

تمارين حول التحويلات
تصادف حول التحويلات

التمرين الأول

A, B, C ثلاث نقاط في المستوى بحيث :

$$3\overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{BC}$$

(1) حدد نسبة التحاكي h الذي مركزه A و يحول C إلى B

(2) حدد نسبة التحاكي h الذي مركزه B و يحول C إلى A

(3) لتكن C' صورة النقطة C بالازاحة t متجهتها $\overrightarrow{AB}$ بين أن C' منتصف القطعة $[AC]$

التمرين الثاني

ليكن ABC مثلثا و I, J منتصفي القطعتين $[AC], [BC]$ على التوالي و E نقطة بحيث :

$$\overrightarrow{BE} = \frac{3}{4}\overrightarrow{BC} \text{ والنقطة } P \text{ هي تقاطع } (AB) \text{ و } (EI)$$

(1) بين أن $\overrightarrow{EB} = 3\overrightarrow{EJ}$ وأنجز شكلا

(2) h التحاكي الذي مركزه I و يحول E إلى P

أ. بين أن $\frac{EI}{EP} = \frac{EJ}{EB}$ ثم استنتج أن نسبة h هي -2

ب. لتكن M نقطة بحيث $\overrightarrow{PM} = -2\overrightarrow{EB}$

بين أن صورة B بالتحاكي h هي النقطة M

التمرين الثالث

ليكن ABC مثلثا و E نقطة بحيث :

$$\overrightarrow{CE} = -\frac{1}{3}\overrightarrow{AB} \text{ والنقطة } I \text{ تقاطع } (BE) \text{ و } (CA)$$

نعتبر التحاكي h الذي مركزه I و يحول A إلى C

(1) أ. حدد صورة النقطة B بالتحاكي h

ب. استنتج نسبة التحاكي h

(2) المستقيم المار من E والموازي للمستقيم (BC)

يقطع (AI) في النقطة J . بين أن $h(C) = J$

التمرين الرابع

ليكن $ABCD$ متوازي أضلاع و I منتصف $[BC]$ و

E نقطة بحيث $\overrightarrow{BA} = 3\overrightarrow{BE}$ والنقطة O هي تقاطع

المستقيمين (AI) و (DE) نعتبر التحاكي h الذي

مركزه O و يحول A إلى I

(1) ماهي صورة (AD) بالتحاكي h

(2) أ. حدد وضع النقطة M صورة النقطة D

بالتحاكي h ثم بين أن B منتصف القطعة $[IM]$

ب. استنتج أن نسبة التحاكي h هي $k = -1$

(3) حدد النقطة J بحيث $h(J) = B$

التمرين الخامس

$ABCD$ متوازي أضلاع. ليكن h تحاكي مركزه

I نسبه $k = -2$ و بحيث $h(B) = C$

(1) بين أن $\overrightarrow{BI} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$ ثم أنجز شكلا

(2) المستقيم (DI) يقطع (AB) في النقطة G

بين أن $h(G) = D$

(3) لتكن H مسقط النقطة G على (BC) بتواز

مع المستقيم (BD)

أ. بين أن $h(H) = B$

ب. بين أن H منتصف القطعة $[BC]$

التمرين السادس

ليكن $ABCD$ مربعا طول ضلعه 4cm ، ولتكن

(C) الدائرة التي أحد أقطارها $[AD]$ ومركزها O

و C' هي نقطة تقاطع $[OC]$ والدائرة (C) .

نعتبر التحاكي h الذي مركزه O و يحول C إلى C'

(1) بين أن نسبة التحاكي h هي $k = \frac{\sqrt{5}}{5}$

(2) ليكن D' المسقط العمودي للنقطة C' على

المستقيم (AD) . بين أن $h(D) = D'$

(3) ماهي صورة الدائرة (C) بالتحاكي h

التمرين السابع

نعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ النقط

$$A(3, -1), B\left(-\frac{3}{2}, -1\right) \text{ و } C(0, 2)$$

$$\text{ونعتبر المتجهة } \vec{u} = \frac{5}{3}\overrightarrow{AB}$$

(1) حدد إحداثيات النقطة D صورة C بالازاحة t متجهتها $\vec{u}$

(2) h تحاكي نسبه $k = \frac{5}{2}$ و يحول A إلى C

أ. حدد إحداثيات النقطة I مركز التحاكي h

ب. حدد إحداثيات النقطة E سابق النقطة D

$$\text{بالتحاكي } h \text{ ثم بين أن } \overrightarrow{AE} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB}$$

ج. ليكن F مسقط النقطة E على (AC) بتواز

مع (BC) بين أن A منتصف القطعة $[IF]$