

تمارين حول الهندسة اللاحقة

التمرين 1

نعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد منظم $(O; I; J)$

$$J(0; 1) \text{ و } B(2; 0) \text{ و } A\left(-\frac{1}{2}; 0\right) \text{ النقط :}$$

$$D(-2; 2) \text{ و } C\left(\frac{1}{2}; 2\right)$$

نريد أن نحدد بطريقتين مختلفتين طبيعة الرباعي $ABCD$
الطريقة الأولى :

1 - بين أن D هي صورة C بالإزاحة ذات المتجهة \overrightarrow{BA}

2 - أحسب المسافتين AB و BC

3 - استنتج طبيعة الرباعي $ABCD$

الطريقة الثانية :

1 - بين أن المعادلة المختصرة للمستقيم (AC) هي :

y=2x+1

2 - بين أن المعادلة المستقيم (BD) هي :

 $y=-\frac{1}{2}x+1$

3 - استنتاج أن $(AC) \perp (BD)$

4 - تحقق أن $J(0; 1)$ تنتهي إلى المستقيمين (AC) و (BD)

5 - بين أن للقطعتين $[AC]$ و $[BD]$ نفس المنتصف

6 - استنتاج طبيعة الرباعي $ABCD$

التمرين 5

في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد منظم $(O; I; J)$

نعتبر نقطتين $(-1; 3)$ و $(1; -2)$ و $B(2; 1)$ و D المستقيم

الذي معادلته : $x - 2y - 4 = 0$

1 - أ - أحسب المسافة AB

ب - حدد زوج إحداثي النقطة E منتصف $[AB]$

2 - أ - أوجد المعادلة المختصرة للمستقيم (D)

ب - حدد المعادلة المستقيم (Δ) المار من A والموازي ل (D)

ج - ليكن (L) المستقيم الذي معادلته :

 $y = 2x - 3$

هل (L) و (D) متعامدان؟

التمرين 6

في مستوى منسوب إلى معلم متعمد منظم $(O; I; J)$

نعتبر نقطتين : $(-1; 4)$ و $(2; 3)$ و B و D المستقيم

$y = \frac{1}{2}x - 3$ ذو المعادلة

1 - حدد إحداثي المتجهة \overrightarrow{AB} ثم أحسب

2 - حدد إحداثي M منتصف القطعة $[AB]$

3 - تتحقق أن النقطة A تنتهي إلى المستقيم (D)

4 - أ - حدد المعادلة المختصرة للمستقيم (AB)

ب - استنتاج أن المستقيمين (D) و (AB) متعامدان

التمرين 2

نعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد منظم $(O; I; J)$

حيث : $OI = OJ = 1\text{cm}$ ، النقط $(2; 4)$ و $(1; 1)$ و $(0; 2)$ و $(1; 0)$

1-أ- مثل النقط A و B و C

ب- تتحقق أن النقطة $I\left(\frac{3}{2}; \frac{5}{2}\right)$ هي منتصف القطعة $[AB]$

2-أ- بين أن ميل المستقيم (AB) هو 3

ب- ليكن (Δ) المستقيم المار من النقطة I و العمودي على المستقيم (AB)

بين أن $y = \frac{-1}{3}x + 3$ هي المعادلة المختصرة للمستقيم (Δ)

3- لتكن النقطة $J\left(2; \frac{7}{3}\right)$

أ- تتحقق أن النقطة J تنتهي للمستقيم (Δ)

ب- بين أن $BJ = CJ$

ج- استنتاج أن J هي مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC

التمرين 3

في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد منظم $(O; I; J)$

النقط : $A(1; 4)$ و $B(5; 6)$ و $C(3; 0)$ و D المستقيم

الذي معادلته المختصرة هي :

 $y = -2x + 11$

1 - مثل النقط : A و B و C

2 - أ- حدد إحداثي المتجهة \overrightarrow{AB} و بين أن :

 $AB = 2\sqrt{5}$

ب - حدد إحداثي النقطة E منتصف القطعة $[AB]$

3- أ- بين أن : $y = \frac{1}{2}x + \frac{7}{2}$ هي معادلة المستقيم (AB)

ب- أثبت أن (Δ) و (AB) متعامدان

ج- أكتب المعادلة المختصرة للمستقيم (d) المار من A و

الموازي للمستقيم (Δ) ثم تتحقق أن النقطة $C \in (d)$

4 - بدون حساب المسافة BC بين أن المثلث ABC قائم الزاوية

في

التمرين 4

المستوى منسوب إلى معلم متعمد منظم $(O; I; J)$. نعتبر

النقط (D) الذي معادلته: $y = 3x - 6$ و النقطتين $A(0; 4)$ و $B(6; 2)$

1- أحسب المسافة AB

2- تتحقق أن النقطتين A و B تنتهيان إلى المستقيم (D)

3-أ- تتحقق أن ميل المستقيم (AB) هو $-\frac{1}{3}$

ب- بين أن المستقيم (AB) عمودي على (D)