

الأستاذ:  
نجيب  
عثمانى

سلسلة تمارين: المستقيم في المستوى  
المستوى : الجذع مشترك علمي و الجذع مشترك تكنولوجي

أكاديمية  
الجنة  
الشرقية

**تمرين 11:** نعتبر في المستوى المنسوب الى معلم متعامد منظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  نقط  $D(m-1; 2m-3)$  و  $A(2; 3)$  و  $B(3; 5)$  و  $C(1; 5)$  و  $m$  بaramتر حقيقي

1) بين أن المستقيم  $(AB)$  لا يمر من النقطة  $C$

2) حدد قيمة البارامتر الحقيقي بحيث تكون

النقط  $A$  و  $B$  و  $D$  مستقيمية

**تمرين 12:** نعتبر في الأساس  $(\vec{i}; \vec{j})$  المتجهات التالية :

$$\vec{w} = -4\vec{i} + 3\vec{j}$$

1) بين أن المتجهتين  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  غير مستقيمتين

$$\vec{w} = x\vec{u} + y\vec{v}$$

2) حدد  $x$  و  $y$  حيث

**تمرين 13:** نعتبر المستقيم  $(D)$  الذي معادلته  $y = x - 1$

حدد متجهة موجهة لـ  $(D)$

**تمرين 14:** نعتبر النقطة  $A(3; -5)$  و المتجهة  $\vec{u}(-2; 3)$

حدد تمثيلا بارامטרי للمستقيم  $(A; \vec{u})$

**تمرين 15:** في المستوى  $(o; \vec{i}; \vec{j})$  نعتبر النقطة:

1. حدد تمثيلا باراميتريا للمستقيم  $(AB)$

2. حدد نقط تقاطع المستقيم  $(AB)$  مع محوري المعلم

**تمرين 16:** نعتبر في المعلم المتعامد المنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  النقط

.  $A(2; 4)$  و  $B(5; -1)$  حدد معادلة ديكارتية للمستقيم  $(AB)$ .

**تمرين 17:** نعتبر في المعلم المتعامد المنظم  $(\vec{i}, \vec{j})$  النقطة

$\vec{u}(-2; 1)$  و المتجهة  $(A(1; 2))$

1. حدد معادلة ديكارتية للمستقيم  $(D)$  المار من النقطة :

$\vec{u}(1; 2)$  و الموجه بالتجهيز

2. هل النقطة  $B(0; 5)$  تتنمي للمستقيم  $(D)$ ؟

3. حدد نقطة أخرى تتنمي لـ  $(D)$

**تمرين 18:** نعتبر في المعلم المتعامد المنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  المستقيم

$$2x - 5y + 4 = 0$$

الذي معادلته :  $(D)$

1. حدد متجهة موجهة بالتجهيز للمستقيم  $(D)$

2. أرسم المستقيم  $(D)$

**تمرين 19:** نعتبر المستقيمين  $x - 2y + 6 = 0$  و  $-2x + 4y + 1 = 0$  و  $(D')$

بين  $(D') \parallel (D)$

**تمرين 1:**  $ABC$  مثلث ولتكن النقطة  $M$  بحيث

حدد زوج إحداثي النقطة  $M$  في المعلم  $(\vec{A}, \vec{AB}, \vec{AC})$

**تمرين 2:** ليكن  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  معلم إذا كانت  $(-4, 1)$  و  $(-3, 7)$  نقطتين

حدد زوج إحداثي المتجهة  $\vec{AB}$  في الأساس  $(\vec{i}, \vec{j})$

**تمرين 3:** نعتبر في الأساس  $(\vec{i}, \vec{j})$  المتجهتين  $(-2, 3)$  و  $(-5, 1)$  و  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$

حدد زوج إحداثي المتجهات التالية :  $\vec{u} + \vec{v}$  و  $5\vec{u} - 2\vec{v}$

**تمرين 4:** ليكن  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  معلم متعامدا منظما. إذا كانت:  $A(3, 1)$  و  $B(-1, 2)$

1) حدد زوج إحداثي  $M$  منتصف القطعة  $[AB]$

2) حدد المسافة بين النقطتين  $A$  و  $B$

**تمرين 5:** في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم  $(o; \vec{i}; \vec{j})$

نعتبر النقط:  $(2, 4)$ ,  $C(3, -2)$ ,  $B(-3, -1)$ ,  $A(1, 2)$  و المتجهتين  $(-2, 3)$  و  $(-4, 1)$

1. حدد زوج إحداثي  $D$  حيث

2. حدد زوج إحداثي  $I$  منتصف  $[AB]$

3. أحسب المسافات التالية:  $AB$  و  $AC$  و  $BC$

**تمرين 6:** نعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

النقطتين  $(-5; 4)$  و  $(1; 2)$

1) حدد زوج إحداثي  $I$  منتصف القطعة  $[AB]$  و حدد

$\vec{OA} + \vec{OB} = \vec{OC}$  بحيث :

(3) ماهي طبيعة الرباعي :

4) حدد زوج إحداثي المتجهة  $\vec{u}$  بحيث

**تمرين 7:** نعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

النقط  $(C(5; -1)$  و  $B(1; 1)$  و  $A(3; 5)$  و  $(-1; 4)$ )

بين أن المثلث :  $ABC$  قائم الزاوية و متساوي الساقين في

**تمرين 8:** نعتبر في الأساس  $(\vec{i}, \vec{j})$  المتجهتين  $(-2, 3)$  و  $(-4, 1)$  و  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$

هل  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  مستقيمتين؟

**تمرين 9:** في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم  $(o; \vec{i}; \vec{j})$

نعتبر النقط:  $\vec{u}(1, 3)$ ,  $C(1, 4)$ ,  $B(-2, -2)$ ,  $A\left(\frac{1}{2}, 3\right)$  و المتجه  $\vec{v}(2, 5)$

1. حدد  $x$  بحيث  $\vec{u}$  و  $\vec{v}(x - 2, 5)$  مستقيمتان

2. بين أن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  مستقيمية

**تمرين 10:** المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم  $(o; \vec{i}; \vec{j})$

بارامتر حقيقي  $m$

ناقض حسب قيم البارامتر الحقيقي استقامية المتجهتين  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  في

الحالات التالية :

$$\vec{v}(2; m) \cdot \vec{u}(3; 2m + 1) = 1$$

$$\vec{v}(1; m) \cdot \vec{u}(m; 1) = 2$$

**تمرين 20:** نعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد

- منظم المستقيمات:  $(D_1): 6x + 3y + 2 = 0$  و  $(D_2): 3x - 2y - 1 = 0$
- و النقط التالية :  $A(1,2)$  و  $B(3,-2)$
1. بين أن  $(D_1)$  و  $(D_2)$  متقطعان و حدد نقطة تقاطعهما
  2. حدد معادلة ديكارتية للمستقيم .
  3. حدد الوضع النسبي للمستقيمين  $(D_1)$  و .
  4. حدد تمثيلا بارا متريا للمستقيم  $(D_1)$  المار من  $C(1,2)$  و الموازي للمستقيم  $(D_1)$ .

**تمرين 21:** نعتبر المستقيمين  $(D'): x - y = 0$  و  $(D): 3x - 5y + 6 = 0$

1. حدد تمثيلا بارا متريا لكل من المستقيم  $(D')$  و  $(D)$
2. حدد معادلة ديكارتية للمستقيم المار من  $B(1,0)$  و الموازي لـ  $(EC)$  حيث  $E(3,3)$  و  $C(4,0)$
3. حدد إحداثيات النقط تقاطع و و إحداثيات النقطة  $J$  تقاطع و .
4. بين أن  $J$  منتصف  $[IB]$

**تمرين 22:** لتكن  $A$  و  $B$  و  $C$  ثلاثة نقط من المستوى

ولتكن  $E$  و  $F$  النقطتين المعرفتين بـ  $\overrightarrow{AF} = \frac{5}{4}\overrightarrow{AC} - \frac{1}{2}\overrightarrow{AB}$

$$\overrightarrow{BE} = \frac{4}{3}\overrightarrow{BC} + \frac{1}{3}\overrightarrow{BA}$$

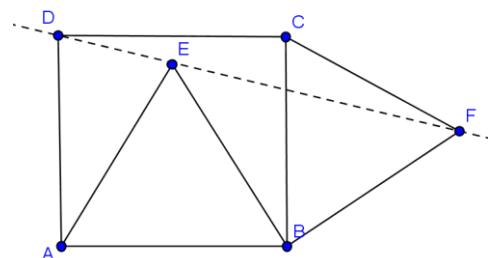
(1) بين أن النقط  $C$  و  $E$  و  $F$  مستقيمية

(2) حدد زوج احداثي كل من النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $E$  و  $F$  و في المعلم  $(C, \overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB})$

(3) بين بطريقة أخرى أن النقط  $C$  و  $E$  و  $F$  مستقيمية

**تمرين 23:** لتكن  $ABCD$  مربعا و  $BCF$  و  $ABE$  و  $BCF$  مثلثان متساويا الأضلاع (أنظر الشكل) حيث :

ليكن  $I$  منتصف القطعة  $[AB]$  و  $J$  ليكن منتصف القطعة  $[BC]$



$$(1) \text{ بين أن } \overrightarrow{JF} = \frac{\sqrt{3}}{2}\overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{IE} = \frac{\sqrt{3}}{2}\overrightarrow{AD}$$

(2) عير عن المتجهتين  $\overrightarrow{AD}$  و  $\overrightarrow{AE}$  و  $\overrightarrow{AF}$  بدلالة  $\overrightarrow{AD}$  و  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{AF}$

(3) استنتج زوج احداثي كل من النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $E$  و  $F$  و في المعلم  $(A, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD})$

(4) بين أن النقط  $D$  و  $E$  و  $F$  مستقيمية