

• ضرب متجهة في عدد حقيقي

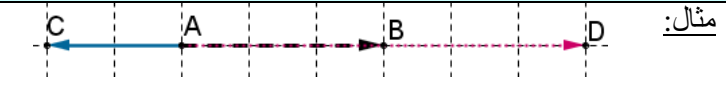
$$\overrightarrow{AM} = k\overrightarrow{AB} \text{ يعني أن}$$

النقط A و B و M مستقيمة.

$$\overrightarrow{AM} = k\overrightarrow{AB} \text{ ; } \overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{AM} \text{ لهما نفس المنحى في حالة } k > 0$$

$$\overrightarrow{AM} = -k\overrightarrow{AB} \text{ ; } \overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{AM} \text{ منحيهما متعاكسان في حالة } k < 0$$

مثال:

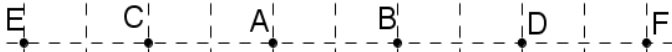


$$\overrightarrow{AD} = 2\overrightarrow{AB} \text{ إذن } \overrightarrow{AD} = 2\overrightarrow{AB} \text{ و لهما نفس الاتجاه و نفس المنحى}$$

$$\overrightarrow{AC} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB} \text{ إذن } \overrightarrow{AC} \text{ و } \overrightarrow{AB} \text{ لهما نفس الاتجاه و منحيان متعاكسان}$$

$$\overrightarrow{AD} = -\frac{2}{3}\overrightarrow{AB}$$

❖ تمرين 9: لاحظ الشكل أسفله:



■ أتمم بالنقط المناسبة:

$$\overrightarrow{B...} = -3\overrightarrow{B...} \text{ ; } \overrightarrow{AF} = \frac{3}{2}\overrightarrow{A...} \text{ ; } \overrightarrow{A...} = -2\overrightarrow{AB} \text{ ; } \overrightarrow{AD} = 2\overrightarrow{A...}$$

■ أتمم بالعدد المناسب:

$$\overrightarrow{ED} = ...\overrightarrow{EA} \text{ ; } \overrightarrow{AC} = ...\overrightarrow{BF} \text{ ; } \overrightarrow{DE} = ...\overrightarrow{DF} \text{ ; } \overrightarrow{AF} = ...\overrightarrow{AB}$$

بصفة عامة $\overrightarrow{CD} = k\overrightarrow{AB}$ يعني أن

\overrightarrow{AB} و \overrightarrow{CD} لهما نفس الاتجاه. أي $(AB) \parallel (CD)$

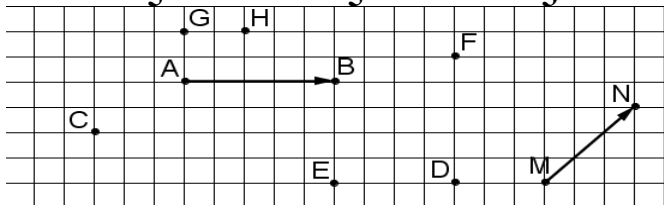
$$\overrightarrow{CD} = k\overrightarrow{AB} \text{ ; } \overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{CD} \text{ لهما نفس المنحى في حالة } k > 0$$

$$\overrightarrow{CD} = -k\overrightarrow{AB} \text{ ; } \overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{CD} \text{ منحيهما متعاكسان في حالة } k < 0$$

❖ تمرين 10: أنشئ النقط p و R و S و T و K و L بحيث:

$$\overrightarrow{DK} = 2\overrightarrow{MN} \text{ و } \overrightarrow{ER} = -2\overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{HP} = 2\overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{GT} = -\frac{4}{5}\overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{CS} = \frac{7}{5}\overrightarrow{AB} \text{ و } \overrightarrow{FL} = -\frac{2}{3}\overrightarrow{MN}$$



❖ تمرين 11: مثلث ABC

$$\overrightarrow{AM} = -2\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AN} = 2\overrightarrow{AC} \text{ أنشئ M و N بحيث}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

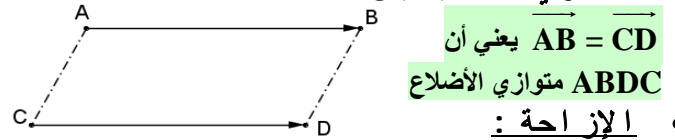
$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

$$\overrightarrow{BC} \text{ و } \overrightarrow{AC} \text{ بدلالة المتجهين } \overrightarrow{BM} \text{ و } \overrightarrow{MN} \text{ كلا من المتجهين}$$

• تساوي متجهتين:



M' صورة M بالإزاحة ذات المتجهة \overrightarrow{AB} (أو بالإزاحة التي تحول A إلى B)
يعني أن: $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{MM'}$ أي أن $\overrightarrow{ABM'M}$ متوازي الأضلاع.

خاصية أساسية:
إذا كانت M و N صورتين M' و N' صورتي M و N بإزاحة فإن: $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{M'N'}$

❖ تمرين 1: ABCD مربع مركزه O

لتكن T الإزاحة التي تحول A إلى B.

1- أنشئ E صورة O بالإزاحة T.

2- حدد صورة D بالإزاحة T.

3- بين أن (EB) عمودي على (EC).

❖ تمرين 2: مثلث ABC، و I منتصف القطعة [AB]

لتكن T الإزاحة التي تحول I إلى C

(1) --- أ) -- أنشئ النقطة J صورة النقطة A بالإزاحة T.

(ب) -- ما هي صورة المستقيم (AB) بالإزاحة T.

(2) لتكن (C) الدائرة التي قطرها [AB]، و (C') صورتها بالإزاحة T

*/ -- حدد مركز الدائرة (C')

*/ -- بين أن النقطة J تنتمي إلى الدائرة (C')

منتصف قطعة:

M منتصف [AB]
يعني أن $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{MB}$

❖ تمرين 4:

OMN مثلث. I منتصف [MN]

أنشئ J صورة I بالإزاحة ذات

المتجهة \overrightarrow{NO}

بين أن IMJO متوازي الأضلاع

❖ تمرين 3:

ABCD متوازي الأضلاع

أنشئ N بحيث $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{BN}$

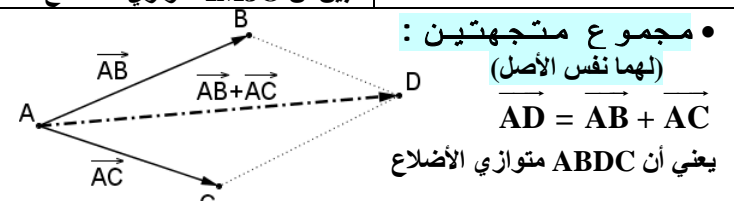
بين أن C منتصف [DN]

• مجموع متجهتين:

(لهما نفس الأصل)

$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$$

يعني أن ABDC متوازي الأضلاع

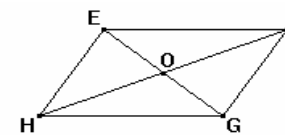


❖ علاقة شال: $\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{MB} = \overrightarrow{AB}$

❖ تمرين 5:

في الشكل جانبه متوازي الأضلاع

مركزه O. أتمم ما يلي:



$\overrightarrow{EH} + \overrightarrow{EF} = ...$	$\overrightarrow{EO} + \overrightarrow{OG} = ...$	$\overrightarrow{OH} + \overrightarrow{GF} = ...$
$\overrightarrow{HF} + \overrightarrow{GH} = ...$	$\overrightarrow{EF} + \overrightarrow{GH} = ...$	$\overrightarrow{HE} + \overrightarrow{HG} + \overrightarrow{FH} = ...$

❖ تمرين 6: بسط ما يلي:

$$\overrightarrow{DE} - \overrightarrow{DF} + \overrightarrow{EF} - \overrightarrow{ED}$$

$$\overrightarrow{BA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MA}$$

$$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BA} - \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BA} - \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BA} - \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BA} - \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BA} - \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BA} - \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BA} - \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BA} - \overrightarrow{CB}$$

$$\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BA} - \overrightarrow{CB}$$

❖ تمرين 7: مثلث ABC

أنشئ M صورة B بالإزاحة التي تحول C إلى A

أنشئ N بحيث $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

بين أن B منتصف [MN]

❖ تمرين 8: A و B و C و D أربع نقط من المستوى.

أ- أنشئ M و N بحيث $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$ و $\overrightarrow{AN} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AD}$

ب- بين أن N هي صورة M بالإزاحة ذات المتجهة \overrightarrow{AC}