

Définition

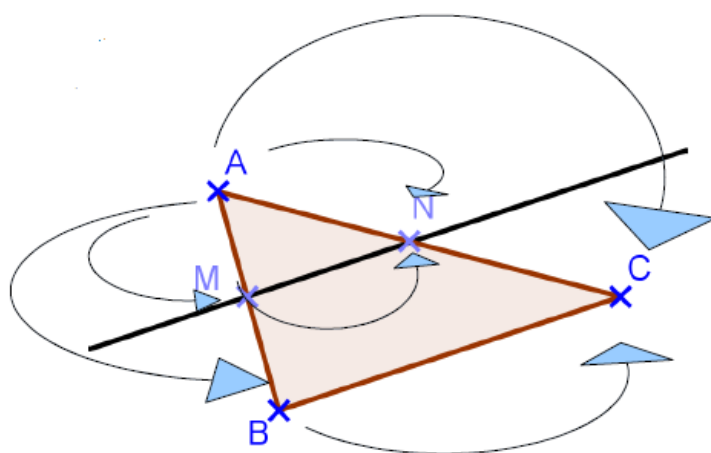
Si $[AM]$ et $[AN]$ sont deux droites de même origine et si (MN) et (BC) sont deux droites parallèles alors $AM/AB=AN/AC=MN/BC$ ou $AB/AM=AC/AN=BC/MN$.

On retrouve la configuration du théorème de Thalès avec le type de figure dans lequel on peut l'appliquer : « deux demi-droites de même origine et deux parallèles » ou bien « un triangle et une droite parallèle à un côté ».

AM/AN , AN/AC et MN/BC sont appelés les rapports.

Ci-contre, on peut voir le petit triangle AMN et un grand triangle ABC . Pour retrouver les quotients, on fait « petit côté sur grand côté » ou inversement.

Dans $AM/AN=AN/AC=MN/BC$, les lettres du dernier numérateur se retrouvent dans les deux premiers numérateurs.



Propriétés

Dans un agrandissement ou une réduction, les angles sont conservés.

Si les longueurs d'une figure sont multipliées par un nombre k (positif), alors l'aire est multipliée par k^2 .

Si les longueurs d'une figure sont multipliées par un nombre k (positif), alors le volume est multiplié par k^3 .

Résumé

Dans un agrandissement de coefficient k :

$$k = \frac{\text{Longueur agrandie}}{\text{Longueur initiale}} \quad k > 1$$

$$\text{Longueur agrandie} = \text{Longueur initiale} \times k$$

$$\text{Aire agrandie} = \text{Aire initiale} \times k^2$$

$$\text{Volume agrandi} = \text{Volume initial} \times k^3$$

Dans une réduction de coefficient k :

$$k = \frac{\text{Longueur réduite}}{\text{Longueur initiale}} \quad 0 < k < 1$$

$$\text{Longueur réduite} = \text{Longueur initiale} \times k$$

$$\text{Aire réduite} = \text{Aire initiale} \times k^2$$

$$\text{Volume réduit} = \text{Volume initial} \times k^3$$