}$$

نحو المسافات الى المتر:

المسافة شمس - زهرة :

$$D_V = 108 \cdot 10^6\text{ km} = 1,08 \cdot 10^{11}\text{ m}$$

المسافة شمس - أرض :

$$D_T = 150 \cdot 10^6\text{ km} = 1,5 \cdot 10^{11}\text{ m}$$

المسافة سمش - زحل :

$$D_S = 228 \cdot 10^6\text{ km} = 2,28 \cdot 10^{11}\text{ m}$$

المسافة سمش - مشتري :

$$D_J = 778 \cdot 10^6\text{ km} = 7,78 \cdot 10^{11}\text{ m}$$

المسافة شمس - بلوتون :

$$D_P = 5950 \cdot 10^6\text{ km} = 5,95 \cdot 10^{12}\text{ m}$$

باستعمال علاقـة التـنـاسـب :

$$4 \cdot 10^{-2}\text{m} \rightarrow 7 \cdot 10^8\text{ m}$$

$$d \rightarrow D$$

اذن :

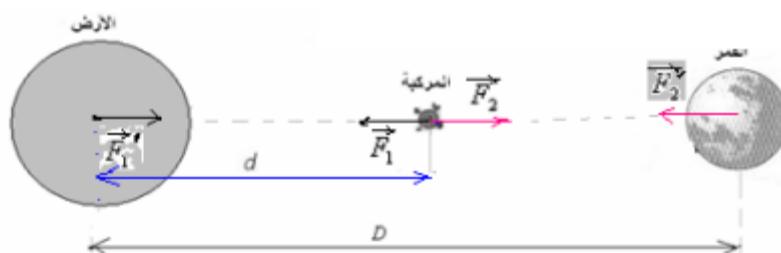
$$d = \frac{4 \cdot 10^{-2} D}{7 \cdot 10^8}$$

المسافة $d$ حسب السلم	المسافة $D$
6,2m	$D_V$
8,6m	$D_T$
13m	$D_S$
44m	$D_J$
40m	$D_P$

- الإستنتاج :

من السؤالين 1 و 2 نستنتج أنه على المستوى الذري أو الفلكي ، يتكون الفضاء أساسا من الفراغ .

## تمرين 7 :



- تعبير شدة قوة التجاذب الكوني التي يطبقها القمر على المركبة :

$$F_{L/S} = G \frac{M_L m}{(D-d)^2}$$

تعبر شدة القوة التي تطبقها الأرض على المركبة :

$$= G \frac{M_T m}{d^2} F_{T/S}$$

- عند ما تكون  $d=d_0$  تكون للقوتين  $F_{L/S}$  و  $F_{T/S}$  نفس الشدة :

$$G \frac{M_L m}{(D-d_0)^2} = G \frac{M_T m}{d_0^2}$$

$$\frac{M_L}{(D-d_0)^2} = \frac{M_T}{d_0^2}$$

$$M_L d_0^2 = M_T (D - d_0)^2$$

$$d_0 = \pm (D - d_0) \sqrt{\frac{M_T}{M_L}}$$

عندما نأخذ القيمة الموجبة نجد:

$$d_0 = D \frac{\sqrt{\frac{M_T}{M_L}}}{1 + \sqrt{\frac{M_T}{M_L}}} (1)$$

عندما نأخذ القيمة السالبة نجد:

$$d_0 = -D \frac{\sqrt{\frac{M_T}{M_L}}}{1 - \sqrt{\frac{M_T}{M_L}}} (2)$$

تطبيق عددي :

$$\frac{M_T}{M_L} = \frac{M_T}{\frac{M_T}{83}} = 83$$

$$d_0 = 3,84 \cdot 10^5 \frac{\sqrt{83}}{1 + \sqrt{83}} = 3,46 \cdot 10^5 \text{ km} (1)$$

$$d'_0 = -3,84 \cdot 10^5 \times \frac{\sqrt{83}}{1 - \sqrt{83}} = 4,31 \cdot 10^5 \text{ km} > D (2)$$

في الحالة الثانية لا يمكن للمركبة ان تكون بين الأرض والقمر لأن  $d'_0 > D$  اذن للقوتان نفس الشدة عند ما تكون المسافة  $d = 3,46 \cdot 10^5 \text{ km}$ .

## تمرين 8:

- مميزات الوزن  $\vec{P}$
- نقطة التأثير :  $G$  مركز ثقل الجسم .
- الإتجاه : الخط الرأسي المار من  $G$  .
- المنحى : نحو الأسفل .
- الشدة :  $P=mg$  .

- 2- تغير الوزن حسب الارتفاع : كلما ابتعدنا عن سطح الأرض كلما تناقصت شدة الثقالة و وبالتالي تناقص شدة الوزن .
- 3- قيمة الارتفاع  $h$  : نعلم أن :

$$g_h = g_0 \cdot \frac{R^2}{(R+h)^2}$$

وبالتالي وزن الجسم عند الارتفاع  $h$  :

$$P_h = m \cdot g_h$$

$$P_h = m g_0 \frac{R^2}{(R+h)^2}$$

مع :  $P_0 = m g_0$

$$P_h = P_0 \frac{R^2}{(R+h)^2} \quad \text{ومنه :}$$

نعلم أن :  $P_h = \frac{P_0}{2}$

$$P_0 \frac{R^2}{(R+h)^2} = \frac{P_0}{2}$$

$$\frac{R^2}{(R+h)^2} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{R}{R+h} = \sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

$$R\sqrt{2} = R+h$$

$$h = R\sqrt{2} - R$$

$$h = R(\sqrt{2} - 1)$$

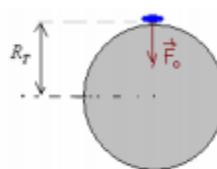
: ع.ت

$$h = 6,4 \cdot 10^3 (\sqrt{2} - 1)$$

$$h = 2,65 \cdot 10^3 \text{ km}$$

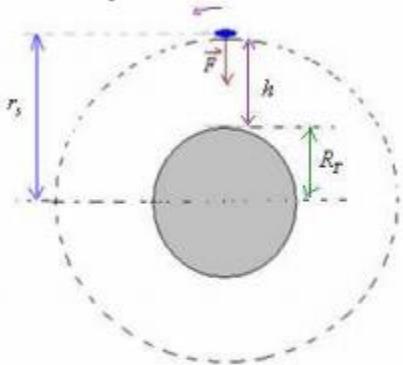
## تمرين 9:

- 1- الشدة المشتركة  $F_0$  لقوى التأثير البيني الجاذبي بين الأرض والسماء عندما يكون هذا الأخير على سطحها .



$$F_0 = G \cdot \frac{M_T \cdot m}{R_T^2}$$

- الشدة  $F$  لقوى التأثير البيني الجاذبي بين الأرض والسائل عندما يكون السائل في مداره



$$F = G \cdot \frac{M_T m}{r_S^2}$$

- لنحدد الارتفاع  $h$  الذي يوجد عليه السائل عندما تكون  $\frac{F_0}{F} = 16$  أي :

$$F = G \cdot \frac{M_T m}{r_S^2} \quad \text{و} \quad F_0 = G \cdot \frac{M_T m}{R_T^2} \text{ مع}$$

$$\frac{F_0}{F} = \frac{G \cdot \frac{M_T m}{R_T^2}}{G \cdot \frac{M_T m}{r_S^2}} = \frac{\frac{1}{R_T^2}}{\frac{1}{r_S^2}} = \frac{R_S^2}{R_T^2}$$

$$\frac{F_0}{F} = 16 \iff 16 \frac{R_T^2}{r_S^2} \iff r_S^2 = 16 \cdot R_T^2 \iff r_S = 4 \cdot R_T$$

وبما أن المدار شعاعه :  $r_S = R_T + h$  فإن :

$$h = 4R_T - R_T = 3R_T \quad \text{اذن :} \\ h = 3 \times 6378 = 19134 \text{ km}$$