

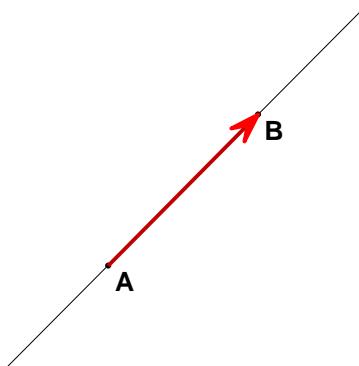


## المتجهات والإزاحة

الجزء الأول : المتجهات :

### I. المتجهة:

#### تعريف

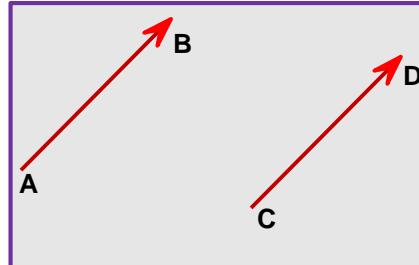


كل نقطتين مختلفتين  $A$  و  $B$  تحددان متجهة يرمز لها بالرمز  $\vec{AB}$

- ✓  $A$  تسمى أصل المتجهة  $\vec{AB}$  و  $B$  تسمى طرفاها
- ✓ المستقيم  $(AB)$  يسمى إتجاه وحامل المتجهة  $\vec{AB}$
- ✓ المسافة  $AB$  تسمى منظم أو معيار المتجهة  $\vec{AB}$
- ✓ المنحى من  $A$  نحو  $B$  هو منحى المتجهة  $\vec{AB}$
- ✓  $\vec{AA} = \vec{0}$  ليس لها اتجاه و تسمى المتجهة المنعدمة إذن
- ✓ مقابل المتجهة  $\vec{AB}$  هي المتجهة  $\vec{BA}$  ونكتب

### II. تساوي متجهتين :

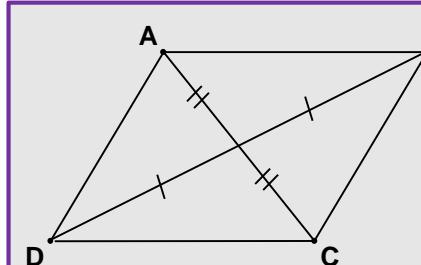
#### تعريف



تكون  $\vec{AB} = \vec{CD}$  إذا كان :

- ✓  $(AB) \parallel (CD)$  و  $\vec{CD}$  لهما نفس الإتجاه أي  $\vec{AB} \parallel \vec{CD}$
- ✓  $\vec{CD}$  و  $\vec{AB}$  لهما نفس المنحى
- ✓  $AB = CD$  و  $\vec{CD}$  لهما نفس المنظم (القياس) أي  $\vec{AB} = \vec{CD}$

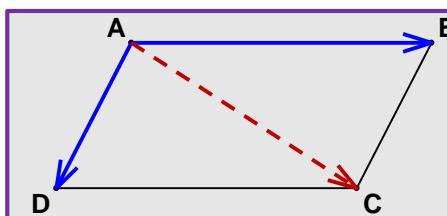
#### خصائص



- ✓ تكون  $\vec{AB} = \vec{DC}$  إذا كان  $[AC] \parallel [BD]$  و  $[AC] \parallel [BD]$  لهما نفس المنتصف
- ✓ إذا كان  $\vec{AB} = \vec{DC}$  فإن الرباعي  $ABCD$  متوازي أضلاع
- ✓ إذا كان الرباعي  $ABCD$  متوازي أضلاع فإن  $\vec{AB} = \vec{DC}$
- ✓ إذا كان الرباعي  $ABCD$  متوازي أضلاع فإن  $\vec{AB} + \vec{AD} = \vec{AC}$

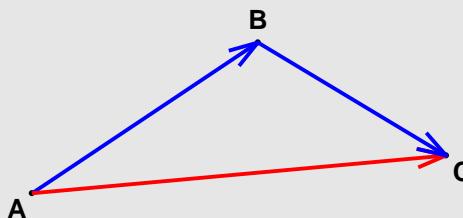
### III. مجموع متجهتين :

#### تعريف



مجموع المتجهتين  $\vec{AB}$  و  $\vec{AD}$  هو المتجهة  $\vec{AC}$   
حيث  $ABCD$  متوازي أضلاع ونكتب  $\vec{AB} + \vec{AD} = \vec{AC}$

علاقة شال



$A$  و  $B$  و  $C$  نقط من المستوى .

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$$

لدينا هذه المتساوية تسمى علاقه شال .

أمثلة : بسط ماليي :

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{AD}$$

$$\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{CB} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CA} = \overrightarrow{AA} = \vec{0}$$

## IV. ضرب متجهة في عدد حقيقي :

تعريف

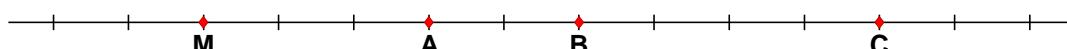
$\overrightarrow{AB}$  متجهة غير منعدمة و  $k$  عدد حقيقي .

نقول إن المتجهة  $\overrightarrow{AC}$  هي جداء المتجهة  $\overrightarrow{AB}$  في العدد الحقيقي  $k$  إذا كانت  $C$  هي نقطة من المستقيم  $(AB)$  بحيث  $\overrightarrow{AC} = k \overrightarrow{AB}$

✓ إذا كان  $k > 0$  فإن  $\overrightarrow{AC}$  و  $\overrightarrow{AB}$  لهما نفس المنحى .

✓ إذا كان  $k < 0$  فإن  $\overrightarrow{AC}$  و  $\overrightarrow{AB}$  لهما منحىان متعاكسان .

مثال :  $\overrightarrow{AM} = -\frac{3}{2} \overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{BC} = -2 \overrightarrow{BA}$  و  $\overrightarrow{AC} = 3 \overrightarrow{AB}$



خاصية 1

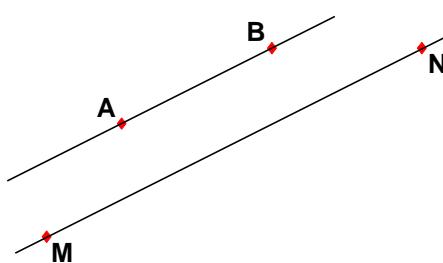
إذا كان  $\overrightarrow{AC} = k \overrightarrow{AB}$  فإن  $A$  و  $B$  و  $C$  نقط مستقيمية .

خاصية 2

إذا كان  $\overrightarrow{AB} = k \overrightarrow{MN}$  فإن  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{MN}$  متجهتان مستقيمتان .

## V. المتجهة والمنتصف :

$A$  و  $B$  و  $M$  ثلات نقط .



$$\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{MB} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AB}$$

$$\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = \vec{0}$$

$$\overrightarrow{MA} = -\overrightarrow{MB}$$

$M$  منتصف  $[AB]$  يعني أن :



الجزء الثاني : الإزاحة :

تعريف

$A$  و  $B$  نقطتان من المستوى .

النقطة  $M'$  هي صورة النقطة  $M$  بالإزاحة  $T$  ذات المتجهة  $\overrightarrow{AB}$  فإن :

**ملاحظة :** المتجهة  $\overrightarrow{AB}$  هي المتجهة التي تحول  $A$  إلى  $B$  بحيث  $B$  تسمى صورة  $A$

خاصية 1

إذا كانت  $A'$  و  $B'$  صورتي  $A$  و  $B$  على التوالي بإزاحة  $\vec{u}$  فإن :

خاصية 2

صورة مستقيم  $(AB)$  بإزاحة  $\vec{u}$  هو مستقيم  $(A'B')$  يوازيه

خاصية 3

صورة قطعة  $[AB]$  بإزاحة  $\vec{u}$  هي قطعة  $[A'B']$  تقابسها

خاصية 4

صورة زاوية بإزاحة هي زاوية تقابسها

**مثال :**

$\vec{u}$  متجهة غير منعدمة و  $A\hat{B}C$  زاوية .

لنشئ الزاوية  $A'\hat{B}'C'$  صورة الزاوية  $A\hat{B}C$  بالإزاحة

خاصية 5

صورة دائرة  $(C)$  بإزاحة  $\vec{u}$  هي دائرة  $(C')$  لها نفس الشعاع

**مثال :**  $\overrightarrow{AB}$  متجهة غير منعدمة و  $(C)$  دائرة مركزها  $O$  وشعاعها  $r$

لنشئ الدائرة  $(C')$  صورة الدائرة  $(C)$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{AB}$  ( الإزاحة التي تحول  $A$  إلى  $B$  )

✓ أولاً ننشئ المركز  $O'$  صورة المركز  $O$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{AB}$

✓ ثانياً نحتفظ بنفس الشعاع ونرسم الدائرة  $(C')$

