

أولمبياد الرياضيات جذع مشترك علوم المرحلة الثانية

مدة الانجاز: 3 ساعات

التمرين الأول:

ليكن x عدداً حقيقياً موجباً بحيث: $\sqrt{x+23} + \sqrt{x} = 46$

حدد القيمة العددية للتعبير $\sqrt{x+23} - \sqrt{x}$

التمرين الثاني:

(1) ليكن x و y عددين حقيقيين موجبين.

بين أن $x + y \geq 2\sqrt{xy}$

(2) بين أن $\frac{a}{b} + \frac{b}{c} + \frac{c}{d} + \frac{d}{a} \geq 4$ لكل a و b و c و d أعداد حقيقة موجبة قطعاً

التمرين الثالث:

قارب يؤمن المرور بين مدینتي الرباط و سلا على نهر أبي رقراق في حركة مستقيمية منتظمـة بسرعة V .

تحت تأثير الرياح تصبح هذه السرعة على الشكل التالي:

من الرباط الى سلا $V + v$ حيث $(0 < v < V)$

من سلا الى الرباط $V - v$

هل لوجود الرياح تأثير ايجابي أم سلبي على المدة التي يستغرقها القارب ذهاباً و إياباً؟

التمرين الرابع:

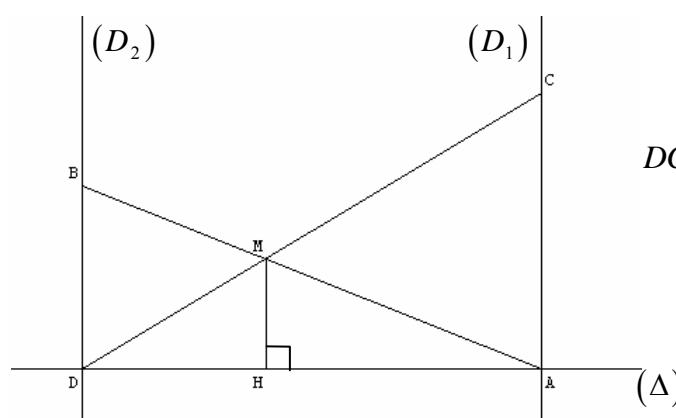
مستقيمان متوازيان من المستوى P و (D_2) و (D_1)

المستقيم العمودي على (D_1) و (D_2) على التوالي في نقطتين

$AD = 5$ و $DC = 9$

نقطة من (D_1) و B نقطة من (D_2) بحيث $AB = 7$ و $BC = 6$

(أنظر الشكل جانبه)



حدد المسافة الفاصلة بين نقطة تقاطع المستقيمين (AB) و (CD) و المسقى (MH) أي المسافة (Δ)

التمرين الخامس:

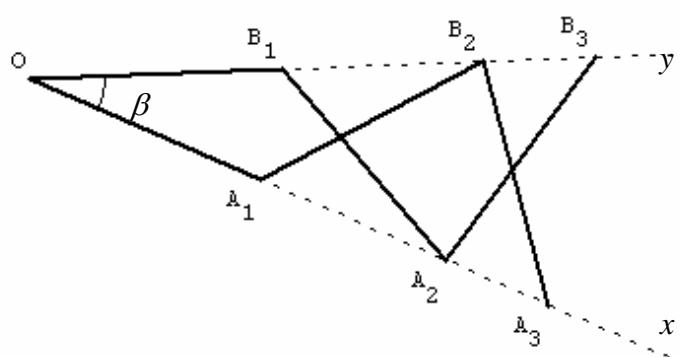
$\sqrt{1 + \frac{\sqrt{2}}{2}} < \cos(1) + \sin(1) < \sqrt{1 + \frac{\sqrt{6}}{2}}$ بين أن:

التمرين السادس:

نعتبر في المستوى P نصف مستقيم (Oy) و (Ox)

لتكن A_1 و A_2 و A_3 و B_1 و B_2 و B_3 ثلاث نقط من نصف المستقيم (Ox)

و O بحث: $OA_1 = OB_1 = B_1A_2 = A_1B_2 = B_2A_3 = A_2B_3 = a$



(أنظر الشكل جانبه)

ليكن β قياس الزاوية الهندسية $A_1 \hat{O} B_1$

حدد β لكي يكون $A_3 B_3 = a$