

الإزاحة والمتجهات

I. تذكير:

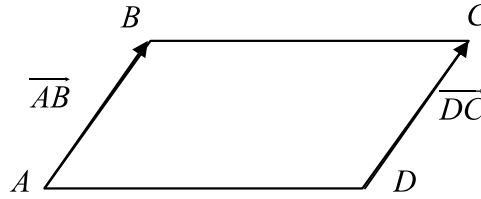
1. العناصر المحددة لمتجهة:

المتجهة $\overrightarrow{AB}$ تحدد بالعناصر التالية:

- ❖ الاتجاه: المستقيم (AB) ،
- ❖ المنحى: من الأصل A نحو الطرف B ،
- ❖ المنظم: المسافة AB .

2. تساوي متجهتين:

$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ تعني: $ABCD$ متوازي أضلاع.



3. متجهة منعدمة:

$$\overrightarrow{AA} = \overrightarrow{BB} = \overrightarrow{CC} = \vec{0}$$

4. مقابل متجهة:

مقابل المتجهة $\overrightarrow{AB}$ هو المتجهة $\overrightarrow{BA}$ و نكتب: $\overrightarrow{BA} = -\overrightarrow{AB}$.

$$\overrightarrow{AB} + \vec{0} = \overrightarrow{AB}$$

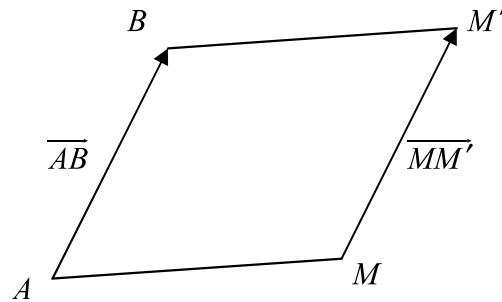
$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BA} = \vec{0}$$

II. الإزاحة:

تعريف:

A و B نقطتان من المستوى.

صورة النقطة M بالإزاحة التي تحول A إلى B هي النقطة M' حيث $ABM'M$ متوازي أضلاع.



$$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{MM'}$$

نقول أيضا M' صورة M بالإزاحة ذات المتجهة $\overrightarrow{AB}$.

خاصيات:

(1) إذا كانت M' و N' صورتا M و N على التوالي بنفس الإزاحة،

$$\text{فإن: } \overrightarrow{MN} = \overrightarrow{M'N'}$$

(2) صورة مستقيم (D) بإزاحة هو مستقيم (D') يوازيه.

(3) صورة نصف مستقيم $[MN]$ بإزاحة هي نصف مستقيم $[M'N']$.

(4) صورة قطعة $[MN]$ بإزاحة هي قطعة $[M'N']$ تقايسها.

(5) صورة دائرة (C) مركزها O بإزاحة هي دائرة (C') لها نفس الشعاع و مركزها O' صورة O بنفس

الإزاحة.

(6) صورة زاوية بإزاحة هي زاوية تقايسها.

المتجهات:

1. المتجهة ومنتصف قطعة:

A و B و M ثلاث نقط من المستوى.

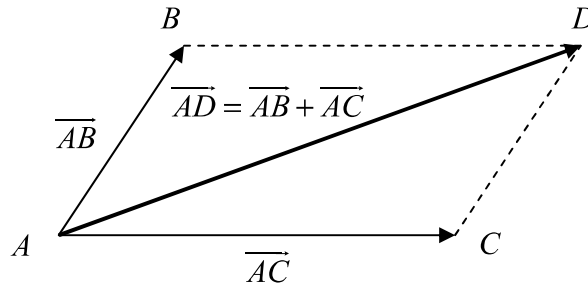
M منتصف القطعة $[AB]$ تعني: $\overline{AM} = \overline{MB}$



2. مجموع متجهتين:

A و B و C ثلاث نقط من المستوى.

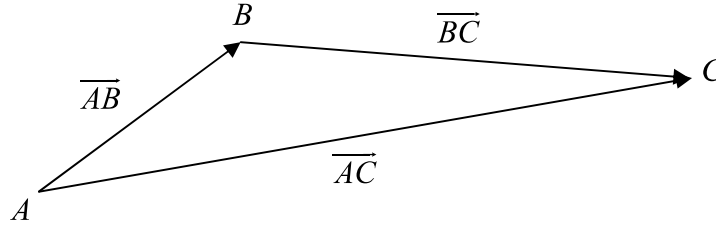
مجموع المتجهتين $\overline{AB}$ و $\overline{AC}$ هو المتجهة $\overline{AD}$ بحيث $ABDC$ متوازي أضلاع، و نكتب:
 $\overline{AD} = \overline{AB} + \overline{AC}$



3. علاقة شال:

A و B و C ثلاث نقط من المستوى.

لدينا: $\overline{AB} + \overline{BC} = \overline{AC}$



4. جداء متجهة في عدد حقيقي:

A و B نقطتان مختلفتان من المستوى و k عدد حقيقي.

نقول إن المتجهة $\overline{AC}$ هي جداء المتجهة $\overline{AB}$ في العدد الحقيقي k و نكتب: $\overline{AC} = k\overline{AB}$ ، إذا كانت C تنتمي للمستقيم (AB) بحيث:

- إذا كان $k > 0$: $AC = kAB$ و $\overline{AB}$ و $\overline{AC}$ لهما نفس المنحى.
- إذا كان $k < 0$: $AC = -kAB$ و $\overline{AB}$ و $\overline{AC}$ لهما منحيان متعاكسان.

ملاحظة:

A و B و M ثلاث نقط من المستوى و k عدد حقيقي.

$\overline{AM} = k\overline{AB}$ تعني: النقط A و B و M نقط مستقيمة.