

EXERCICES SUR LES STATISTIQUES*

CORRECTION

EXERCICES D'ENTRAINEMENT

Exercice 1

Un concours de pêche organisé par la commune pour les fêtes locales se conclut par la prise de 7 brochets, dont les dimensions en centimètres sont les suivantes :

87 68 92 51 64 79 60

1) Le caractère étudié est la longueur des brochets. C'est un caractère quantitatif discret.

2) L'étendue est égale à la différence entre la valeur minimale et la valeur maximale de la série, c'est-à-dire :

$$e = 92 - 51 = 41$$

L'étendue est de 41 cm.

3) Calcul de la taille moyenne d'un brochet :

$$= \frac{87 + 68 + 92 + 51 + 64 + 79 + 60}{7}$$

$$= \frac{501}{7}$$

$$\approx 71.57$$

La longueur moyenne d'un brochet est de 71.57 cm.

4) Rangeons tout d'abord dans l'ordre croissant les dimensions des brochets pêchés pendant le concours :

51 60 64 68 79 87 92

Etant donné que l'effectif total est impair, puisqu'il est égal à 7, la médiane sera la 4^{ème} valeur de la série rangée par ordre croissant, c'est-à-dire 68 cm. La taille médiane d'un brochet est de 68 cm, ce qui signifie que 50% des brochets mesurent moins de 68 cm et les 50% restants mesurent plus de 68 cm.

5) 3 brochets mesurent plus de 70 cm. Par conséquent, la fréquence est égale à :

$$= \frac{3}{7} \times 100$$

$$\approx 43$$

Environ 43% des brochets pêchés mesurent plus de 70 cm.

Exercice 2

1) Compléter le tableau ci-dessous :

Notes	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
Effectif	0	1	3	0	4	2	2	5	0	4	3	0	2	3	1	0

2) Le caractère étudié est quantitatif discret.

3) L'étendue est la différence entre la valeur maximale et la valeur minimale de la série, c'est-à-dire :

$$19 - 6 = 13$$

L'étendue est égale à 13.

4) Pour calculer la médiane, nous avons besoin de l'effectif total. Celui-ci est égal à :

$$1 + 3 + 4 + 2 + 2 + 5 + 4 + 3 + 2 + 3 + 1 = 30$$

Comme l'effectif total est pair, la médiane sera égale au centre de l'intervalle formé par la 15^{ème} et la 16^{ème} valeur de la série rangée par ordre croissant.

6 7 7 9 9 9 9 10 10 11 11 12 12 **12 12** 12 14 14 14 14 15 15 15 17 17 18 18 18 19

Ces deux notes sont égales à 12 donc la note médiane est égale à 12.

5) Calcul de la note moyenne :

$$\begin{aligned} &= \frac{6 \times 1 + 7 \times 3 + 9 \times 4 + 10 \times 2 + 11 \times 2 + 12 \times 5 + 14 \times 4 + 15 \times 3 + 17 \times 2 + 18 \times 3 + 19}{30} \\ &= \frac{373}{30} \\ &\approx 12.43 \end{aligned}$$

La note moyenne obtenue à ce contrôle est de 12.43.

6) 8 élèves n'ont pas obtenu la moyenne à ce contrôle. Par conséquent, la fréquence est égale à :

$$\begin{aligned} &= \frac{8}{30} \\ &\approx 0.267 \end{aligned}$$

La fréquence est approximativement égale à 0.267 ou 26.7% si on l'exprime en pourcentage.

Exercice 3

1) Le caractère étudié est la vitesse. C'est un caractère quantitatif continu.

2) Pour calculer la vitesse moyenne contrôlée, on doit préalablement déterminer les centres de chaque classe :

Vitesse (km/h)]50 ; 70]]70 ; 90]]90 ; 110]]110 ; 130]]130 ; 150]
Effectif	15	55	20	8	2
Centre de classe	60	80	100	120	140

Calcul de l'effectif total :

$$15 + 55 + 20 + 8 + 2 = 100$$

Calcul de la vitesse moyenne :

$$\begin{aligned} &= \frac{60 \times 15 + 80 \times 55 + 100 \times 20 + 120 \times 8 + 140 \times 2}{100} \\ &= \frac{8540}{100} \\ &= 85.4 \end{aligned}$$

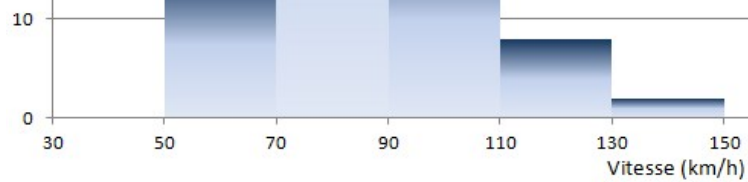
La vitesse moyenne contrôlée est de 85.4 km/h.

3) Les automobilistes ayant commis un excès de vitesse sont ceux roulant à une vitesse supérieure à 90 km/h. Ils sont au nombre de 30, et l'effectif total est de 100 donc la fréquence des automobilistes en excès de vitesse exprimée en pourcentage est de 30%.

4) Les automobilistes concernés sont ceux roulant à plus de 130 km/h. Ils sont au nombre de 2.

5) Histogramme :





Exercice 4

1) Le caractère étudié est qualitatif.

2) Pour représenter cette série sous la forme d'un diagramme circulaire, nous devons d'abord calculer la mesure des secteurs angulaires. Nous avons également besoin de l'effectif total, c'est à dire le nombre de gâteaux vendus :

$$144 + 180 + 216 + 72 + 108 = 720$$

Au total, 720 gâteaux ont été vendus.

Pâtisserie	Effectif	Fréquence	Secteur angulaire (°)
Bûche de Noël	144	0.2	$360 \times 0.2 = 72$
Galette des rois frangipane	180	0.25	$360 \times 0.25 = 90$
Galette des rois briochée	216	0.3	$360 \times 0.3 = 108$
Pudding	72	0.1	$360 \times 0.1 = 36$
Muffins	108	0.15	$360 \times 0.15 = 54$
TOTAL	720	1	360

Pour obtenir chaque fréquence, on divise l'effectif de la ligne choisie par l'effectif total (720).

Pour calculer la mesure de chaque secteur angulaire, on multiplie la fréquence par 360° .

