

### التمرين الأول

ليكن  $a$  عددا حقيقيا حيث :  $|4a+5| \leq 1$

$$(1) \text{ بين أن : } -\frac{3}{2} \leq a \leq -1 \text{ ثم أطر العدد } (2a+1)^2$$

$$(2) \text{ أ- تحقق أن : } (2a+1)^2(1-a) = -4a^3 + 3a + 1$$

$$\text{ب- بين أن : } 2 \leq -4a^3 + 3a + 1 \leq 10$$

### التمرين الثاني

ليكن  $a, b$  عددا حقيقيا بحيث  $|2a+1| \leq \frac{1}{2}$  و  $\frac{1}{2} \leq b \leq \frac{3}{2}$

$$(1) \text{ بين أن } -\frac{3}{4} \leq a \leq -\frac{1}{4}$$

$$(2) \text{ أطر كل من العددين } ab \text{ و } 2a - b$$

$$(3) \text{ نضع } E = 2ab - 2a + b$$

$$\text{أنشر } (2a+1)(b-1) \text{ ثم بين أن } \frac{3}{4} \leq E \leq \frac{5}{4}$$

### التمرين الثالث

ليكن  $a$  و  $b$  عددين حقيقيين بحيث :  $\frac{1}{2} \leq b \leq \frac{3}{2}$  و  $2b - a = 2$

$$(1) \text{ أ- بين أن } a \in [-1, 1] \text{ و بين أن } |3a - 2b + 2| \leq 4$$

$$\text{ب- بين أن } -2 \leq \frac{a-3}{2b+1} \leq -\frac{1}{2}$$

$$(2) \text{ أ- أنشر المتطابقتين } \left(b + \frac{1}{2}\right)^2 ; (a-2)^2$$

$$\text{و بين أن } -\frac{9}{4} \leq a^2 + b^2 - 4a + b \leq \frac{35}{4}$$

$$\text{ب- بين أن } 0 \leq ab + \frac{1}{2}a + 2b \leq 5$$

### التمرين الرابع

$$(1) \text{ ليكن } x \text{ عددا من المجال } ]4, 5[ \text{ بين أن } \frac{4}{7} \leq \frac{x}{x+3} \leq \frac{5}{8}$$

$$(2) \text{ حل في } \mathbb{R} \text{ المتراجحة } \frac{x-1}{x+2} < \frac{1}{4}$$

$$(3) \text{ حل في } \mathbb{R} \text{ المعادلة } |2x-1| - 5 + x = 0$$