

التمارين المقترحة للبحث

التمرين الأول

ABC مثلث متساوي الساقين في الرأس A ، حيث $AB > BC$ ، واسط القطعة $[AB]$ يقطع (BC) في D . الدائرة ذات المركز B و الشعاع BD تقطع (AD) في D و E .

1. ماهي طبيعة المثلث ADB ؟ علل جوابك؟
2. بين أن $B\hat{A}E = A\hat{C}D$.
3. قارن المثلثين ABE و ACD و إستنتج أن $CD = AE$.

التمرين الثاني

ABC مثلث متساوي الأضلاع ، و (ℓ) الدائرة المحيطة به ، M نقطة من القوس الصغيرة AB لتكن E نقطة من القطعة $[MC]$ بحيث $CE = MB$.

1. بين أن $MA = ME$.
2. بين أن $MA + MB = MC$.

التمرين الثالث

ليكن $ABCD$ متوازي الأضلاع و J منتصف القطعة $[CD]$. المستقيم (AJ) يقطع المستقيم (BC) في K .

- 1 - أرسم الشكل.
- 2 - بين أن المثلثين ADJ و KCJ متقايسان .

التمرين الرابع

ABC مثلث متساوي الساقين في الرأس A .
(φ) الدائرة المحيطة بالمثلث ABC ، المنصف الداخلي للزاوية $[B\hat{A}C]$ يقطع (φ) في P

1. أرسم الشكل.
2. بين أن $A\hat{B}P = A\hat{C}P$.
3. بين أن المثلثين ABP و ACP متقايسان.

التمرين الخامس

ABC مثلث متساوي الأضلاع حيث $AB = 2R$ ، I و J و k هي على التوالي منتصفات $[AB]$ و $[AC]$ و $[BC]$. نقطة تقاطع (BJ) و (CI) . (أرسم الشكل)

- 1- بين أن النقط I و J و C و B متداورة في دائرة (φ) ، ثم حدد شعاع الدائرة (φ) بدلالة R .
- 2 - بين أن المثلثات JOC و IOB و OKB متقايسة.
- 3- إستنتج أن I و J و K تنتمي إلى نفس الدائرة $\ell(O, r)$.
- 4 - بين أن $r = \frac{\sqrt{3}}{3} R$

5 - تحقق أن O هو مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC ، ثم حدد شعاعها بدلالة R

التمارين المقترحة للبحث

التمرين الأول

$\ell(O,3)$ دائرة مركزها O و شعاعها 3cm . H و M و A و D أربع نقط من الدائرة ℓ في هذا الترتيب

1 - أرسم شكلا مناسباً .

2 - إذا علمت أن $\widehat{MDH} = 38^\circ$ و $\widehat{AMD} = 40^\circ$. أحسب $\widehat{AHD}$ و $\widehat{MAH}$ ثم

$\widehat{MOH}$

3 - لتكن T نقطة تقاطع $[AH]$ و $[MD]$.

بين أن المثلثين TAM و TDH متشابهان .

التمرين الثاني

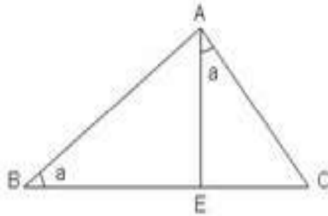
ليكن ABC مثلث و (φ) الدائرة المحيطة به . المنصف الداخلي للزاوية $\widehat{ACB}$ يقطع (φ) في نقطة ثانية E و يقطع (AB) في F .

1 - بين أن المثلثين ACE و CFB متشابهان

2 - استنتج أن $CF \times CE = CA \times CB$

3 - بين أن $AE^2 = CE \times EF$

التمرين الثالث



نعتبر الشكل جانبه بحيث : $AC = 5$ و $AE = 4$ و $EC = 3$

1 - بين أن المثلثين AEC و AEB متشابهان

2 - أحسب BE .

التمرين الرابع

ABC مثلث معلوم و M نقطة من نصف المستقيم (BA) بحيث $BM > BA$

نفترض أن $MA \times MB = MC^2$

1 . قارن المثلثين MAC و MCB

2 . استنتج أن $\widehat{ACM} = \widehat{ABC}$

3 . بين أن المستقيم (MC) مماس للدائرة المحيطة بالمثلث ABC

التمرين الخامس

ABC مثلث و $[CC']$ و $[BB']$ إرتفاعين له ليكن H مركز تعامده .

1 - بين أن النقط B و C و B' و C' متداورة .

2 - بين أن المثلثين $HB'C'$ و HCB متشابهان .

3 - بين أن $HA \times HA = HB \times HB$