

### Définition

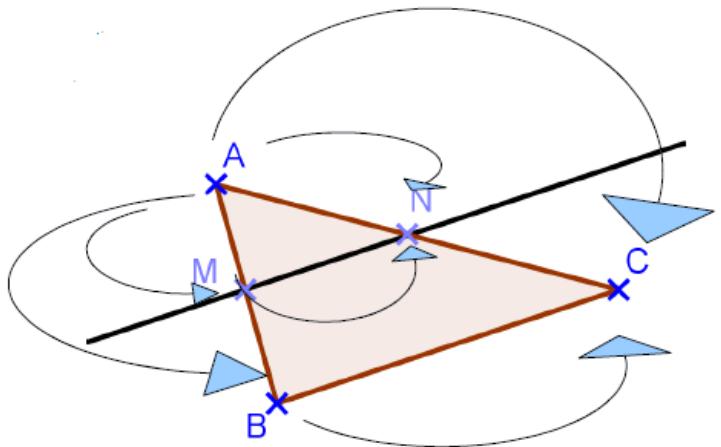
Si  $[AM]$  et  $[AN]$  sont deux droites de même origine et si  $(MN)$  et  $(BC)$  sont deux droites parallèles alors  $AM/AB=AN/AC=MN/BC$  ou  $AB/AM=AC/AN=BC/MN$ .

On retrouve la configuration du théorème de Thalès avec le type de figure dans lequel on peut l'appliquer : « deux demi-droites de même origine et deux parallèles » ou bien « un triangle et une droite parallèle à un côté ».

$AM/AN$ ,  $AN/AC$  et  $MN/BC$  sont appelés les rapports.

Ci-contre, on peut voir le petit triangle  $AMN$  et un grand triangle  $ABC$ . Pour retrouver les quotients, on fait « petit côté sur grand côté » ou inversement.

Dans  $AM/AN=AN/AC=MN/BC$ , les lettres du dernier numérateur se retrouvent dans les deux premiers numérateurs.



### Propriétés

Dans un agrandissement ou une réduction, les angles sont conservés.

Si les longueurs d'une figure sont multipliées par un nombre  $k$  (positif), alors l'aire est multipliée par  $k^2$ .

Si les longueurs d'une figure sont multipliées par un nombre  $k$  (positif), alors le volume est multiplié par  $k^3$ .

### Résumé

Dans un agrandissement de coefficient  $k$  :

$$k = \frac{\text{Longueur agrandie}}{\text{Longueur initiale}} \quad k > 1$$

Longueur agrandie = Longueur initiale  $\times k$

Aire agrandie = Aire initiale  $\times k^2$

Volume agrandi = Volume initial  $\times k^3$

Dans une réduction de coefficient  $k$  :

$$k = \frac{\text{Longueur réduite}}{\text{Longueur initiale}} \quad 0 < k < 1$$

Longueur réduite = Longueur initiale  $\times k$

Aire réduite = Aire initiale  $\times k^2$

Volume réduit = Volume initial  $\times k^3$