

المادة : الرياضيات
55 دقيقة

تصحيح
الفرض المحسوس رقم
الأسس الثاني ②

ثانوية عمر بن الخطاب
الإعدادية

المستوى: الثالثة ثانوي إعدادي

الأستاذ: توفيق بوكرارة

بركان

✿ التمارين الأول (13.5 نقطة) :

نعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد منظم $(O; I; J)$ النقط التالية: $E(1; -1)$ و $F(3; 1)$ و $G(2; 2)$

تحديد b : نعوض $G(2; 2)$ في

$$(D): y = -x + b$$

فنجد: $b=4$

$$(D): y = -x + 4 \quad \text{إذن:}$$

(I) 1- مثل النقط E و F و G . (1.5 ن)

2- أحسب EF . (1 ن)

$$EF = \sqrt{(x_F - x_E)^2 + (y_F - y_E)^2}$$

$$EF = \sqrt{(3 - 1)^2 + (1 + 1)^2} = \sqrt{8}$$

إذن: $EF = 2\sqrt{2}$

3- تحقق أن النقطة F تنتمي لمستقيم (D) . (1 ن)

نعوض $F(3; 1)$ في

$$1 = 1 \quad \text{فنجد:} \quad (D): y = -x + 4$$

إذن: $F \in (D)$

3- حدد احداثي المتجهة \vec{EF} . (1 ن)

$$\vec{EF}(x_F - x_E; y_F - y_E)$$

$$\vec{EF}(3 - 1; 1 - 1)$$

إذن: $\vec{EF}(2; 2)$

(III) نعتبر المستقيم (Δ) الذي معادلته المختصرة هي:

$$y = x - 5$$

1) هل (EF) و (Δ) متوازيان؟ على حوايك. (1 ن)

$(\Delta): y = x - 5$ و $(EF): y = x - 2$

لدينا: 2 وحسب خاصية التوازي نجد:

$a = a' = 1$ إذن: (EF) و (Δ) متوازيان

4- حدد زوج احداثي النقطة I منتصف القطعة $[EF]$. (1 ن)

$$I\left(\frac{x_F + x_E}{2}; \frac{y_F + y_E}{2}\right)$$

$$I(2; 0)$$

(II) 1- بين أن المعادلة المختصرة لمستقيم (EF) هي:

$$y = x - 2$$

تحديد a

$$a = \frac{y_F - y_E}{x_F - x_E} = \frac{1 + 1}{3 - 1}$$

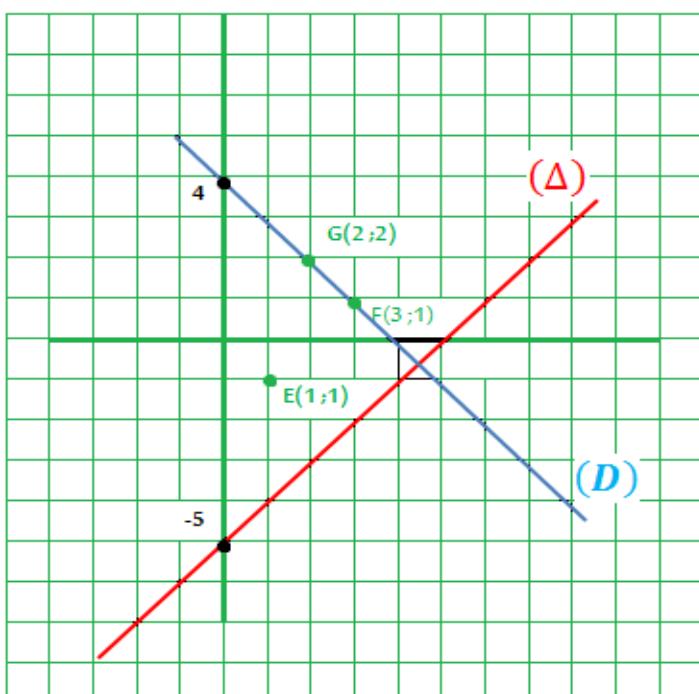
$$a = 1$$

تحديد b : نعوض $E(1; -1)$ في

فنجد: $b = -2$

$$(EF): y = x - 2 \quad \text{إذن:}$$

2) أنشئ المستقيم (D) و (Δ) . (1.5 ن)



2- بين أن $y = -x + 4$ هي معادلة المستقيم (D) المار من

النقطة G والعمودي على (EF) . (2 ن)

تحديد a

لدينا: $(EF): y = x - 2$ و $(D): y = ax + b$

و (D) عمودي على (EF) وحسب خاصية التعampa

نجد:

$$1 \times a = -1$$

$a = -1$ أي أن:

ومنه:

$$(D): y = -x + b$$

التمرين الثاني (3 نقط) :

<p>2) حل جريا النظمة (S). (2 ن)</p> $\begin{cases} (1) \quad 2x + 6y = 200 \\ (2) \quad 2x + 2y = 120 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x + 6y = 200 \\ x + y = 60 \end{cases}$ $(1)-(2) \rightarrow 4y = 80 \Leftrightarrow y = \frac{80}{4} \Leftrightarrow y = 20$ <p>نفرض y في المعادلة $x + y = 60$ فنجد :</p> $x = 40$ <p>إذن الزوج (40; 20) الحل الوحيد للنظمة (S)</p>	<p>نعتبر النظمة التالية:</p> $(S): \begin{cases} 2x + 6y = 200 \\ x + y = 60 \end{cases}$ <p>1) هل الزوج (22; 24) حل للنظمة (S).</p> <p>نفرض (22; 24) في : $x + y = 60$</p> <p>فنجد :</p> $22 + 24 = 46$ $46 \neq 60$ <p>إذن الزوج (22; 24) ليس حل للنظمة (S)</p>
--	--

مسألة (3 نقط) :

ثمن دخول مسيح هو 20 درهما للأطفال و 60 درهما للبالغين، دخل المسبح في يوم معين 60 شخصاً تركوا في صندوقه 2000 درهم.
 عدد الأطفال و عدد البالغين الذين دخلوا المسبح في ذلك اليوم.

ليكن x هو عدد الأطفال

و y هو عدد البالغين

صياغة النظمة:

$$\begin{cases} 20x + 60y = 2000 \\ x + y = 60 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x + 6y = 200 \\ x + y = 60 \end{cases} \quad \square$$

نلاحظ أن النظمة المحصل عليها هي نفس النظمة (S) للتمرين الثاني ومنه نجد :

عدد الأطفال الذين دخلوا المسبح هو 40.

و عدد البالغين الذين دخلوا المسبح هو 20.

ملاحظة: تمنج 0.5 نقطة على نظافة الورقة