

تمارين الترتيب و العمليات المستوى : الثالثة ثانوي إعدادي من إعداد الأستاذ : المهدي عنييس	المملكة المغربية  وزارة التربية الوطنية والتعليم العالي وتكوين الأطر والبحث العلمي
❁ تمرين ① : (1) - قارن ما يلي : $\frac{3}{7} + 3^{2012} \quad \text{و} \quad \frac{12}{5} + 3^{2012} \quad ; ; \quad -\sqrt{2} \quad \text{و} \quad -\sqrt{2} + \frac{1}{2} \quad ; ; \quad \frac{-5}{9} \quad \text{و} \quad \frac{-7}{18}$ $-\sqrt{3} \times \frac{11}{2} \quad \text{و} \quad -\sqrt{3} \times \frac{13}{7} \quad ; ; \quad 2\sqrt{7} \times \frac{18}{5} \quad \text{و} \quad 2\sqrt{7} \times \frac{11}{25}$ (2) - x و y عددان حقيقيان بحيث : $x > 0$ و $y < 0$. قارن ما يلي : $4y + x \quad \text{و} \quad 3y + x \quad ; ; \quad y - x \quad \text{و} \quad x + y$ (3) - قارن العددين الحقيقيين a و b بحيث : $b = \sqrt{48} \quad \text{و} \quad a = \sqrt{12} + \sqrt{27}$	❁ تمرين ② : (1) - قارن ما يلي : $-3\sqrt{11} \quad \text{و} \quad -5\sqrt{4} \quad ; ; \quad 2\sqrt{17} \quad \text{و} \quad 3\sqrt{7}$ $\sqrt{7+2\sqrt{11}} \quad \text{و} \quad \sqrt{3}+2 \quad ; ; \quad 3\sqrt{5} \quad \text{و} \quad \sqrt{3}-\sqrt{17}$ (2) - a و b عددان حقيقيان موجبان بحيث : $a \leq b$. (أ) -- أثبت أن : $a+1 \leq b + \frac{5}{4}$ و أن : $b + \sqrt{7} \geq a - 3\sqrt{7}$. (ب) -- قارن العددين : b^2 و $\frac{a^2 + 3b^2}{4}$. (3) - a و b و c أعداد حقيقية موجبة . (أ) -- أثبت أن : $a^2 + b^2 \geq 2ab$. (ب) -- استنتج أن : $a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ac$. (ج) -- إذا علمت أن : $a^2 + b^2 + c^2 = 1$ فبين أن : $(a+b+c)^2 = 1 + 2(ab+bc+ac)$. (د) -- استنتج من ما سبق أن : $a+b+c \leq \sqrt{3}$.

✿ تمرين ③ :

نضع : $x = \frac{2}{\sqrt{3}+1}$ و $y = \frac{5+\sqrt{3}}{2}$

(1) -- بين أن : $x - y = \frac{\sqrt{3}-7}{2}$

(2) -- (أ) قارن العددين : $\sqrt{3}$ و 7 .

(ب) -- استنتج مقارنة العددين x و y .

✿ تمرين ④ :

(1) -- قارن العددين : $\sqrt{7}$ و 2 ثم $\sqrt{3}$ و 5 .

(ب) -- استنتج تبسيط العددين : $m = \sqrt{(\sqrt{7}-2)^2}$ و $n = \sqrt{(\sqrt{3}-5)^2}$

(2) -- (أ) أنشئ و بسط العددين : $(\sqrt{5}-4)^2$ و $(6-\sqrt{2})^2$.

(ب) -- استنتج تبسيطا للعددين : $v = \sqrt{21-8\sqrt{5}}$ ثم $w = \sqrt{38-12\sqrt{2}}$

✿ تمرين ⑤ :

(1) -- أثبت أن : $\frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{5}-\sqrt{3}}{2}$ ، ثم أن : $\frac{1}{\sqrt{3}+1} = \frac{\sqrt{3}-1}{2}$

(2) -- قارن العددين : $\sqrt{5}+\sqrt{3}$ و $\sqrt{3}+1$.

(ب) -- استنتج مقارنة العددين : $\frac{\sqrt{5}-\sqrt{3}}{2}$ و $\frac{\sqrt{3}-1}{2}$.

✿ تمرين ⑥ :

a و b و c و d أعداد حقيقية بحيث :

$9 \leq a \leq 16$ و $-7 \leq b \leq -6$ و $\frac{1}{2} \leq \frac{3c-1}{2} \leq 1$ و $-2 \leq d \leq -1$

(1) -- بين أن : $\frac{2}{3} \leq c \leq 1$.

(2) -- أطر ما يلي :

$a+b$ و ab و $\frac{a}{b}$ و $-3a+2b-15$ و $2\sqrt{a}+d$

a^2+bd-b^2 و $\frac{2b-d}{a+b}$ و $\sqrt{a^2-ab+b^2}$