

3 coll

الزوايا المحيطية والزوايا المركزية

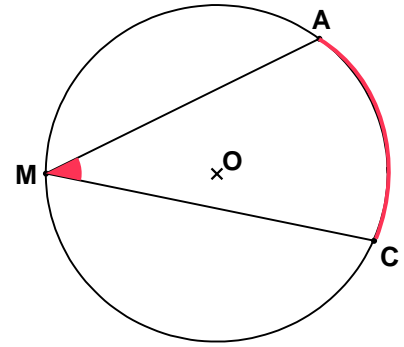
1- الزوايا المحيطية :

تعريف

الزاوية المحيطية هي كل زاوية ينتمي رأسها إلى دائرة وتحصر قوساً في هذه الدائرة .

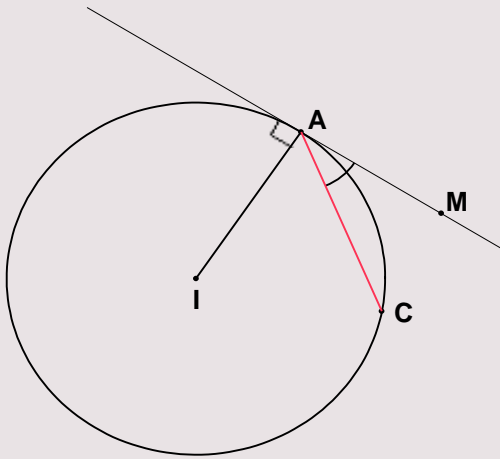
مثال :

\widehat{AMC} زاوية محيطية تحصر القوس \widehat{AC}



حالة خاصة :

المستقيم (AM) مماس للدائرة في النقطة A .
إذن الزاوية \widehat{MAC} زاوية محيطية تحصر القوس \widehat{AC}



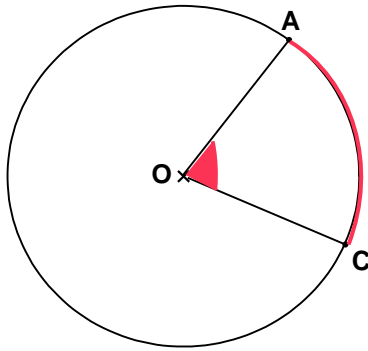
2- الزوايا المركزية :

خاصية

الزاوية المركزية هي كل زاوية رأسها هو مركز الدائرة وتحصر قوساً في هذه الدائرة .

مثال :

\widehat{AOC} زاوية مركزية تحصر القوس \widehat{AC}



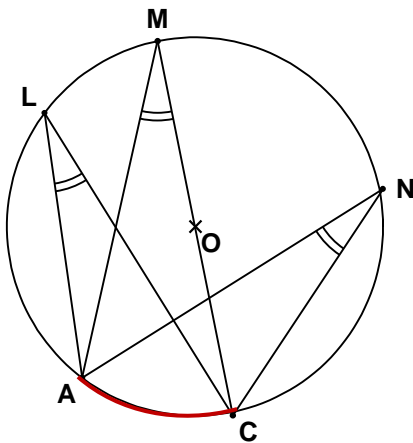
3- مقارنة زاويتين محيطيتين :

خاصية

الزوايا المحيطية التي تحصر نفس القوس تكون متقايسة.

مثال :

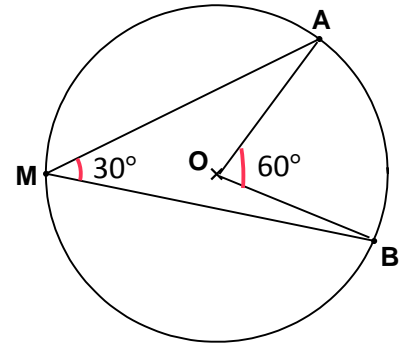
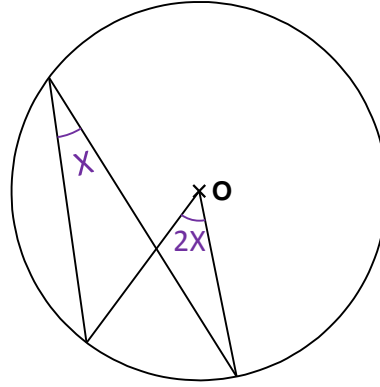
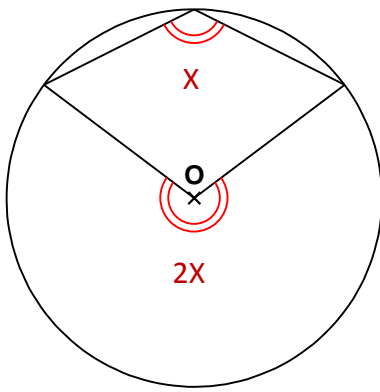
الزوايا \widehat{AOC} و \widehat{AMC} و \widehat{ANC} محيطية وتحصر نفس القوس \widehat{AC} إذن فهي متقايسة .



4- مقارنة زاوية محيطية وزاوية مركزية :

خاصية

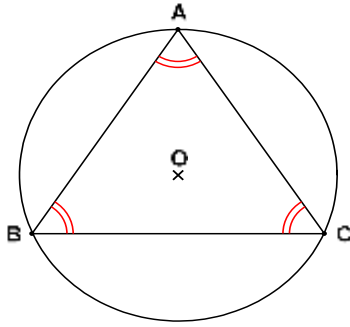
قياس الزاوية المحيطية يساوي نصف قياس الزاوية المركزية المرتبطة بها.



\widehat{AOB} هي الزاوية المركزية

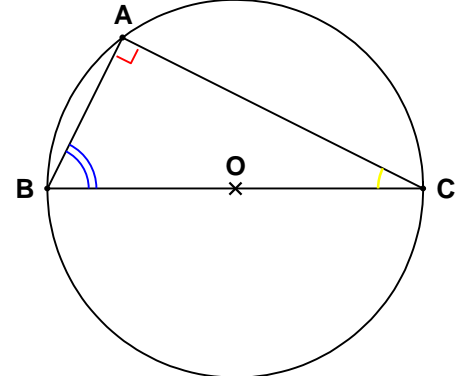
المرتبطة بالزاوية المحيطية \widehat{AMB} إذن $\widehat{AOB} = 2 \widehat{AMB}$ إذن $\widehat{AOB} = 60^\circ$

❖ في مثلث متساوي الأضلاع جميع الزوايا متقايسة وكل زاوية تساوي 60°



❖ AB و AC و BC تسمى أوتار الدائرة .

❖ مجموع زوايا مثلث يساوي 180°



$$\widehat{ABC} + \widehat{BCA} + \widehat{BAC} = 180^\circ$$

❖ الزاوية المستقيمة $\widehat{BOC} = 180^\circ$

❖ إذا كان المثلث ABC محاط بدائرة قطرها

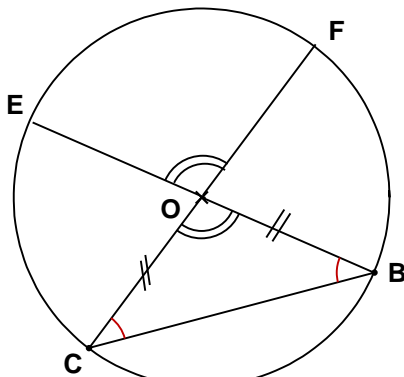
$[BC]$ ومركزها O فإن المثلث ABC قائم

الزاوية في A ومنه $\widehat{BAC} = 90^\circ$

www.hsaina.com

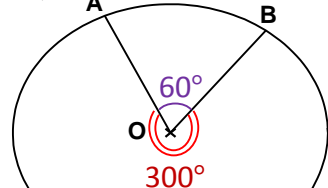
❖ في المثلث المتساوي الساقين OBC لدينا :

$$\widehat{OBC} = \widehat{OCB} \quad \text{و} \quad OB = OC$$



❖ زاويتان متقابلتان بنفس الرأس متقايستان .

❖ زاوية ملينة تساوي 360°



$$\widehat{AOB} + \widehat{AOB} = 360^\circ$$

$$\widehat{AOB} = 360^\circ - \widehat{AOB} = 300^\circ$$