

الإزاحة و المتجهات _ الثالثة ثانوي إعدادي

- استنتج طبيعة الرباعي $ABCE$.
- أنشئ النقطة F بحيث: $\overrightarrow{CF} = \overrightarrow{AB}$.
- بين أن C منتصف $[EF]$.
- أنشئ النقطة G بحيث: $\overrightarrow{AG} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AE}$.
- أنشئ النقطة H بحيث: $\overrightarrow{AH} = 3\overrightarrow{AB}$.

تمرين 9

- $ABCD$ متوازي أضلاع مركزه O .
برهن أن: $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC} + \overrightarrow{OD} = \vec{0}$

تمرين 10

- ABC مثلث قائم الزاوية في A بحيث:
 $AB = 3cm$ و $BC = 6cm$
ليكن I منتصف $[BC]$ و t الإزاحة التي متجهتها $\overrightarrow{AI}$.
- ما هي صورة A بالإزاحة t ؟
 - أنشئ D صورة B بالإزاحة t .
 - بين أن المثلث BDI متساوي الأضلاع.

تمرين 11

- ABC مثلث قائم الزاوية في A
 t هي الإزاحة التي تحول B إلى C .
- أنشئ D صورة A بالإزاحة t .
 - نعتبر النقطة E ماثلة النقطة B بالنسبة ل C .
 - بين أن E صورة C بالإزاحة t .
 - بين أن المستقيمين (CD) و (DE) متعامدان.

تمرين 12

- ABE مثلث متساوي الساقين في E ، و I منتصف $[AB]$ ،
و t إزاحة متجهتها $\overrightarrow{EI}$.
- أنشئ النقطتين D و C صورتي A و B على التوالي بالإزاحة t .
 - حدد صورة المثلث ABE بالإزاحة t .
 - بين أن الرباعي $ABCD$ مستطيل.

تمرين 13

- ABC مثلث بحيث $BC = 6cm$ و لتكن T إزاحة متجهتها $\overrightarrow{AB}$.
- أنشئ النقطتين E و F صورتي B و C على التوالي بالإزاحة T .
 - بين أن الرباعي $BCFE$ متوازي أضلاع.
 - أحسب المسافة EF .
 - حدد صورة المثلث ABC بالإزاحة T .

تمرين 14

- ABC مثلث قائم الزاوية و متساوي الساقين في A ، و I منتصف $[BC]$ ، و t الإزاحة التي تحول A إلى I .
- أنشئ النقطتين B' و C' صورتي B و C على التوالي بالإزاحة t .
 - بين أن المثلث $IB'C'$ قائم الزاوية و متساوي الساقين في I .

تمرين 1

لتكن $[AB]$ قطعة.

- أنشئ C صورة B بالإزاحة ذات المتجهة $\overrightarrow{AB}$.
- بين أن B منتصف $[AC]$.

تمرين 2

- A و B و M ثلاث نقط من المستوى.
لتكن I منتصف القطعة $[AB]$.
بين أن: $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2\overrightarrow{MI}$

تمرين 3

بسط التعبيرات المتجهية التالية:

$$\begin{aligned} \overrightarrow{EF} - \overrightarrow{GF} \\ \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} \\ \overrightarrow{MO} + \overrightarrow{AM} + \overrightarrow{OA} \\ \overrightarrow{MN} + \overrightarrow{ON} + \overrightarrow{OM} \\ \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{BO} + \overrightarrow{CB} \end{aligned}$$

تمرين 4

- A و B و C و D أربع نقط من المستوى.
بين أن:

$$\begin{aligned} \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BD} &= \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BC} \\ \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{DC} &= \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{DB} \end{aligned}$$

تمرين 5

- A و B و C ثلاث نقط من المستوى حيث:
 $3\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{BC}$
بين أن C منتصف القطعة $[AB]$.

تمرين 6

- ABC مثلث.
- أنشئ النقطة E صورة C بالإزاحة التي تحول B إلى A .
 - أنشئ النقطة F صورة E بالإزاحة التي تحول A إلى C .
 - بين أن F صورة النقطة C بإزاحة محددا متجهتها.

تمرين 7

- ABC مثلث.
- أنشئ النقطة E صورة C بالإزاحة ذات المتجهة $\overrightarrow{AB}$.
 - أنشئ النقطة F صورة A بالإزاحة التي تحول B إلى C .
 - بين أن C منتصف القطعة $[EF]$.

تمرين 8

- ABC مثلث.
- أنشئ النقطة E بحيث: $\overrightarrow{AE} = \overrightarrow{BC}$.
 - بين أن: $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{EC}$.

الإزاحة و المتجهات _ الثالثة ثانوي إعدادي

2. أنشئ النقطة N بحيث: $\overrightarrow{BN} = -3\overrightarrow{BC}$.
3. أنشئ النقطة P بحيث: $\overrightarrow{AP} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$.

تمرين 21

ABC مثلث.

1. أنشئ النقطة N بحيث: $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AN}$.
2. أنشئ النقطة P صورة النقطة C بالإزاحة ذات المتجهة $\overrightarrow{AB}$.
3. بين أن C منتصف القطعة $[PN]$.
4. حدد المتجهة المساوية لـ $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$.
5. أنشئ النقطة M بحيث: $\overrightarrow{CM} = \overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CB}$.
6. حدد صورة النقطة N بالإزاحة ذات المتجهة $\overrightarrow{AM}$.

تمرين 22

$ABCD$ متوازي أضلاع.

1. أنشئ النقطة E بحيث: $\overrightarrow{AE} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AB}$.
2. أنشئ النقطة F بحيث: $\overrightarrow{AF} = 3\overrightarrow{AD}$.
3. بين أن: $\overrightarrow{CE} = \frac{3}{2}\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AC}$.
- و $\overrightarrow{FE} = \frac{9}{2}\overrightarrow{AB} - 3\overrightarrow{AC}$.
4. استنتج أن النقط E و F نقط مستقيمية.

تمرين 23

$ABCD$ متوازي أضلاع.

لتكن E و F نقطتان بحيث:

$$\overrightarrow{AE} = \frac{1}{3}\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{AF} = \frac{5}{3}\overrightarrow{AB} + \frac{7}{3}\overrightarrow{AD}$$

1. أنشئ الشكل.
2. بين أن: $\overrightarrow{EF} = \frac{4}{3}\overrightarrow{AC}$.
3. استنتج أن: $(EF) \parallel (AC)$.

تمرين 24

$ABCD$ متوازي أضلاع.

1. أنشئ النقطة M بحيث: $\overrightarrow{DM} = \frac{1}{3}\overrightarrow{DC}$.
2. أنشئ النقطة N بحيث: $\overrightarrow{BN} = 3\overrightarrow{BC}$.
3. بين أن: $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{DM}$.
- و $\overrightarrow{AN} = 3\overrightarrow{BC} + 3\overrightarrow{DM}$.
4. استنتج أن النقط A و M و N نقط مستقيمية.

تمرين 25

ABC مثلث قائم الزاوية في A .

لتكن t الإزاحة التي تحول B إلى C .

1. أنشئ النقطة D صورة النقطة A بالإزاحة t .
2. حدد المتجهة المساوية لـ $\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC}$.
3. نعتبر النقطة E ماثلة النقطة B بالنسبة لـ C .

تمرين 15

EFG مثلث و I منتصف $[EG]$ و H ماثلة F بالنسبة لـ I .

لتكن t الإزاحة التي تحول E إلى F .

1. أنشئ النقطة K صورة G بالإزاحة t .
2. بين أن G هي صورة H بالإزاحة t .
3. استنتج أن G هي منتصف $[HK]$.
4. لتكن (C) الدائرة التي أحد أقطارها $[HK]$.
- حدد صورة الدائرة (C) بالإزاحة t .

تمرين 16

ABC مثلث قائم الزاوية في A و t هي الإزاحة ذات المتجهة $\overrightarrow{AB}$.

1. أنشئ النقطتين M و N صورتي B و C على التوالي بالإزاحة t .
2. بين أن الرباعي $BCNM$ متوازي أضلاع.
3. حدد صورة النقطة M بالإزاحة التي تحول B إلى C .
4. حدد المتجهة المساوية لـ $\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BM}$.
5. برهن أن المثلث BMN قائم الزاوية.

تمرين 17

ABC مثلث متساوي الساقين رأسه A و I منتصف $[BC]$.

نعتبر t الإزاحة ذات المتجهة $\overrightarrow{IC}$.

النقطة D هي صورة النقطة A بالإزاحة t .

1. أنشئ الشكل.
2. حدد صورة النقطة B بالإزاحة t .
3. بين أن المثلث CDI قائم الزاوية في C .

تمرين 18

ABC مثلث و t هي الإزاحة التي متجهتها $\overrightarrow{AB}$.

1. أنشئ النقطتين E و F صورتي B و C على التوالي بالإزاحة t .
2. بين أن الرباعي $BCFE$ متوازي أضلاع.
3. حدد المتجهة المساوية لـ $\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BE}$.
4. حدد صورة الزاوية $\widehat{ABC}$ بالإزاحة t .

تمرين 19

EFG مثلث.

1. أنشئ النقطة M بحيث: $\overrightarrow{EM} = -2\overrightarrow{EF}$.
2. أنشئ النقطة H بحيث: $\overrightarrow{FH} = \overrightarrow{FE} + \overrightarrow{FG}$.
3. لتكن N نقطة بحيث: $\overrightarrow{FN} = 4\overrightarrow{FE} + 3\overrightarrow{EG}$.
- أ. أثبت أن: $\overrightarrow{EN} = 3\overrightarrow{EH}$.
- ب. أنشئ النقطة N .

تمرين 20

ABC مثلث.

1. أنشئ النقطة M بحيث: $\overrightarrow{AM} = 2\overrightarrow{AB}$.

الإزاحة و المتجهات_الثالثة ثانوي إعدادي

بين أن E صورة C بالإزاحة t .
4. برهن أن المثلث CDE قائم الزاوية.

تمرين 26

- ABC مثلث و O مركز دائرته المحيطة و G مركز ثقله.
1. أنشئ D مماثلة O بالنسبة ل (BC) .
 2. بين أن: $\overrightarrow{OD} = \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC}$.
 3. أنشئ النقطة H بحيث $\overrightarrow{OH} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC}$.
 4. بين أن: $\overrightarrow{AH} = \overrightarrow{OD}$ ،
و استنتج أن: $(AH) \perp (BC)$.
 5. أنشئ E مماثلة O بالنسبة ل (AC) .
 6. أثبت أن: $\overrightarrow{BH} = \overrightarrow{OE}$ ،
و استنتج أن: $(BH) \perp (AC)$ ، ماذا تمثل النقطة H بالنسبة للمثلث ABC ؟
 7. بين أن: $\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{OC} = 3\overrightarrow{OG}$.
 8. استنتج أن النقط O و H و G مستقيمية.

تمرين 27

- $ABCD$ متوازي أضلاع و E و F نقطتان بحيث:
- $$\overrightarrow{AE} = -\frac{1}{3}\overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{BF} = 12\overrightarrow{AE} + 4\overrightarrow{AC}$$
- لتكن النقطة J تقاطع المستقيمين (AF) و (CD) .
1. بين أن: $\overrightarrow{BF} = 4\overrightarrow{BC}$.
 2. أنشئ الشكل.
 3. بين أن: $\overrightarrow{FD} = -\overrightarrow{AB} - 3\overrightarrow{BC}$
و $\overrightarrow{DE} = -\frac{1}{3}\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{BC}$.
 4. استنتج أن النقط D و E و F مستقيمية.
 5. بين أن: $\overrightarrow{FE} = \frac{4}{3}\overrightarrow{FD}$.
 6. استنتج $\overrightarrow{AE}$ بدلالة $\overrightarrow{DJ}$.

تمرين 28

- ABC مثلث و O مركز الدائرة المحيطة به.
- لتكن النقط A' و B' و C' ، على التوالي، منتصفات القطع $[BC]$ و $[AC]$ و $[AB]$.
1. بين أن:
 2. استنتج أن: $\overrightarrow{AA'} + \overrightarrow{BB'} + \overrightarrow{CC'} = \vec{0}$.
 3. بين أن للمثلثين ABC و $A'B'C'$ نفس مركز ثقل.

تمرين 29

- $ABCD$ مستطيل مركزه O و K منتصف القطعة $[DC]$.
- المستقيم (AK) يقطع $[BD]$ في I ، و المستقيم (BK) يقطع $[AC]$ في J .
- برهن أن: $\overrightarrow{AB} = 3\overrightarrow{IJ}$.