

- ضرب متجهة في عدد حقيقي

$\vec{AM} = k \vec{AB}$ يعني أن \vec{AB} و \vec{M} مستقيمية.

$k > 0$ لهما نفس المنحى في حالة $\vec{AM} = k \cdot \vec{AB}$ $k < 0$ لهما نفس المنحى في حالة $\vec{AM} = -k \cdot \vec{AB}$

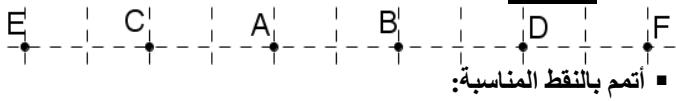
مثال:

$\vec{AD} = 2\vec{AB}$ لهما نفس الاتجاه و نفس المنحى و $\vec{AD} = 2\vec{AB}$ إذن

$\vec{AC} = \frac{2}{3}\vec{AB}$ لهما نفس الاتجاه و منحى متعاكسان إذن

$$\vec{AD} = -\frac{2}{3}\vec{AB}$$

تمرين 9: لاحظ الشكل أسفله:



أتمم بالنقطة المناسبة:

$$\vec{B}... = -3\vec{B}... ; \vec{AF} = \frac{3}{2}\vec{A}... ; \vec{A}... = -2\vec{AB} ; \vec{AD} = 2\vec{A}...$$

أتمم بالعدد المناسب:

$$\vec{ED} = ... \vec{EA} ; \vec{AC} = ... \vec{BF} ; \vec{DE} = ... \vec{DF} ; \vec{AF} = ... \vec{AB}$$

صفة عامة $\vec{CD} = k \vec{AB}$ يعني أن $(AB) \parallel (CD)$ أي \vec{AB} و \vec{CD} لهما نفس الاتجاه.

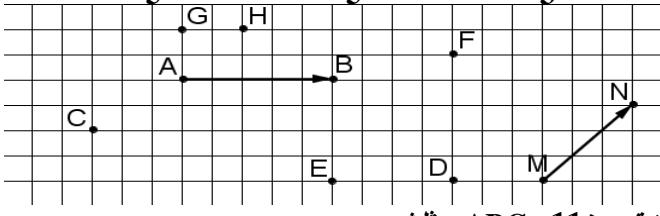
$k > 0$ لهما نفس المنحى في حالة $\vec{CD} = k \cdot \vec{AB}$

$k < 0$ لهما نفس المنحى في حالة $\vec{CD} = -k \cdot \vec{AB}$

تمرين 10: أنشئ النقطة p و R و S و T و K و L بحيث:

$$\vec{DK} = 2\vec{MN}$$
 و $\vec{ER} = -2\vec{AB}$ و $\vec{HP} = 2\vec{AB}$

$$\vec{GT} = -\frac{4}{5}\vec{AB}$$
 و $\vec{CS} = \frac{7}{5}\vec{AB}$ و $\vec{FL} = -\frac{2}{3}\vec{MN}$



تمرين 11: ABC مثلث.

-- أنشئ $\vec{AM} = -2\vec{BC}$ و $\vec{AN} = 2\vec{AC}$ بحيث: 1

-- أكتب كلام من المتجهتين \vec{BM} و \vec{MN} بدلالة المتجهتين \vec{BC} و \vec{AC} 2

-- إستنتج أن النقطة M و N و B مستقيمية. 3

تمرين 12: ABC مثلث.

1- أنشئ النقطة E بحيث: $\vec{BE} = -2\vec{BA}$ بين أن: 1

2- أنشئ النقطة F بحيث: $\vec{AF} = 3\vec{AC}$ 2

3- بين أن: $(EF) \parallel (BC)$. (أكتب \vec{EF} بدلالة \vec{BC})

تمرين 13: ABC مثلث. أنشئ M و N و P بحيث:

$$\vec{AP} = \vec{AM} + \vec{AN}$$
 و $\vec{AN} = -2\vec{AC}$ و $\vec{AM} = 2\vec{BC}$

بين أن $\vec{AP} = -2\vec{AB}$ مادا تستنتج؟.

تمرين 14: ABCD شبه منحرف قاعدته [AB] و [CD] بحيث $AB < CD$

$$1. \vec{AN} = \frac{3}{2}\vec{BC}$$
 و $\vec{BM} = -2\vec{BA}$ و \vec{AN} و N بحيث

$$2. \vec{MA} = \frac{3}{2}\vec{MB}$$
 و \vec{MC} و C و N مستقيمية (أكتب \vec{MC} بدلالة \vec{MB})

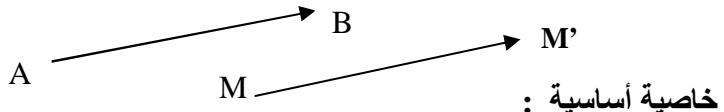
3. إستنتاج أن النقطة M و C و N مستقيمية (أكتب \vec{MN} بدلالة \vec{MC})

- تساوي متجهتين:

$\vec{AB} = \vec{CD}$ يعني أن $ABDC$ متوازي الأضلاع

الإزاحة :

M' صورة M بالإزاحة ذات المتجهة \vec{AB} (أو بالإزاحة التي تحول A إلى B) يعني أن: $\vec{AB} = \vec{M'M}$ أي أن $ABM'M$ متوازي الأضلاع.



خاصية أساسية :

إذا كانت M' و N' صوري M و N بالإزاحة فإن:

تمرين 1: مربع مرکز $ABCD$

لتكن T الإزاحة التي تحول A إلى B .

1- أنشئ E صورة O بالإزاحة T .

2- حدد صورة D بالإزاحة T .

3- بين أن (EB) عمودي على (EC) .

تمرين 2: ABC مثلث، و I منتصف القطعة $[AB]$

لتكن T الإزاحة التي تحول I إلى C .

(1) -- أنشئ النقطة J صورة النقطة A بالإزاحة T .

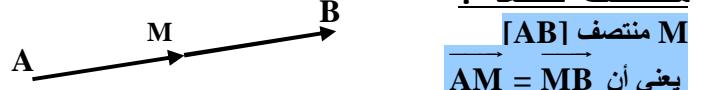
(ب) -- ما هي صورة المستقيم (AB) بالإزاحة T .

(2) لتكن (C) الدائرة التي قطرها $[AB]$ ، و (C') صورتها بالإزاحة T

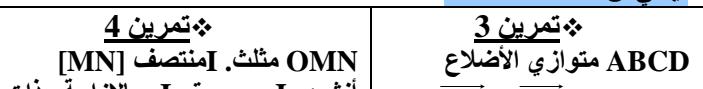
* / -- حدد مركز الدائرة (C') .

* / -- بين أن النقطة J تتبع إلى الدائرة (C') .

منتصف قطعة :

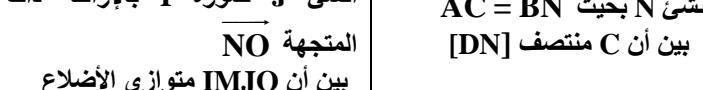


يعني أن $ABM'M$ متوازي الأضلاع



تمرين 3: $ABCD$ متوازي الأضلاع

$\vec{AC} = \vec{BN}$ بحيث $[DN]$ بين أن C منتصف



تمرين 4: OMN مثلث. I منتصف $[MN]$

أنشئ J صورة I بالإزاحة ذات

المتجهة \vec{NO} بين أن $IMJO$ متوازي الأضلاع

مجموع متجهتين :



(لهم نفس الأصل)

$\vec{AD} = \vec{AB} + \vec{AC}$

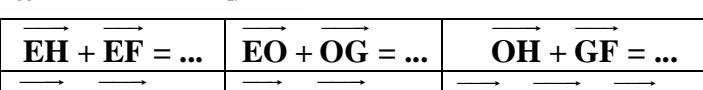
يعني أن $ABDC$ متوازي الأضلاع

علاقة شال :



تمرين 5: في الشكل جانبه $EFGH$ متوازي الأضلاع

مرکز O . أتمم ما يلي:



$\vec{EH} + \vec{EF} = \dots$

$\vec{HF} + \vec{GH} = \dots$

$\vec{EO} + \vec{OG} = \dots$

$\vec{HE} + \vec{HG} + \vec{FH} = \dots$

تمرين 6: بسط ما يلي :

$\vec{BA} - \vec{MB} + \vec{MA} \quad ?? \quad \vec{AC} + \vec{BA} - \vec{CB}$

تمرين 7: ABC مثلث.

أنشئ M صورة B بالإزاحة ذات المتجهة

$\vec{AN} = \vec{AB} + \vec{AC}$ بحيث $[MN]$ منتصف

أنشئ N صورة C و B بحيث

$\vec{AM} = \vec{AC} + \vec{AD}$ و $\vec{AM} = \vec{AB} + \vec{AD}$

أ- بين أن N هي صورة M بالإزاحة ذات المتجهة

ب- بين أن N هي صورة M بالإزاحة ذات المتجهة