

$$x = 4$$

(3) الحل الكسائي:

تعريف:

تعتبر هذه الطريقة على راسا كل في معادلتين التفاضل بمتغيرين، ثم تحديد زوج إحداثيتي نقطة تقاطعهما (في حالة تقاطعهما) هيانيا، وذلك بإنشاء هذين المستقيمين في معلم متعامد منظم، حيث تدعى هذه الزوج هو حل هذه النظام

مثال:

$$(P) : \begin{cases} 4x - y - 2 = 0 \\ 2x - y + 2 = 0 \end{cases}$$

* الخطوة ①: إيجاد المعادلتين المختصرتين

$$\text{لدينا: } 4x - y - 2 = 0 \text{ (د1) } \Rightarrow y = 4x - 2$$

$$\text{و } 2x - y + 2 = 0 \text{ (د2) } \Rightarrow y = 2x + 2$$

نعتبر المستقيمين (D_1) و (D_2) بحيث:

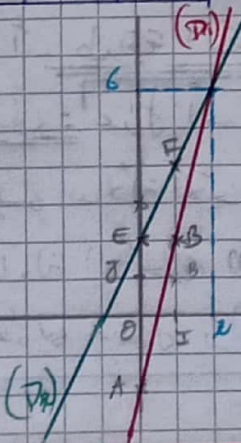
$$\begin{cases} (D_1): y = 4x - 2 \\ (D_2): y = 2x + 2 \end{cases}$$

نلاحظ أن (D_1) و (D_2) ليسوا لهما نفس الميل، إذن فهما مستقيمان متقاطعين

* الخطوة ②: تمثيل المستقيمين (D_1) و (D_2)

x	0	1
y	2	4
M(x,y)	E(0,2)	F(1,4)

x	0	1
y	-2	2
M(x,y)	A(0,-2)	B(1,2)



نلاحظ أن المستقيمين

متقاطعان في النقطة $M(2,6)$

وبالتالي الزوج $(2,6)$

هو حل هذه النظام

(2) للتحقق في x

* نضرب طرفي المعادلة ① في العدد 5

و طرفي المعادلة ② في العدد 2 - فنحصل على

$$\begin{cases} 10x + 15y = 25 \\ -10x - 12y = -28 \end{cases}$$

* نجمع المعادلتين للحصول على طرف واحد

فنحصل على:

$$10x + 15y - 10x - 12y = 25 - 28$$

$$3y = -3$$

$$y = \frac{-3}{3}$$

$$y = -1$$

وبالتالي نأخذ الزوج $(4, -1)$ هو حل النظام

* المرحلة ②:

في المرحلة الثانية، بدل التفاضل

في x بطريقة التفاضل الخطية، نعوض فقط

في إحدى المعادلتين:

لدينا: $x = 4$

ونعوض في المعادلة ① فنجد:

$$2 \times 4 + 3y = 5$$

$$3y = 5 - 8$$

$$3y = -3$$

$$y = \frac{-3}{3} = -1$$

فنحصل على نفس النتيجة الزوج $(4, -1)$

* ملاحظة:

(1) يجب الاستمرار بالطريقة التي يطلبها التمرين.

(2) في حالة عدم استتواء طريقة معينة،

نختار طريقة:

* التعويض: إذا كان معامل أحد المتغيرات هو 1

* التفاضل الخطية: إذا كانا معامل أحدهما

المتغيرات متماثلين في كلتا المعادلتين

ج - خاتمة افراضه:

نعتبر المستقيمين :

$$(D): y = mx + p \quad \text{و} \quad (\Delta): y = m'x + p'$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$m = m' \quad m \neq m'$$

(D) و (Δ) متقاطعان
في نقطة واحدة A
إذا انظمة قابل وحيداً هو
 (x_A, y_A)
المنظمة قابل لها لا نهاية في
الحل

II - المسائل والنظريات :

(1) قاعدة:

لحل مسألة، تتبع المراحل التالية :

- (1) اختيار المجولين : نجد معاني السؤال
 - (2) صياغة النظمة : تحويل المجولين إلى معادلتين
 - (3) حل النظمة (جبرياً) : بإحدى الطرق
 - (4) الرجوع إلى المسألة : التحقق من الحل
- ثم الجواب على السؤال .

(2) مثال :

ساهمت مجموعة تتكون من 20 فرداً (أساتذة وتلاميذ) ، في شراء مجموعة من الكتب المدرسية لخزانة المدرسة بشئ 320 درهماً . إذا علمت أن كل أستاذ ساهم بـ 30 درهماً وكل تلميذ ساهم بـ 10 درهماً . فكم عدد الكتب المدرسية والتلاميذ المساهمين ؟

الحل : (1) اختيار المجولين :

ليكن x هو عدد التلاميذ المساهمين
و y عدد الأساتذة المساهمين

(2) صياغة النظمة:

* عدد الأفراد المساهمين هو 20 فرداً في بينهم أساتذة وتلاميذ إذا :
 $x + y = 20$
 x ساهم كل أستاذ بـ 30 درهماً وساهم كل تلميذ بـ 10 درهماً بحيث مجموع المساهمات هو 320 درهماً إذا :
 $10x + 30y = 320$
إذا النظمة هي :
$$\begin{cases} x + y = 20 \\ 10x + 30y = 320 \end{cases}$$

(3) حل النظمة :

لدينا $\begin{cases} x + y = 20 \\ 10x + 30y = 320 \end{cases}$ نكافئ على الثاني

$$\begin{cases} y = 20 - x \\ 10x + 30(20 - x) = 320 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 20 - x \\ 10x + 600 - 30x = 320 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 20 - x \\ -20x = -280 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 20 - 14 = 6 \\ x = \frac{-280}{-20} = 14 \end{cases}$$

(4) الرجوع إلى المسألة :

لدينا :
 $14 + 6 = 20$
 $10 \times 14 + 30 \times 6 = 140 + 180 = 320$

إذا فالحل صحيح

وبالتالي فإن عدد التلاميذ هو 14
و عدد الأساتذة هو 6