

هذا التعريف يعني: إذا كان $M(x, y) \in C_f$ فإن $x \in D$ و $y = f(x)$.

إذا كان $x \in D$ و $y = f(x)$ فإن $M(x, y) \in C_f$.

العلاقة $y = f(x)$ تسمى معادلة ديكارتية للمنحنى C_f في المعلم $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

مثال: نعتبر الدالة f المعرفة كالتالي: $f(x) = x^2$

أرسم التمثيل المبياني للدالة f .

IV. الدالة الزوجية- الدالة الفردية:

أ) الدالة الزوجية:

تعريف: لنكن f دالة عددية لمتغير حقيقي x و D_f مجموعة تعريفها.

نقول إن f دالة زوجية إذا تحقق الشرطان التاليان:

❖ لكل x من D_f لدينا: $-x$ تنتمي إلى D_f .

❖ لكل x من D_f لدينا: $f(-x) = f(x)$

خاصية: (التأويل المبياني لدالة زوجية)

لنكن f دالة عددية لمتغير x حقيقي و C_f منحناها في معلم متعامد ممنظم $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

تكون f دالة زوجية إذا و فقط إذا كان محور الأرتيب محور تماثل المنحنى C_f .

ملاحظة: إذا كانت f دالة زوجية (على التوالي فردية) فإنه يكفي إنشاء C_f على $\mathbb{R}^+ \cap D_f$ و بالتماثل بالنسبة لمحور الأرتيب (على

التوالي بالنسبة لأصل المعلم) نحصل على المنحنى C_f بكامله.

ب) الدالة الفردية:

لنكن f دالة عددية لمتغير حقيقي x و C_f منحناها في معلم متعامد ممنظم $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

تعريف:

لنكن f دالة عددية لمتغير حقيقي x و D_f مجموعة تعريفها

نقول أن f دالة فردية إذا تحقق الشرطان التاليان:

❖ لكل x من D_f لدينا: $-x$ تنتمي إلى D_f .

❖ لكل x من D_f لدينا: $f(-x) = -f(x)$

خاصية: (التأويل المبياني لدالة فردية)

لنكن f دالة عددية لمتغير حقيقي و C_f منحناها في معلم متعامد ممنظم $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

تكون f دالة فردية إذا و فقط إذا كانت النقطة 0 مركز تماثل المنحنى C_f .

V. تغيرات دالة عددية:

1. تعريف:

لنكن f دالة عددية معرفة على المجال I .

❖ نقول إن الدالة f تزايدية قطعاً (تناقصية قطعاً) على المجال I , إذا و فقط إذا كان لكل $x_1 < x_2$ فإن $f(x_1) < f(x_2)$ (تناقصية قطعاً) أو $f(x_1) > f(x_2)$

$(f(x_1) > f(x_2))$

❖ نقول إن الدالة f ثابتة على المجال I , إذا و فقط إذا كان لكل x_1 و x_2 من I لدينا: $f(x_1) = f(x_2)$

2. جدول تغيرات دالة:

لنكن f دالة عددية لمتغير حقيقي x و D_f مجموعة تعريفها.

دراسة منحنى تغيرات الدالة f , يعني تجزئ المجموعة D_f إلى أكبر مجالات ممكنة تكون فيها الدالة f تزايدية أو تناقصية قطعاً أو ثابتة.

و نلخص نتائج هذه الدراسة في جدول, يسمى جدول تغيرات الدالة f , بحيث السهم (تصاعدي) يعني أن f تزايدية قطعاً, و السهم

(تنازلي) يعني أن تناقصية f قطعاً, و السهم (أفقي) يعني أن f ثابتة. →

3. رتابة دالة f على مجال:

تعريف:

لتكن دالة عددية معرفة على مجال I .
نقول إن f رتيبة قطاعا على المجال I إذا كانت تزايدية قطاعا على I أو تناقصية قطاعا على I .

VI. دراسة بعض الدوال الاعتيادية

الدالة: $x \mapsto ax + b$ ($a \neq 0$)

مثال 1: نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي: $f(x) = 2x + 1$

أرسم التمثيل المبياني للدالة f .

ملاحظة: التمثيل المبياني للدالة f هو مستقيم

مثال 2: $f(x) = 4x$

و تحديد جدول التغيرات.

الدالة: $x \mapsto ax^2$ ($a \neq 0$)

ليكن a عددا حقيقيا غير منعدم.

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي: $f(x) = ax^2$ و (P) تمثيلها المبياني في معلم متعامد ممنظم.

زوجية الدالة f :

ليكن $x \in \mathbb{R}$: لدينا $f(-x) = a(-x)^2 = ax^2 = f(x)$, إذن $f(-x) = f(x)$ و منه f دالة زوجية.

تغيرات f :

خاصية:

■ إذا كانت $a > 0$: الدالة f تزايدية قطاعا على $[0, +\infty[$ و تناقصية قطاعا على $]-\infty, 0]$.

■ إذا كانت $a < 0$: الدالة f تناقصية قطاعا على $[0, +\infty[$ و تزايدية قطاعا على $]-\infty, 0]$.

الحالة: $a < 0$

الحالة: $a > 0$

x	$-\infty$	0	$+\infty$
f		0	

x	$-\infty$	0	$+\infty$
f		0	

التمثيل المبياني للدالة f :

بما أن f دالة زوجية فانه يكفي أن نمثلها على $\mathbb{R}^+$.

ثم نتم المنحنى (P) باستعمال التماثل المحوري بالنسبة لمحور الأرتايب.

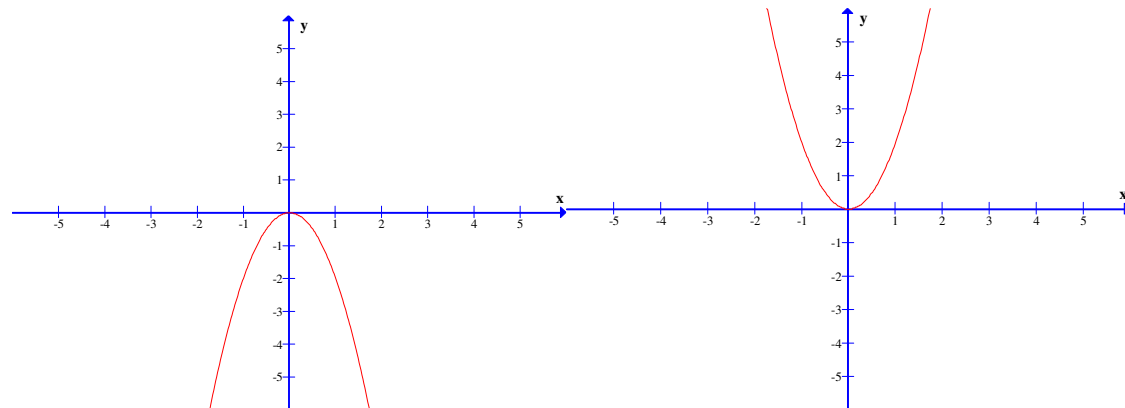
تعريف: المنحنى الممثل للدالة $x \mapsto ax^2$ ($a \neq 0$) يسمى شلجما.

النقطة أصل المعلم تسمى رأس الشلجم.

حالة: $a > 0$

حالة: $a < 0$

كل منحنى يقبل معادلة على شكل $Y = aX^2$ حيث $a \neq 0$ في معلم $(\Omega; \vec{i}; \vec{j})$ يسمى شلجما رأسه Ω و محور تماثله هو محور الأرتايب (ΩY) .



الدالة: $(a \neq 0) x \mapsto \frac{a}{x}$

ليكن a عددا حقيقيا غير منعدم

f الدالة العددية للمتغير الحقيقي x و المعرفة بما يلي: $f(x) \mapsto \frac{a}{x}$ و (H) التمثيل المبياني للدالة f في معلم متعامد $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

مجموعة التعريف: مجموعة تعريف الدالة f هي: $D_f =]-\infty, 0[\cup]0, +\infty[$

زوجية الدالة: f : ليكن $x \in D_f$, لدينا $-x \in D_f$ و $f(-x) = f(x)$ إذن f دالة فردية.

تغيرات:

خاصية:

▪ إذا كان $a > 0$ فإن الدالة f تناقصية قطعاً على كل من المجالين $]0, +\infty[$ و $]-\infty, 0[$.

▪ إذا كان $a < 0$ فإن الدالة f تزايدية قطعاً على كل من المجالين $]0, +\infty[$ و $]-\infty, 0[$.

الحالة: $a < 0$

الحالة: $a > 0$

x	$-\infty$	0	$+\infty$
f			

x	$-\infty$	0	$+\infty$
f			

التمثيل المبياني للدالة:

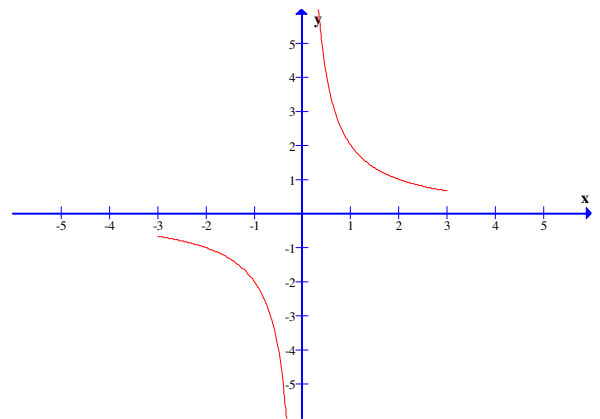
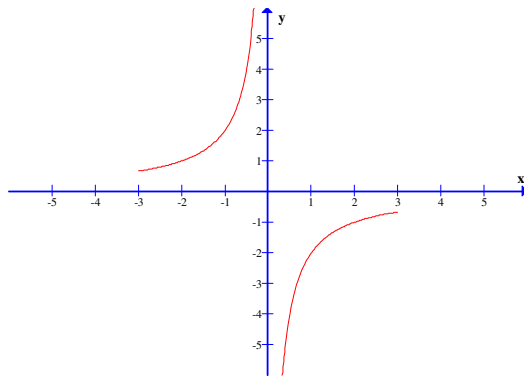
بما أن f دالة فردية فإنه يكفي أن نمثل f على $]0, +\infty[$, ثم ننتم منحنى الدالة f على باستعمال التماثل المركزي الذي مركزه O أصل المعلم.

تعريف:

منحنى الدالة $x \mapsto \frac{a}{x}$ ($a \neq 0$) يسمى هذلولاً مركزه O أصل المعلم و مستقيماه المقاربان هما $x = 0$ و $y = 0$.

الحالة: $a < 0$

حالة: $a > 0$



مثال 1: دراسة و تمثيل الدالة f المعرفة ب: $f(x) = \frac{2}{x}$

مثال 2: دراسة و تمثيل الدالة f المعرفة ب: $f(x) = \frac{-3}{x}$

التمثيل المبياني و تغيرات الدالة: $x \mapsto ax^2 + bx + c$

مثال: نعتبر الدالة العددية f المعرفة كالتالي: $f(x) = 2x^2 + 4x - 2$

1. أنقل و أتمم الجدول التالي:

الأستاذ: عثمانى نجيب

-4	-3	-2	-1	0	1	2	x
							$f(x)$

2. أرسم التمثيل المبياني للدالة f .
ملاحظة: التمثيل المبياني للدالة f يسمى شلجما رأسه $S(-1;0)$ و محوره $x = -1 : (D)$.