



الزوايا المحيطية والزوايا المركزية

1- الزوايا المحيطية :

تعريف

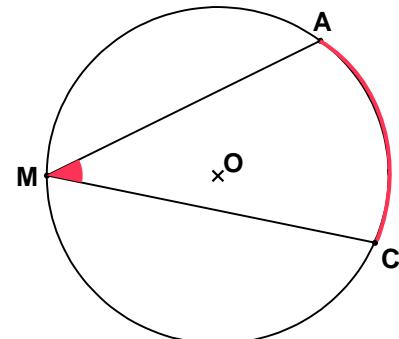
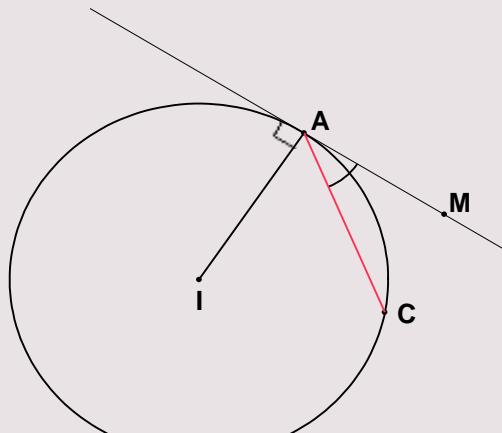
الزاوية المحيطية هي كل زاوية ينتمي رأسها إلى دائرة وتحصر قوساً في هذه الدائرة .

حالة خاصة :

مثال :

المستقيم (AM) مماس للدائرة في النقطة A .
إذن الزاوية $M\hat{A}C$ زاوية محيطية تحصر القوس

\widehat{AC} زاوية محيطية تحصر القوس \widehat{AC}



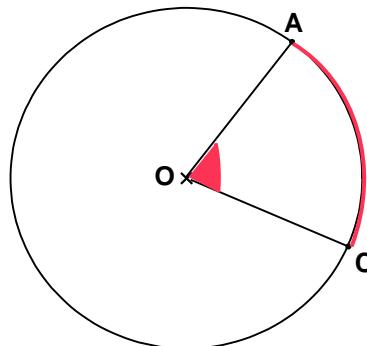
2- الزوايا المركزية :

خاصية

الزاوية المركزية هي كل زاوية رأسها هو مركز الدائرة وتحصر قوساً في هذه الدائرة .

مثال :

$A\hat{O}C$ زاوية مركزية تحصر القوس \widehat{AC}



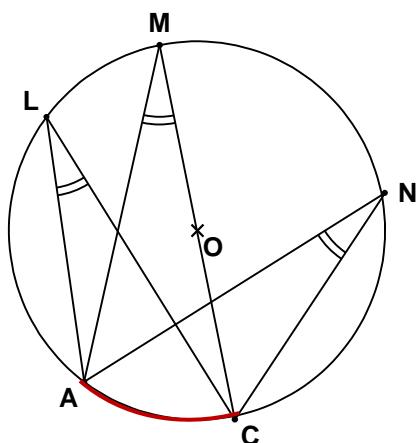
3- مقارنة زاويتين محيطيتين :

خاصية

الزوايا المحيطية التي تحصر نفس القوس تكون متقايسة .

مثال :

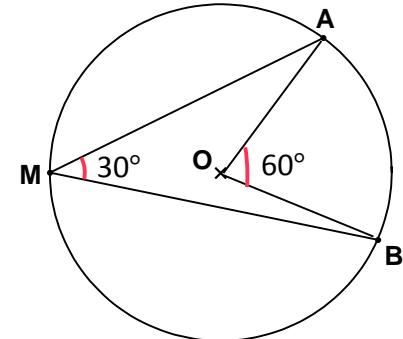
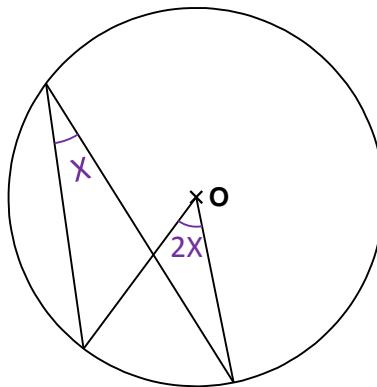
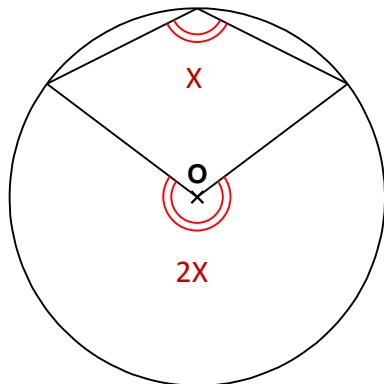
الزوايا $A\hat{L}C$ و $A\hat{N}C$ و $A\hat{M}C$ و $A\hat{C}$ محيطية
وتحصر نفس القوس \widehat{AC} إذن فهي متقايسة .



4- مقارنة زاوية محيطية وزاوية مركزية :

خاصية

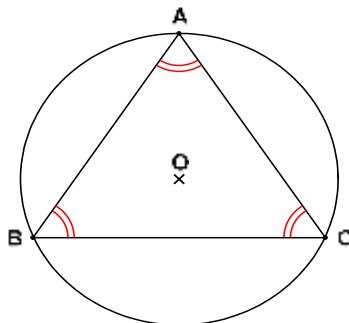
قياس الزوايا المحيطية يساوي نصف قياس الزاوية المركزية المرتبطة بها.



$A\hat{O}B$ هي الزاوية المركزية

$A\hat{O}B = 60^\circ$ إذن $A\hat{O}B = 2 A\hat{M}B$ إذن $A\hat{M}B = 30^\circ$

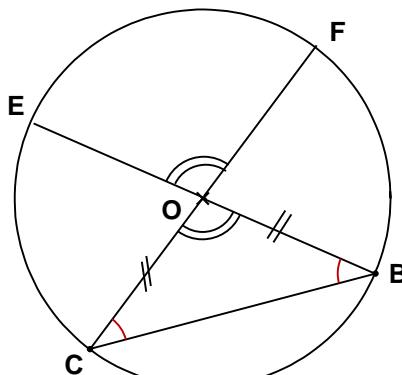
❖ في مثلث متساوي الأضلاع جميع الزوايا متقايسة وكل زاوية تساوي 60°



❖ AB و AC و BC تسمى أوتار الدائرة.

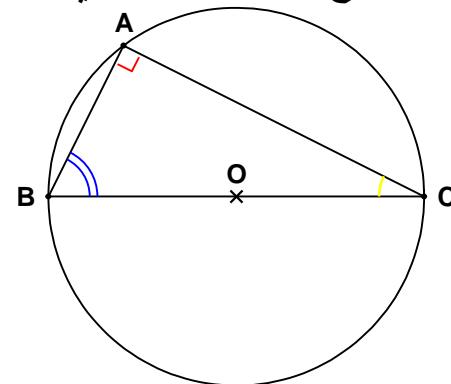
❖ في المثلث المتساوي الساقين BOC لدينا :

$$O\hat{B}C = O\hat{C}B \quad \text{و} \quad OB = OC$$



❖ زاويتان متقابلتان بنفس الرأس متقايسستان.

❖ مجموع زوايا مثلث يساوي 180°



$$A\hat{B}C + B\hat{C}A + B\hat{A}C = 180^\circ$$

❖ الزاوية المستقيمة $B\hat{O}C = 180^\circ$

❖ إذا كان المثلث ABC محاط بدائرة قطرها

❖ ومركزها O فإن المثلث ABC قائم

$$B\hat{A}C = 90^\circ \text{ ومنه}$$

www.hsaina.com

❖ زاوية ملئية تساوي 360°

