

السنة الدراسية : 2011/12	فرض محروس رقم 2	الثانوية الجـ التأهيلية- تمزموط
المدة: ساعة	الدورة الثانية	
أستاذ: عبد الفتاح قويدر	في مادة الرياضيات	المستوى : ج م ع 1
تمرين I: ليكن ABCD متوازي الاضلاع 1- تحقق ان : $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$ وان $\overrightarrow{DB} = \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AD}$ 2- بين ان : $AC^2 + BD^2 = 2(AB^2 + AD^2)$ 3- صغ الخاصية المحصل عليها 4- تطبيق: نفترض أن $AC=6$ و $BD=4$ و $AD=\sqrt{7}$ أ- احسب AB ب- حدد قياسا للزاوية $\widehat{AOB}$ حيث O مركز ABCD ت- حدد قيمة المقربة بالدرجة للزاوية $\widehat{ABC}$ الى 1°		التنقيط
		7ن
		1ن
		1ن
		1ن
تمرين II: A- حل في المجموعة $\mathbb{R}$ المعادلات التالية: $\cos x = \frac{1}{2}$ (1) $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ (2) $\tan x = \frac{\sqrt{3}}{3}$ (3) $\cos x = \frac{2}{\sqrt{2}-\sqrt{3}}$ (4) B- نعتبر $p(x) = 4\sin^2 x + 2(1 - \sqrt{3})\sin x - \sqrt{3}$ 1- ا- حل في $\mathbb{R}$ المعادلات التالية: $4X^2 + 2(1 - \sqrt{3})X - \sqrt{3} = 0$ ب- استنتج تعميلا لثلاثية الحدود $4X^2 + 2(1 - \sqrt{3})X - \sqrt{3} = 0$ ت- حل في $\mathbb{R}$ المتراجحة التالية: $4X^2 + 2(1 - \sqrt{3})X - \sqrt{3} \geq 0$ 2- حل في المجال $[0, \pi]$ المعادلة $p(x) = 0$ 3- استنتج تعميلا ل $p(x)$		9ن
		4ن
		1ن
		1ن
		1ن
تمرين III: (**) ليكن ABC مثلثا غير متساوي الاضلاع و O و R هما على التوالي مركز و شعاع الدائرة المحيطة به و G مركز ثقله و S مساحته و p نصف محيط المثلث نضع : $a=BC$ و $b=AC$ و $c=AB$ و $2p=a+b+c$ 1- أ- بين ان : $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OC} + \overrightarrow{OC} \cdot \overrightarrow{OA} = 3R^2 - \frac{1}{2}(a^2 + b^2 + c^2)$ ب- استنتج ان : $OG^2 = R^2 - \frac{1}{9}(a^2 + b^2 + c^2)$ 2- ا- بين ان : $\cos 2\widehat{A} + \cos 2\widehat{B} + \cos 2\widehat{C} = \frac{9OG^2 - 3R^2}{2R^2}$ ب- استنتج ان : $\cos 2\widehat{A} + \cos 2\widehat{B} + \cos 2\widehat{C} > -\frac{3}{2}$ 3- نفترض ان : $b < a$ و $b < c$ بين ان : $\frac{p-b}{p} \geq \frac{1}{3}$ استنتج ان : $S \leq \frac{\sqrt{3}}{4}ac$		4ن
		0.5ن
		0.5ن
		1ن
		0.5ن
والله ولي التوفيق		0.75ن
		0.75ن