



الجمعة 22 أبريل 2011

الفرض رقم: 4 - المستوى: أبجع المشتركة العلمي

التوقيت : من 14H30 إلى 17H30

الحلقة الثالثة

ال詢ين الأول (5ن)

$$a-b=x \quad \text{و} \quad a^3-b^3=19x^3 \quad \text{و} \quad a \neq b$$

بین أن : $a=3x$ $\quad \text{و} \quad a=-2x$

ال詢ين الثاني (5ن)

$$tu+uv+vt=1 \quad \text{و} \quad u \quad \text{و} \quad v \quad \text{أعداد حقيقية موجبة قطعاً} \quad \text{حيث} \quad t$$

1- أنشر $(t+u+v)^2$ ثم بين أن : $t+u+v \geq \sqrt{3}$

2- استنتج أن : $\frac{1}{t+u} + \frac{1}{u+v} + \frac{1}{v+t} \geq \sqrt{3} + \frac{tu}{t+u} + \frac{uv}{u+v} + \frac{vt}{v+t}$

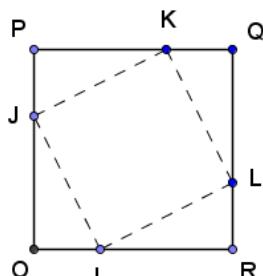
ال詢ين الثالث (5ن)

في الشكل جانبي $OPQR$ مربع.

نعتبر النقط I و J و K و L بحيث :

$$\overrightarrow{QL} = \frac{2}{3} \overrightarrow{QR} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{PK} = \frac{2}{3} \overrightarrow{PQ} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{OJ} = \frac{2}{3} \overrightarrow{OP} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{OI} = \frac{1}{3} \overrightarrow{OR}$$

بین أن الرباعي $IJKL$ مربع.



ال詢ين الرابع (5ن)

$ABCD$ مستطيل ، E و F نقطتان من القطر $[AC]$ بحيث : $AF = AD$ و $AE = AB$

G و H امسقطان العموديان للنقاطين E و F على الضلع $[AB]$

بین أن : $AG + FH = AC$