



وزارة التربية الوطنية
والتعليم العالي
والتفكير والبحث العلمي

الموسم الدراسي : 2012 - 2013

ثانوية ابن الرومي التأهيلية

نيابة سيدي البرنوصي



السبت 01 دجنبر 2012

الفرض رقم : 1 - المستوى : أجزع المشترك العلمي

MATH-NOR

التوقيت : من 10H إلى 12H

التعريف الأول

$$1- \text{بين أنه لكل } x \in \mathbb{R} : x^2 + x + 1 = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{3}{4}$$

$$2- \text{بين أنه لكل } x \in \mathbb{R} : -\frac{5}{3} \leq \frac{x^2 + x - 1}{x^2 + x + 1} < 1$$

التعريف الثاني

ليكن $AB = c$ و $BC = a$ و $CA = b$ أطوال أضلاع مثلث ABC بحيث :

$$b^4 + a^2 c^2 = c^4 + a^2 b^2 \text{ و } b \neq c$$

حدد طبيعة المثلث ABC ؟

التعريف الثالث

نعتبر مثلثا ABC و النقطتان D و E المعرفتان بما يلي : $\overrightarrow{AD} = 2\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$ و $\overrightarrow{BE} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$

أنشئ شكلا مناسباً ثم بين أن النقط D و E و A مستقيمات.

التعريف الرابع

$$1- \text{بين أنه لكل } n \in \mathbb{N}^* : \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1} = \frac{1}{n(n+1)}$$

$$2- \text{بين أنه لكل } n \in \mathbb{N}^* : \left(1 + \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}\right)^2 = 1 + \frac{1}{n^2} + \frac{1}{(n+1)^2}$$

$$3- \text{احسب المجموع التالي : } S = \sqrt{1 + \frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2}} + \sqrt{1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2}} + \sqrt{1 + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2}} + \dots + \sqrt{1 + \frac{1}{2012^2} + \frac{1}{2013^2}}$$