

## الدالة الخطية – الدالة التالفية

### 1- الدالة الخطية

#### أ- تعريف

**a** عدد معلوم

العلاقة التي تربط العدد  $x$  بالعدد  $ax$  تسمى دالة خطية معاملها هو **a**

العدد  $ax$  يسمى صورة  $x$  بالدالة الخطية التي نرمز لها بالرمز:  $f$

ونكتب  $f(x) = ax$

$(x)$  هي صورة بالدالة الخطية

#### مثال

$f(x) = -2x$  دالة خطية معاملها هو **-2**

#### خاصية

**a** دالة خطية معاملها

إذا كان  $x$  و  $x'$  عددين معلومين غير منعدمين فان:

$$\frac{f(x)}{x} = \frac{f(x')}{x'} = a$$

#### مثال

$f(-5) = \frac{2}{3}$  دالة خطية بحيث :

لنحدد معامل الدالة  $f$  ثم حدد  $f(x)$ .

$f(x) = ax$  دالة خطية إذن :  $f$  ومعاملها هو العدد الحقيقي :

$$a = \frac{f(-5)}{-5} = \frac{\frac{2}{3}}{-5} = \frac{2}{3} \times \frac{-5}{1} = \frac{-10}{3}$$

$$f(x) = \frac{-10}{3}x \quad \text{و منه فإن :}$$

#### ب- التمثيل المباني للدالة الخطية

#### تعريف

$(O; I; J)$  معلم متعامد في المستوى

تمثيل المباني لدالة خطية هو مستقيم يمر من أصل المعلم  $O$

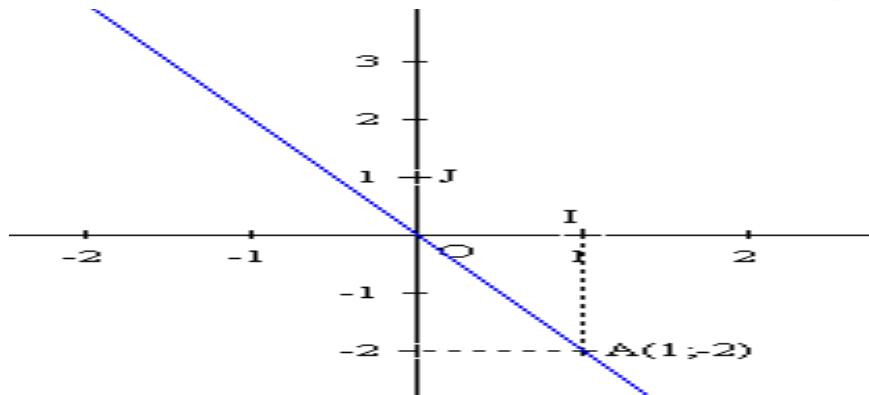
#### مثال

$f(x) = -2x$  دالة خطية معاملها هو **-2**

لنشئ التمثيل المباني للدالة  $f$  في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم  $(O; I; J)$ .

$x$	1
$f(x)$	-2

إذن التمثيل المباني للدالة هو المستقيم من  $O$  و من النقطة  $A(1;-2)$ .



## 2- الدالة التاليفية

### أ- تعريف

عدان حقيقان معومان  $a$  و  $b$  .

العلاقة  $f$  التي تربط كل عدد حقيقي  $x$  بالعدد  $ax+b$  تسمى دالة تاليفية معاملها  $a$  و نكتب :

$$f(x) = ax+b$$

العدد  $ax+b$  هو صورة  $x$  بالدالة  $f$

### مثال

$f(x) = -3x + 11$  دالة تاليفية معاملها  $-3$

### ب- التمثيل المباني للدالة التاليفية

### خاصية

في معلم  $(J;I;O)$  ، التمثيل المباني للدالة تاليفية  $f$  هو مستقيم يمر من النقط  $(x; f(x))$

### مثال

لنشئ في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد منظم  $(O;I;J)$  الدالة التاليفية  $f$

$$f(x) = 2x + 4$$

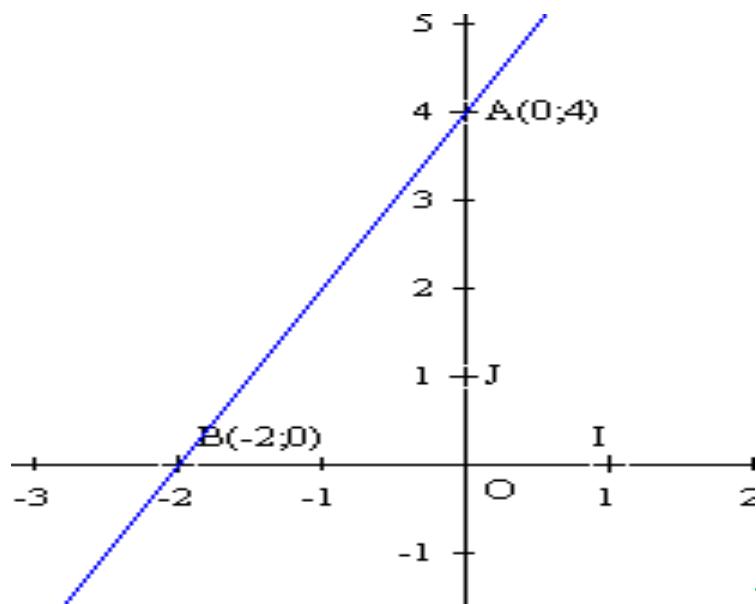
بحيث :

لدينا :

$x$	0	$-2$
$f(x)$	4	0

إذن التمثيل المباني للدالة هو المستقيم  $(AB)$  بحيث :

$$A(0;4) \quad \text{و} \quad B(-2;0)$$



### ج - خاصية

لأن  $a$  و  $b$  عدوان حقيقيان.

لتكن  $f$  دالة تألفية  $f(x) = ax+b$

إذا كان  $x_1$  و  $x_2$  عددين معلومين ( $x_1 \neq x_2$ ) فإن:

$$a = \frac{f(x_1) - f(x_2)}{x_1 - x_2}$$

### مثال

$f(3) = 2$  و  $f(1) = -3$  دالة تألفية بحيث :

حدد معامل الدالة  $f$  ثم حدد  $f(x)$

لدينا دالة تألفية إذن :  $f(x) = ax + b$  و معاملها هو العدد الحقيقي :

$$a = \frac{f(3) - f(1)}{3 - 1} = \frac{2 - (-3)}{3 - 1} = \frac{2 + 3}{2} = \frac{5}{2}$$

$$f(x) = \frac{5}{2}x + b \quad \text{ومنه فإن:}$$

لحسب العدد الحقيقي  $b$  لدينا :  $f(1) = -3$  يعني أن

$$\frac{5}{2} \times 1 + b = -3$$

$$\frac{5}{2} + b = -6$$

$$5 + 2b = -6$$

$$2b = -6 - 5$$

$$b = \frac{-11}{2}$$

$$f(x) = \frac{5}{2}x - \frac{11}{2} \quad \text{وبالتالي فإن:}$$